

Concursul de Programare „Moisil++”

Concursul de programare „**Moisil++**”, desfășurat la Liceul de Informatică „Grigore C. Moisil” pe data de 13 iunie 2014, s-a adresat elevilor de gimnaziu și clasa a IX-a, având drept scop dezvoltarea spiritului competitiv și antrenarea concurenților în vederea participării cu succes la alte concursuri de informatică.

Concursul a avut 5 nivele de dificultate, respectiv clasa a V-a, clasa a VI-a, clasa a VII-a, clasa a VIII-a și clasa a IX-a. Programa de concurs a coincis cu aceea a fazei județene a olimpiadei de informatică. La concurs au participat 64 de elevi.

Elaborarea subiectelor și evaluarea surselor concurenților au fost realizate de elevii Marta Filimon, Cezar Andrici, Andrei Netedu, Valentin Roșca, Liana Țucăr, Mircea Popovici, Francisc Doboș, Adrian Gotcă, Cosmin Pascaru și studentul Alexandru Cohal sub îndrumarea profesoarelor Cornelia Ivașc, Mirela Țibu, Oana Butnărașu, Liliana Vîrgă, Simona Iuscinski, Mariana Grădinariu, Silvia Grecu și Ionel Maftai.

Rezultate

Clasa	Nume	Premiu
5	Ancuta Andrei	I
	Cantea Carmina	I
	Padurariu Robert	I
	Mihalache Mihai	II
	Tescu Tudor	II
	Zamfir Corneliu	M
	Lupu Eduard	M
	Dumitrescu Alex	M
	Iacob Vlad	M
	Nicu Stefan	M
6	Chirita Matei	I
	Cojocaru Diana	I
	Udila Andrei	II
	Croitoriu Dan	II
7	Borza Cristina	I
	Turcuman Vlad	I
	Uliuliuc Serafim	III
	Puricoi Catalin	M
8	Rusu Daniel	I
	Turcuman Horia	II
	Banu Denis	III
	Avram Andrei	M
9	Creanga Daniel	I
	Gherasim Albert	I
	Guraliuc Iulian	I
	Turcu Stefanel	II
	Dascalu Laurentin	II
	Marinoriu Radu	III
	Matei Alexandru	III
	Zaharia Bogdan	III
	Moisiu Horia	M
	Apetri Alexandru	M
	Hriscu Ovidiu	M
	Radeanu Razvan	M
	Mihuuleac Narcis	M
	Babuta Filip	M
	Pascu Vlad	M

Problemele de concurs 2014

Clasa a V-a

Joc – Gotcă Adrian

100 puncte

Gabriel a început să joace un joc pe calculator. Jocul presupune parcurgerea mai multor nivele. În timp ce juca, el a observat că la terminarea fiecărui nivel obține cu un punct mai mult decât la nivelul precedent.

Cerință

Dându-se P , punctajul primului nivel și N , numărul nivelului curent, scrieți un program care să determine câte puncte a acumulat Gabriel la terminarea nivelului N .

Date de intrare

În fișierul `joc.in`, pe prima linie, se află un număr natural P , iar pe a doua linie numărul natural N , fiecare cu semnificația din enunț.

Date de ieșire

În fișierul `joc.out` pe prima linie se află un număr natural reprezentând suma cerută.

Restricții

$$1 \leq p, nr \leq 2000000$$

$$1 \leq s \leq 2000000$$

Exemplu

joc.in	joc.out	Observații
500 3	1502	După primul nivel – 500 puncte După al doilea nivel - 1001 puncte După al treilea nivel - 1502 puncte

Timp maxim de execuție/test: 0.1 secunde

Memorie disponibilă: 2 MB / 1 MB pentru stivă

Soluție - Gotcă Adrian

O soluție ar fi cea brută. Pornim de la punctajul P , și ne oprim la punctajul nivelului curent N , și anume $P+N-1$, și contorizăm de fiecare dată suma.

```
#include<fstream>
using namespace std;
ifstream fin("joc.in");
ofstream fout("joc.out");
int N,P,S,i;
int main() {
    fin>>P>>N;
    for (i=P;i<=P+N-1;i++)
        S+=i;
    fout<<S;
    return 0;
}
```

O altă soluție ar fi formula pentru sumă de termeni consecutivi: $(P+P+N-1)*N/2$.

La ora de matematică, Francisc a primit ca sarcină să afle rădăcina digitală a N numere naturale. Deși pare complicat el știe că rădăcina digitală a unui număr se obține calculând suma cifrelor acestuia, apoi suma cifrelor rezultatului până când se obține o singură cifră, ca și în următorul exemplu

$$65536 \rightarrow 6 + 5 + 5 + 3 + 6 = 25 \rightarrow 2 + 5 = 7.$$

Cerință

Francisc vă roagă să-l ajutați să calculeze rădăcinile digitale ale celor N numere date și să afișeze suma acestora.

Date de intrare

Fișierul de intrare `digroot.in` conține un număr N , urmat pe al doilea rând de N numere separate prin câte un spațiu.

Date de ieșire

În fișierul de ieșire `digroot.out` se va afișa un singur număr, reprezentând suma cerută.

Restricții

$$1 \leq N \leq 10000$$

$$0 \leq a_i \leq 2000000000$$

Exemple

<code>digroot.in</code>	<code>digroot.out</code>	Explicații
3 13 12 2	9	$1+3 \rightarrow 4$ $1+2 \rightarrow 3$ $2 \rightarrow 2$ $4+3+2 = 9$
4 532978 2234223 9865 4358	19	$5+3+2+9+7+8 \rightarrow 34 \rightarrow 3+4 \rightarrow 7$ $2+2+3+4+2+2+3 \rightarrow 18 \rightarrow 1+8 \rightarrow 9$ $9+8+6+5 \rightarrow 28 \rightarrow 2+8 \rightarrow 10$ $\rightarrow$ $1+0 \rightarrow 1$ $4+3+5+8 \rightarrow 20 \rightarrow 2+0 \rightarrow 2$ $7+9+1+2 = 19$

Timp de execuție / test: **0.1** secunde

Memorie disponibilă **4 MB/ 1 MB** pentru stivă

Soluție – Doboş Francisc

Sol.1 Citim pe rând numerele. Fiecărui număr îi facem suma cifrelor, apoi suma cifrelor rezultatului, până când se obține o singură cifră. Aceasta se adună la rezultat.

Sol.2 Se observă că rădăcina digitală a numerelor $1, 2, \dots, n$ este o valoare din mulțimea $\{1, 2, \dots, 9\}$ și se repetă din 9 în 9. Astfel se poate utiliza formula $\text{digroot}(x) = x \% 9$ dacă $x \% 9 \neq 0$ și $\text{digroot}(x) = 9$ dacă $x \% 9 = 0$. În cazul $x=0$, $\text{digroot}(0)=0$.

```
#include<fstream>
using namespace std;
int n,x,s=0,i;
ifstream fin("digroot.in");
ofstream fout("digroot.out");
int main()
{
    fin>>n;
    for(i=1;i<=n;i++)
    {
        fin>>x;
        s=s+x%9;
        if(x%9==0&& x>0)
            s=s+9;
    }
    fout<<s;
}
```

Olimpics - Doboș Francisc

100 puncte

La jocurile olimpice din 2016 de la Rio de Janeiro, participa n țări. Fiecare țară i are un lot format din a_i participanți, $1 \leq i \leq n$. Trebuie construite vilele din Satul Olimpic, astfel încât fiecare vilă să găzduiască același număr de persoane și, în plus, într-o vilă să fie cazați doar participanți din aceeași țară.

Cerință

Știind numărul de sportivi din lotul olimpic al fiecărei țări, determinați numărul maxim de sportivi ce vor fi cazați în fiecare vilă.

Date de intrare

Din fișierul de intrare olympics.in se citește de pe prima linie un număr N , reprezentând numărul de țări, urmat pe a doua linie de n numere naturale, reprezentând numărul de sportivi din lotul olimpic al fiecărei țări.

Date de ieșire

În fișierul de ieșire olympics.out, se va scrie pe prima linie un singur număr reprezentând numărul maxim de sportivi ce vor fi cazați în fiecare vilă.

Restricții

$1 \leq n \leq 10000$

Toate vilele vor fi ocupate în totalitate, nerămânând locuri libere în nicio vilă.

Exemplu

olympics.in	olympics.out	Explicații
2 12 18	6	Numărul maxim de sportivi din același lot care vor fi cazați într-o vilă este 6.
6 39 130 26 130 260 52	13	Numărul maxim de sportivi din același lot care vor fi cazați într-o vilă este 13.

Timp maxim de execuție/test: 0.1 secunde

Memorie disponibilă: 2 MB / 1 MB pentru stivă

Soluție – Doboș Francisc

După ce citim toate numerele și le memorăm într-un vector, parcurgem vectorul, și facem cmmdc la două câte două elemente consecutive, ținând minte cmmdc-ul fiecărei perechi într-un alt vector, apoi luăm celălalt vector și facem cmmdc a două câte două numere, ținând minte în primul vector rezultatele. Ținem cont și de cazul în care sunt un număr impar de elemente, în acest caz punem ultimul element în celălalt vector fără a-l modifica. Repetăm acest proces până ajungem la un singur element, acesta fiind rezultatul.

```
#include<fstream>
using namespace std;
int v1[100001],v2[50001],i,n,j,x,y,c,ok;
int main() {
    ifstream fin("olimpics.in");
    ofstream fout("olimpics.out");
    fin>>n;
    for(i=1; i<=n; i++) {
        fin>>v1[i];
    }
    while(ok==0) {
        j=0;
        for(i=0; i<n/2; i++) {
            x=v1[2*i+1];
            y=v1[2*i+2];
            while(x%y!=0) {
                c=x%y;
                x=y;
                y=c;
            }
            v2[++j]=y;
        }
        if(n%2==1)
            v2[++j]=v1[n];
        if(j==1) {
            fout<<v2[1];
            n=1;
            ok=1;
        }
        n=0;
        if(ok==0) {
            for(i=0; i<j/2; i++) {
                x=v2[i];
                y=v2[i+1];
                while(x%y!=0) {
                    c=x%y;
                    x=y;
                    y=c;
                }
                v1[++n]=y;
            }
            if(j%2==1)
                v1[++n]=v2[j];
            if(n==1) {
                fout<<v1[1];
                n=1;
                ok=1;
            }
        }
    }
}
```

Clasa a VI-a

Hannibal – Andrici Cezar

100 puncte

Hannibal are N cartonașe, pe fiecare fiind scris un număr natural. Hannibal își alege un număr H și dorește să afle care este cartonașul care conține numărul cu cele mai multe cifre în comun cu H .

Date de intrare

În fișierul `hannibal.in`, pe prima linie se află numerele N și H reprezentând numărul de cartonașe și numărul ales de Hannibal. Pe a doua linie se află N numere reprezentând numerele de pe cartonașe.

Date de ieșire

Fișierul `hannibal.out` conține o singură linie pe care este scris numărul de pe cartonașul care are cele mai multe cifre în comun cu numărul H , ales de Hannibal.

Restricții

$$2 \leq N \leq 10^5$$

$$0 \leq \text{cartonas}, H \leq 2^{31}$$

În caz că există mai multe cartonașe cu proprietatea cerută, se va afișa numărul cel mai mare.

<code>hannibal.in</code>	<code>hannibal.out</code>	Explicație
5 453532 45 599 4530 2354 6438	2354	Cartonașul 2354 are cele mai multe cifre în comun cu numărul la care s-a gândit Hannibal.

Timp de execuție / test: 1 secundă

Memorie disponibilă: 2 MB / 1 MB pe stivă

Soluție – Andrici Cezar

Pentru fiecare număr de pe cartonașe, se verifică câte cifre are în comun cu numărul ales de Hannibal, cu ajutorul unor vectori caracteristici.

```
#include <cstdio>
#include <algorithm>
#include <cstring>

using namespace std;

int N, H, x, A[11], B[11], carte_de_vizita, maxim = 0;

int main() {

    freopen("hannibal.in", "r", stdin);
    freopen("hannibal.out", "w", stdout);
```

```

scanf("%d %d\n", &N, &H);

int h = H;
while (h) {
    ++A[h%10];
    h /= 10;
}

for (; N; --N) {
    memset(B, 0, sizeof(B));
    scanf("%d", &x);
    int X = x;
    while (X) {
        ++B[X%10];
        X /= 10;
    }

    int cifre_in_comun = 0;
    for (int i = 0; i < 10; ++i) {
        cifre_in_comun += min(A[i], B[i]);
        //daca cifra nu se afla in numarul curent si nici in H variabila se
modifica
    }

    if (cifre_in_comun > maxim) {
        maxim = cifre_in_comun;
        carte_de_vizita = x;
    }
    else
        if (cifre_in_comun == maxim && carte_de_vizita < x) {
            carte_de_vizita = x;
        }
}

printf("%d\n", carte_de_vizita);

return 0;
}

```

Cursa – Mircea Popovici

100 puncte

Ionel s-a înscris la o cursă cu obstacole ce se va desfășura pe un teren de forma unui caroiaj de dimensiune $n \times n$. Linile caroiajului au asociate valori în ordine $L_1, L_2, L_3 \dots L_n$ iar coloanele au asociate valorile $C_1, C_2, C_3 \dots C_n$. Cu ajutorul lor se determină valorile t_1 și t_2 asociate fiecărei căsuțe a caroiajului, care se determină astfel $t_1 = 10 \cdot C_j + L_i$ și $t_2 = 10 \cdot L_i + C_j$.

Fiecare concurent va alerga de-a lungul unui culoar, corespunzător unei coloane distincte a caroiajului. În mod ciudat, organizatorii nu au plasat obstacole în mod egal pentru fiecare concurent, ci au hotărât să lase Soarta, cel mai mare dușman al concurenților, să decida care dintre aceștia vor avea o cursă mai ușoară.

Soarta a decis astfel: Într-o căsuța va fi obstacol dacă cel puțin unul dintre numerele asociate t_1 și t_2 este prim.

Ionel a vorbit cu Soarta, iar acesta i-a dezvăluit regula. Pentru că își dorește să câștige vă roagă să îi spuneți care va fi coloana caroiajului cu cele mai puține obstacole.


```

#include <fstream>

using namespace std;

ifstream f("cursa.in");
ofstream g("cursa.out");

int n,c[11],l[11],prim[101],mat[11][11];
int i,j;
int main()
{
    f>>n;
    prim[1]=true;
    prim[0]=true;
    for (i=0;i<n;i++)
        f>>l[i];
    for (i=0;i<n;i++)
        f>>c[i];
    for (int x=3;x<=100;x++)
    {
        if (x%2==0)
            prim[x]=true;
        else
            for (i=3;i<x/2;i++)
                if (x%i==0)
                    prim[x]=true;
    }
    for (i=0;i<n;i++)
        for (j=0;j<n;j++)
            if (prim[l[i]*10+c[j]]==false || prim[l[i]+10*c[j]]==false)
                mat[i][j]=1;
    int cont,min=11,poz=-1;
    for (j=0;j<n;j++)
    {
        cont=0;
        for (i=0;i<n;i++)
            if (mat[i][j])
                cont++;
        if (cont<min)
            min=cont,poz=j;
    }
    g<<poz<<'\\n'<<min<<'\\n';
    g.close();
}

```

Olimpiada - Netedu Andrei

100 puncte

La Olimpiada Națională de Informatică au participat n elevi, Vasile fiind unul dintre ei. El a luat x puncte dar nu este mulțumit deoarece el crede că trebuia să obțină un punctaj mai mare. Vasile depune contestație și în urma acesteia, comisia își dă seama că trebuie să reevalueze toate sursele concurenților. Contestația lui Vasile nu a fost întemeiată, în schimb s-au micșorat cele mai mari 3 punctaje diferite cu p , q și respectiv k puncte.

Cerința

Scrieți un program care să determine pe ce loc era Vasile înainte de contestație și ce loc ocupă el după contestație.

Date de intrare

Pe prima linie a fișierului `olimpiada.in` se află 5 numere naturale n, p, q, k, x cu semnificațiile precizate anterior. Pe următoarele n linii se află rezultatele obținute de participanții de la olimpiadă înainte de contestație.

Date de ieșire

Pe prima linie a fișierului `olimpiada.out` se afla locul pe care îl ocupa Vasile înainte de contestație, iar pe cea de-a doua linie se află locul pe care îl ocupă el după contestație.

Restricții și precizări

- $7 < n < 10000$
- $0 < p, q, k, x < 300$
- Punctajul lui Vasile se afla în lista cu cele n punctaje.
- Dacă doi concurenți au același punctaj atunci ei primesc în clasament același număr de ordine.

Exemplu

<code>olimpiada.in</code>	<code>olimpiada.out</code>	Explicatii
10 40 20 10 80 99 85 99 80 77 24 11 26 100 200	5 4	În clasamentul inițial Vasile (80 puncte) era pe locul 5 (punctajele mai mari decât cel al lui Vasile erau: 200, 100, 99, 85). Se fac următoarele modificări: $200-40=160$; $100-20=80$; $99-10=89$. Punctajul lui Vasile rămâne neschimbat, iar noul lui loc în clasament este 4.

Timp de execuție / test: 1 secundă

Memorie disponibilă: 2 MB / 1 MB pe stivă

Soluție - Netedu Andrei și Pascaru Cosmin

Problema se rezolvă sortând o dată punctajele elevilor și căutând poziția lui Vasile. Apoi scădem din primele 3 punctaje valorile respective. Acum mai ordonăm o dată punctajele după modificare și identificăm poziția lui Vasile. Trebuie să avem grijă de fiecare dată, pentru că punctajele se pot repeta.

```
#include <fstream>
#include <algorithm>

using namespace std;

ifstream fin("olimpiada.in");
ofstream fout("olimpiada.out");

int v[10005];
int n, p, q, k, x;
```

```

int main()
{
    fin >> n >> p >> q >> k >> x;
    for (int i = 1; i <= n; ++i)
        fin >> v[i];
    sort(v+1, v+1+n);
    int poz = 1;
    int g = n;
    while ( v[g] > x)
    {
        if (v[g]!=v[g-1]) ++poz;
        --g;
    }
    fout << poz << '\n';

    int a = n;
    int b = n;

    do
    {
        if (v[a] == x) x -= p;
        v[a] -= p;
        --a;

    }while(v[a] - p == v[b]);
    b = a;

    do
    {
        if (v[a] == x) x -= q;
        v[a] -= q;
        --a;

    }while(v[a] - q == v[b]);
    b = a;

    do
    {
        if (v[a] == x) x -= k;
        v[a] -= k;
        --a;

    } while(v[a] - k == v[b]);
    b = a;

    poz = 1;
    g = n;
    sort(v+1, v+1+n);
    while ( v[g] > x)
    {
        if (v[g]!=v[g-1]) ++poz;
        --g;
    }
    fout << poz << '\n';

    return 0;
}

```

Pretenții - Cohal Alexandru

100 puncte

Zilla a pierdut un pariu cu Alf și, drept pedeapsă, trebuie să se ducă să îi cumpere acestuia felul său preferat de Kozonak. Zilla își notează pe o hârtie ce ingrediente vrea Alf să conțină Kozonakul și ce ingrediente să nu conțină (pentru ca pedeapsa să fie adevărată, Alf a avut grijă ca lista să fie „lungă să-i ajungă”). Se duce apoi la cea mai apropiată brutărie și începe să studieze lista cu toate tipurile disponibile de Kozonaki și ingredientele acestora. Dar sunt prea multe tipuri de Kozonaki și lista cu pretenții a lui Alf este tare lungă, așadar Zilla are nevoie de ajutor.

Cerință

Cunoscând lista cu pretenții a lui Alf precum, meniul cu toate tipurile de Kozonaki disponibili și ingredientele acestora, găsiți numărul de Kozonaki care respectă cerințele. În plus, deoarece Zilla vrea să cheltuiască cel mult S Koroane pe Kozonakul lui Alf, trebuie să îi selectați doar pe aceia care nu depășesc această sumă.

Date de intrare

Fișierul de intrare `pretentii.in` are următoarea structură:

- Prima linie conține numărul natural S
- A doua linie conține numărul natural n reprezentând numărul de pretenții impuse de Alf
- Următoarele n linii conțin pretențiile lui Alf sub forma: `nume_ingredient condiție` (unde condiție poate fi **DA** dacă Alf vrea ca respectivul ingredient să apară în Kozonakul său, respectiv **NU** în caz contrar)
- Următoarea linie conține numărul natural m reprezentând numărul de Kozonaki disponibili la brutărie
- Următoarele m linii conțin numerele de ingrediente, ingredientele și prețul fiecărui tip de Kozonak sub forma:
 K `ingredient1 ingredient2 ... ingredientK pret` (unde K reprezintă numărul de ingrediente)

Date de ieșire

Fișierul de ieșire `pretentii.out` va conține pe prima linie numărul natural T reprezentând numărul de tipuri de Kozonaki care respectă condițiile lui Alf precum și condiția lui Zilla.

Restricții și precizări

- $1 \leq n \leq 50$, $1 \leq m \leq 100$
- $1 \leq \text{Numărul de ingrediente ale unui Kozonak} \leq 65$
- $1 \leq S$, $\text{Prețul fiecărui Kozonak} \leq 1000$
- Numele ingredientelor* conțin numai litere mici ale alfabetului latin
- $2 \leq \text{Lungimea oricărui ingredient} \leq 20$
- În lista cu pretenții, *Numele unui ingredient* este despărțit de *Condiția* aferentă de exact un spațiu
- Condiția* poate fi **DA** sau **NU** (aceste două posibile condiții sunt scrise cu litere mari)
- În lista cu opțiunile disponibile, *Numărul de ingrediente*, *Ingredientele* precum și *Prețul* unui Kozonak sunt despărțite între ele de exact un spațiu
- Pentru fiecare Kozonak din meniul disponibil, ingredientele nu se repetă
- Într-un Kozonak selectat toate ingredientele din lista cu pretenții care au condiția **DA** **trebuie** să apară. Orice alt ingredient poate apărea, cu excepția celor din lista cu pretenții care au condiția **NU**.

Exemplu

<code>pretentii.in</code>	<code>pretentii.out</code>	Explicații:
50 6 mere DA cacao NU rosii NU branza DA castraveti DA dovleac NU 5 3 verdeata cacao branzica 20 4 branza ciuperci mere castraveti 40 2 castraveti mere 40 6 ceapa mere cacao castraveti peste branza 60 4 mere castraveti oua branza 80	1	Un singur tip de Kozonak respectă toate cerințele lui Alf precum și cerința legată de preț a lui Zilla: Kozonakul al doilea. Ultimul Kozonak respectă toate cerințele lui Alf însă este prea scump. Celelalte tipuri de Kozonaki nu respectă cerințele lui Alf.

Temp maxim de execuție/test: 1 secundă

Memorie totală disponibilă: 8 Mb / 4 Mb pentru stivă

Soluție – Cohal Alexandru

Se citesc pretențiile pe rând și se rețin în doi vectori ingredientul implicat respectiv condiția impusă. Pentru simplitate, condiția se poate memora folosind valorile întregi **0** și **1** în loc de șiruri de caractere. Pentru o ulterioară simplificare, se memorează numărul condițiilor care impun prezența unui anumit ingredient.

Se parcurg opțiunile din meniu pe rând și se analizează:

- Dacă un Kozonak are mai puține ingrediente decât numărul de ingrediente impuse să fie prezente atunci sigur opțiunea respectivă **nu** este valabilă și putem să nu mai facem celelalte verificări pentru a economisi timp

- Dacă se întâlnește un ingredient care este specificat că nu trebuie să apară atunci opțiunea respectivă sigur **nu** este valabilă

- Pentru fiecare opțiune, se vor număra ingredientele care apar și care sunt specificate că trebuie să apară. Dacă acest număr este egal cu numărul de ingrediente impuse să apară atunci opțiunea respectivă este o **candidată** să fie valabilă (trebuie îndeplinite și celelalte restricții în același timp)

- Se verifică prețul fiecărui Kozonak să fie mai mic sau cel mult egal cu limita impusă. Dacă această condiție este îndeplinită atunci opțiunea respectivă este o **candidată** să fie valabilă

Dacă pentru o opțiune se respectă în același timp toate condițiile (să fie prezente toate ingredientele impuse să fie prezente, să lipsească toate ingredientele impuse să lipsească, prețul să fie în intervalul dat) atunci avem o opțiune valabilă pe care o contorizăm.

Întrucât timpul de execuție impus pentru fiecare test nu reprezintă o problemă, pentru fiecare opțiune din meniul brutăriei se va lua fiecare ingredient și se va căuta în lista cu pretenții. În funcție de prezența acestui ingredient în lista cu pretenții (și eventual condiția asociată în cazul în care există în lista cu pretenții) se vor lua deciziile prezentate anterior.

```
#include<fstream>
#include<cstring>
using namespace std;
#define NMAX 100
#define LMAX 20
int s, n, m;
char ingredient_pretentie[NMAX][LMAX];
int conditie_pretentie[NMAX];
int nr_conditie_DA;
int nr_ingredientes_cerute_existente;
int nr_solutii;

int verificare_ingredient(char ingredient[LMAX])
//returneaza 1 daca ingredientul care apare in Kozonakul curent nu este
//conditionat sa nu apara
//returneaza 0 daca ingredientul care apare in Kozonakul curent este
//conditionat sa nu apara
{
    int i;

    for (i = 1; i <= n; ++i)
        if (strcmp(ingredient_pretentie[i], ingredient) == 0)
            if (conditie_pretentie[i] == 1)
            {
                nr_ingredientes_cerute_existente++;
                return 1;
            }
        else
            return 0;

    return 1;
}
```

```

void citire_rezolvare()
{
    int pret;
    int i, j;
    int valid;
    char conditie[3];
    int nr_ingrediente;
    char ingredient[LMAX];

    ifstream fin("pretentii.in");

    fin >> s; //citim suma impusa

    fin >> n; //citim numarul de pretentii

    for (i = 1; i <= n; ++i)
        //pentru fiecare pretentie citim si memoram ingredientul si conditia
        {
            fin >> ingredient_pretentie[i] >> conditie;
            if (conditie[0] == 'D')
            {
                conditie_pretentie[i] = 1;
                nr_conditie_DA++;
                //numaram cate ingrediente sunt impuse sa apara
            }
            else
                conditie_pretentie[i] = 0;
        }

    fin >> m; //citim numarul de pretentii

    for (i=1; i<=m; ++i)
        //pentru fiecare pretentie citim ingredientele si le verificam
        {
            valid = 1;
            nr_ingrediente_cerute_existente = 0;

            fin >> nr_ingrediente;

            if (nr_ingrediente < nr_conditie_DA)
                //daca numarul de ingrediente este mai mic decat numarul de
                ingrediente impuse sa apara este clar ca nu este o optiune valida
                valid = 0;

            for (j = 1; j <= nr_ingrediente; ++j)
            {
                fin >> ingredient; //citim un ingredient

                if (valid == 1)
                    if (verificare_ingredient(ingredient) == 0) //verificam
care este situatia acestui ingredient
                        valid = 0; //daca ingredientul care apare este
conditionat sa nu apara atunci nu avem o optiune valida
            }

            fin >> pret; //citim pretul Kozonakului curent

            if (valid == 1 && nr_ingrediente_cerute_existente == nr_conditie_DA
&& pret <= s)

```

```

//daca avem o optiune valida pana acum (numarul de ingrediente cel putin egal
//cu numarul de conditionari impuse si
//ingredientele care apar nu sunt conditionate sa nu apara), apar toate
//ingrediente impuse sa apara si
//se respecta conditionarea pretului atunci avem o posibila solutie
        nr_solutii++;
    }

    fin.close();
}

void afisare()
{
    ofstream fout("pretentii.out");

    fout << nr_solutii << '\n';
    //afisam solutia problemei

    fout.close();
}

int main()
{
    citire_rezolvare();
    afisare();

    return 0;
}

```

Tabla – Filimon Marta

100 puncte

Ruxandra a descoperit că tabla din clasa ei este magică. Magia sa constă în faptul că dacă o persoană se gândește la două dintre numerele scrise pe tablă atunci suma lor va apărea automat pe aceasta. Descoperind superputerea tablei, ea și Daniela, prietena ei cea mai bună, au inventat un joc care are următoarele reguli:

- 1) La începutul jocului pe tablă sunt scrise numerele 1 și 2
- 2) Jucătorul primește un număr natural x , pe care trebuie să-l obțină folosind superputerea tablei
- 3) Un număr nou apare pe tablă când jucătorul se gândește la două numere deja existente, nu neapărat distincte
- 4) Odată început jocul, tabla nu se poate șterge iar pe tablă încap cel mult 1000 de numere
- 5) Jocul se termină când se obține x sau când se umple tabla

Fetele vă provoacă să vă jucați cu ele. Dacă la final pe tablă va fi scris numărul x iar acesta va fi format conform regulilor, ele vă vor răsplăti cu 10 puncte.

Cerință

Dându-se numărul natural x , să se afișeze numerele apărute pe tablă până la obținerea lui x inclusiv.

Date de intrare

Din fișierul text `tabla.in` se citește un număr natural x , având semnificația din enunț.

Date de ieșire

În fișierul text `tabla.out` se vor afișa numere de pe tablă.

Restricții și precizări

- $3 \leq x \leq 10^{12}$
- Un număr de pe tablă poate fi format prin adunarea unui număr deja existent cu el însuși.
- Numerele pot fi scrise în orice ordine.
- Orice variantă de răspuns care respectă regulile jocului este corectă.

tabla.in	tabla.out	Explicație
4	1 2 4	1 și 2 au fost scrise pe tablă de fete, iar 4 a fost format prin adunarea lui 2 cu el însuși. O altă variantă de răspuns corectă ar fi putut fi: 1 2 3 4 3=1+2 4=1+3

Timp maxim de execuție/test: 1 secundă

Memorie totală disponibilă: 8 Mb / 4 Mb pentru stivă

Soluție – Filimon Marta

Problema este una ad-hoc. La baza rezolvării acesteia stă faptul că orice număr poate fi scris ca sumă de puteri distincte ale lui 2. Ne vom forma pe tablă șirul puterilor lui 2 (1, 2, 4, 8,...) până vom găsi un număr mai mare ca x. Apoi folosind o strategie de tip greedy îl vom descompune în sumă de numere care sunt puteri ale lui 2, pentru a ști ce numere trebuie să mai formăm pentru a avea pe tablă numărul x.

```
#include<fstream>
#define NMAX 1000

using namespace std;

ifstream f("tabla.in");
ofstream g("tabla.out");

long long n, a[NMAX], mx, i, nr=0, unu=1;

int main()
{
    f>>n;

    a[0]=1;
    for (i=1; (unu<<i)<=n; ++i, ++nr)
        if (((unu<<i)&n)!=0) mx=i;

    for (i=1; i<=mx; ++i) a[i]=unu<<i;

    nr=mx;
    for (i=mx-1; i>=0; --i)
        if ((n&(unu<<i))!=0)
        {
            ++nr;
            a[nr]=a[nr-1]+a[i];
        }

    // g<<nr+1<<"\n";
    for (i=0; i<=nr; ++i)
        g<<a[i]<<" ";
```

```

    f.close();
    g.close();
    return 0;
}

```

Uși – Cosmin Pascaru

100 puncte

Pe planeta SILI, ușile au un sistem de deschidere foarte ciudat. Pe fiecare din ele este scrisă o matrice pătratică de dimensiune n , urmată de k numere. Pentru a deschide o ușă, trebuie introdus un șir de numere. Foarte puțini sunt cei care știu care e sensul acestora, majoritatea doar copiindu-le de fiecare dată de pe o foaie. Dumy, din neatenție, și-a pierdut foaia pe care avea “cheia” de la propria casă. Cu greu, a reușit să afle că pentru a deschide ușa trebuie să introducă numerele care se află pe cele k poziții în șirul obținut prin parcurgerea matricei în spirală, începând cu colțul din stânga-sus, înspre dreapta (în figura alăturată 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16).

1	2	3	4
12	13	14	5
11	16	15	6
10	9	8	7

Cerință

Fiind date matricea și lista de poziții inscripționate pe ușă, determinați numerele pe care trebuie să le introducă Dumy pentru a deschide ușa.

Date de intrare

De pe prima linie a fișierului de intrare `usi.in` se citesc numerele naturale n și k , reprezentând dimensiunea matricei, respectiv numărul de poziții de pe care trebuie preluate valorile cheii. Pe următoarele n linii se găsesc câte n numere separate prin spațiu, reprezentând matricea inițială. Pe următoarea linie se află k numere $p_1, p_2 \dots p_k$, reprezentând pozițiile din șirul obținut prin parcurgerea în spirală a matricii necesare determinării cheii.

Date de ieșire

Fișierul de ieșire `usi.out` va conține pe prima linie k numere separate prin câte un spațiu $r_1 \ r_2 \dots r_k$, unde r_i este numărul ce se află în matrice pe poziția p_i , conform parcurgerii acesteia în spirală.

Restricții și precizări

- $1 \leq n \leq 500$
- $1 \leq k \leq 250.000$
- $1 \leq p_i \leq n^2$
- Elementele matricei sunt numere naturale întregi cuprinse între -30000 și 30000

Exemplu:

<code>usi.in</code>	<code>usi.out</code>	Explicații:
3 5 5 3 1 0 8 6 7 9 2 1 4 2 3 7	5 6 3 1 7	În parcurgerea în spirală, ordinea elementelor este 5 3 1 6 2 9 7 0 8.

Tim maxim de execuție/test: 1 secunde

Memorie totală disponibilă: 4 Mb / 1 Mb pentru stivă

Soluție - Cosmin Pascaru și Cohal Alexandru

Soluția 1:

Se parcurge matricea în spirală și se reține într-un vector de lungime $n \times n$, iar apoi se citește lista de poziții și se afișează elementul corespunzător. (a se urmări soluțiile oficiale)

Complexitate: $O(n^2)$

Soluția 2:

Pentru fiecare poziție se caută elementul corespunzător. Se caută secvențial pătratul din care face parte: se compară poziția cu $4 \times (n-1)$, apoi cu $4 \times (n-1 + n-2)$ etc. Se caută latura din care face parte, iar apoi elementul aflat pe poziția respectivă.

Complexitate: $O(k \times n)$

Soluția 3:

Este de fapt o optimizare adusă soluției 2, în care pătratul din care face parte elementul este căutat binar. Din cauza dimensiunii mici a lui n , diferența de timp de execuție adusă de aceasta optimizare e nesemnificativă.

Complexitate: $O(k \times \log_2 n)$

Observație: cele trei soluții au timp de execuție aproximativ egal.

```
#include<fstream>
using namespace std;
#define NMAX 505
#define KMAX 250005
int n, k;
int a[NMAX][NMAX]; // matricea data
int deplasare_lin, deplasare_col; // valorile care determina deplasarile in
cele patru directii
int desfasurat[NMAX * NMAX]; // contine toate valorile obtinute in urma
parcurgerii in spirala
void schimbare_sens(){ //schimba sensul: Dreapta -> Jos -> Stanga -> Sus -> ...
    if (deplasare_lin == 0 && deplasare_col == 1)
        // daca se deplaseaza la Stanga
        { // atunci se va deplasa in Jos
            deplasare_lin = 1;
            deplasare_col = 0;
        }
    else if (deplasare_lin == 1 && deplasare_col == 0)
        // daca se deplaseaza in Jos
        { // atunci se va deplasa la Stanga
            deplasare_lin = 0;
            deplasare_col = -1;
        }
    else if (deplasare_lin == 0 && deplasare_col == -1)
        // daca se deplaseaza la Dreapta
        { // atunci se va deplasa in Sus
            deplasare_lin = -1;
            deplasare_col = 0;
        }
    else
        { // atunci se va deplasa la Dreapta
            deplasare_lin = 0;
            deplasare_col = 1;
        }
}
```

```

void parcurgere()
{
    int index = 1;
    int lin = 1, col = 1;

    deplasare_lin = 0;
    deplasare_col = 1;

    desfasurat[1] = a[1][1];
    a[1][1] = -1;

    while (index < n * n)
    // cat timp mai avem elemente ale matricii neluate in considerare
    {
        while (a[lin + deplasare_lin][col + deplasare_col] != -1)
        // cat timp ne pute deplasa in directia setata
        {
            index++;
            lin += deplasare_lin; // actualizare indecsi
            col += deplasare_col;

            //adaugarea elementului curent la lista desfasurata a spiralei
            desfasurat[index] = a[lin][col];
            a[lin][col] = -1;
        }
        // cand nu se mai poate deplasa intr-un sens, schimbam sensul
        schimbare_sens();
    }
}

void bordare()
{
    int i, j;

    // bordare coloane
    for (i = 0; i <= n + 1; ++i)
        a[i][0] = a[i][n + 1] = -1;

    // bordare linii
    for (j = 0; j <= n + 1; ++j)
        a[0][j] = a[n + 1][j] = -1;
}

void citire_rezolvare_afisare()
{
    int i, j;
    int poz;

    ifstream fin("usi.in");
    ofstream fout("usi.out");

    fin >> n >> k;

    for (i = 1; i <= n; ++i)
        for (j = 1; j <= n; ++j)
            fin >> a[i][j];

    bordare();
    parcurgere();
}

```

```

for (i = 1; i <= k; ++i)
{
    fin >> poz;
    fout << desfasurat[poz] << " ";
}
fout << '\n';

fin.close();
fout.close();
}

int main()
{
    citire_rezolvare_afisare(); // 3 in 1 ! :)

    return 0;
}

```

Clasa a VIII-a

Bun – Liana Țucăr

100 puncte

Fiind dată o matrice cu N linii și M coloane cu numere naturale nenule de cel mult 4 cifre, să se determine latura maximă a unui pătrat „bun”. Un pătrat „bun” este o submatrice cu b linii și b coloane (b număr impar), formată din numere prime, cu excepția elementului din centru, care **nu** este prim.

Date de intrare

Fișierul `bun.in` conține pe prima linie 2 numere naturale nenule N și M , iar pe următoarele N linii câte M numere separate printr-un spațiu.

Date de ieșire

Pe prima linie a fișierului `bun.out` se va scrie un singur număr care reprezintă latura maximă a unui pătrat „bun”.

Restricții și precizări

- $2 \leq N, M \leq 1000$;
- Elementele matricei sunt numere cuprinse între 1 și 9999;
- 1 nu este număr prim;
- Se garantează existența unei soluții.

Exemplu

bun.in	bun.out	Explicație
<pre> 7 7 3 7 3 1 10 11 5 11 14 3 15 5 20 17 47 31 31 29 23 24 19 31 37 47 13 17 42 19 2 43 93 23 31 19 17 2 13 3 7 11 13 75 11 17 13 17 47 2 21 </pre>	5	Pătratul căutat este cel cu colțurile în : Stânga-sus $(2, 1)$, dreapta-jos $(7, 5)$ și cu centrul în $(5, 3)$.

Timp maxim de execuție/test: 1 secundă

Memorie disponibilă: 16 Mb / 4 Mb pentru stivă

Soluție - Țucăr Liana

Soluția este foarte asemanatoare soluției de tip brut, însă a suferit câteva modificări pentru optimizare precum folosirea **ciurului lui eratostene**:

```
#include<stdio.h>
#define vmax 10010
#define nmax 1050
long d, n, m, i, j, ii, jj, lat, l1, l2, c1, c2, x, rez;
bool npr[vmax], a[nmax][nmax], ok;

void ciur()
{
    npr[1]=1;
    for (d=2;d*d<=vmax;d++)
        if (!npr[d])
            for (j=2;d*j<=vmax;j++)
                npr[d*j]=1;
}

void citire()
{
    scanf("%ld %ld",&n,&m);
    for (i=1;i<=n;i++)
        for (j=1;j<=m;j++)
        {
            scanf("%ld",&x);
            if (npr[x])
                a[i][j]=0;
            else
                a[i][j]=1;
        }
}

void rezolvare()
{
    for (i=1;i<=n;i++)
        for (j=1;j<=m;j++)
            if (a[i][j]==0)
            {
                lat=1;  l1=l2=i;    c1=c2=j;    ok=1;

                while (ok)
                {
                    l1--;  l2++;  c1--;  c2++;
                    for (jj=c1;jj<=c2;jj++)
                        if (a[l1][jj]+a[l2][jj]<2)
                            ok=0;
                    for (ii=l1;ii<=l2;ii++)
                        if (a[ii][c1]+a[ii][c2]<2)
                            ok=0;
                    if (!ok)
                        break;
                    lat+=2;
                }
                if (lat>rez)
                    rez=lat;
            }
    printf("%ld",rez);
}
```

```

int main()
{
    freopen("bun.in", "r", stdin);
    freopen("bun.out", "w", stdout);
    ciur();
    citire();
    rezolvare();
    return 0;
}

```

Intervale - Roșca Valentin

100 puncte

Numim interval închis $[a, b]$, $a \leq b$, mulțimea numerelor naturale cuprinse între a și b inclusiv.

Peste mulțimea numerelor de la 1 la L se suprapun N intervale închise de forma $[a_i, b_i]$, $1 \leq a_i \leq b_i \leq L$. După suprapunere se obțin intervale libere. Un interval liber este format dintr-un șir de lungime maximă de numere consecutive din mulțimea $1, 2, \dots, L$ care nu aparțin niciunuia dintre intervalele date.

Cerință

Fiind date 3 numere naturale L , P și N și apoi N intervale, determinați numărul de intervale libere de lungime mai mare sau egală cu P .

Date de intrare

De pe prima linie a fișierului de intrare `intervale.in` se citesc numerele naturale L P N , cu semnificațiile din enunț. Pe linia $i+1$, $1 \leq i \leq N$ se găsesc două numere a_i b_i separate printr-un spațiu, reprezentând un interval închis.

Date de ieșire

Fișierul de ieșire `intervale.out` va conține pe prima linie un singur număr k reprezentând numărul de intervale libere mai mari sau egale cu P .

Restricții și precizări

- $2 \leq L \leq 2.000.000.000$
- Pentru 40% dintre teste $2 \leq L \leq 2.000.000$
- Pentru 70% dintre teste $2 \leq L \leq 16.000.000$
- $1 \leq P \leq L$
- $1 \leq N \leq 300.000$

Exemplu:

intervale.in	intervale.out	Explicații:
20 4 3 1 3 8 10 16 19	2	Intervalele libere sunt: $(4, 5, 6, 7)$, $(11, 12, 13, 14, 15)$ și (20) . Primul conține 4 numere, al doilea 5 numere iar ultimul conține un singur număr, deci există două intervale cu lungimea mai mare sau egală cu $P = 4$.

Timp maxim de execuție/test: 1 secundă

Memorie totală disponibilă: 3 Mb / 1 Mb pentru stivă

Soluție – Roșca Valentin

Scopul problemei este de a afla intervalele libere, dintre care numărăm numai pe acelea care au lungimea mai mare sau egală ca P.

O prima soluție ar fi să folosim un **vector de frecvență** și să “vizităm” numerele acoperite de intervalele închise, apoi construind intervalele libere pe baza acestuia. Aceasta soluție obține 40 de puncte în cazul în care vectorul de frecvență este de tip char de mărimea maxim 2.000.000 pentru a nu ieși din memoria impusă.

O a doua soluție, fiind o optimizare a memoriei primei soluții, se bazează pe faptul că tipul char are mărimea de **1 byte = 8 biți**. Deoarece vectorul de frecvență nu are nevoie decât să rețină 0 sau 1 pentru fiecare element, vom memora vectorul de frecvență pe biți, memoria necesară micșorându-se de 8 ori. Aceasta soluție obține 70 de puncte.

În soluția de 100 de puncte folosim metoda **greedy**, unde reținem într-un vector doar capetele intervalelor.

Un interval liber reprezintă numerele dintre două intervale închise, distjuncte și consecutive.

Pentru a afla intervalele consecutive este necesar ca mai întâi vectorul să fie sortat după capătul din stanga(cel mai mic dintre cele două) al fiecărui interval. Apoi pentru fiecare interval închis, **de la primul interval în ordine**, calculăm distanța de la intervalul curent și intervalul precedent, aceasta fiind distanța intervalului liber dintre ele. În cazul în care capătul din stanga al intervalului current este mai mic sau egal cu capătul din dreapta al intervalului precedent(au elemente comune), distanța rezultată va fi mai mică sau egală cu 0.

```
#include <fstream>
#include <string.h>

using namespace std;

struct interval {
    int a, b;
};
interval v[300001];

int main ( ) {
    ifstream fin ("intervale.in");
    ofstream fout ("intervale.out");
    int n, l, p, st, nr = 0, a, b;
    fin >> l >> p >> n;
    for ( long i = 1; i <= n; i++ ) {
        fin >> a >> b;
        v[i].a = a; v[i].b = b;
    }

    fin.close ();

    //sortam intervalele prin metoda bubble-sort
    for (int i = 1; i < n; i++)
        for ( int j = i + 1; j <= n; j++ )
            if ( v[i].a > v[j].a || (v[i].a == v[j].a) && v[i].b > v[j].b ) {
                interval aux = v[i];
                v[i] = v[j];
                v[j] = aux;
            }
}
```

```

st = 1; // primul element din intervalul liber
int i = 1;
while ( i <= n ) {
    if ( st < v[i].a ) {
        //cazul in care exista un interval liber
        if ( v[i].a - st >= p )
            nr++;

        //primul element din intervalul liber se schimba
        st = v[i].b + 1;
    }
    else
        if ( v[i].a <= st && st <= v[i].b )
            //cazul in care intervalul precedent are elemente comune cu intervalul curent
            st = v[i].b + 1;

    i++;
}

if ( st <= l )
    if ( l - st + 1 >= p )
        nr++;

fout << nr;
return 0;
}

```

Navete – Cohal Alexandru

100 puncte

Pe planeta Kubus unde trăiesc Alf și Zilla nu există mașini, există doar navete zburătoare. Acestea, la fel ca și mașinile de pe Pământ, au plăcuțe de înmatriculare prin care navetele sunt identificate **în mod unic**. Codul de pe o astfel de plăcuță a unei mașini are următorul format **LLLccnnS**, unde:

- **LLL** – 3 litere mari ale alfabetului latin ('A' . . . 'Z') preluate din numele dinozaurului persoanei care deține naveta despre care vorbim (fiecare locuitor de pe Kubus are un dinozaur ca animal de companie);
- **cc** – 2 caractere cifră ('0' . . . '9') care reprezintă numărul de prieteni imaginari pe care i-a avut proprietarul mașinii în copilărie (ex: "02" – 2 prieteni; "32" – 32 prieteni);
- **nn** – 2 litere mici ale alfabetului latin ('a' . . . 'z') reprezentând primele două litere din *numele de telefon* al proprietarului (telefoanele locuitorilor de pe Kubus sunt identificate prin nume și nu prin numere ca pe Pământ; dacă cineva vrea să îl sune pe proprietarul unei mașini trebuie să știe de unde să înceapă căutarea);
- **S** – 1 caracter special ('#', '&', '%', '?', '!', '@', '\$') care semnifică codul mâncării preferate a proprietarului mașinii (pe Kubus există doar 7 feluri de mâncare, fără carne de dinozaur).

Într-o zi, Alf și Zilla au stat la marginea unui culoar de zbor al navetelor de pe planeta Kubus și au notat n coduri ale plăcuțelor de înmatriculare ale navetelor care au zburat prin dreptul lor.

Cerință

Alf și Zilla vor să știe:

- câte dintre cele n navete zburătoare observate au fost înmatriculate pe planeta Kubus, indiferent dacă sunt distincte sau nu (o navetă înmatriculată pe altă planetă are alt format al codului);
- care este cea mai des întâlnită literă dintre primele trei litere din numelor dinozaurilor, considerând doar navetele înmatriculate pe Kubus, indiferent dacă sunt distincte sau nu; (dacă există mai multe litere care apar de același număr de ori în numele dinozaurilor, se va alege litera cea mai mică în ordine lexicografică)
- care este codul navetei care a trecut de cele mai multe ori prin dreptul lor; (dacă există mai multe navete care apar de același număr de ori în lista celor doi, se va alege naveta cu codul cel mai mic lexicografic);
- numărul total al prietenilor imaginari avuți de proprietarii de navete, considerând doar navetele distincte înmatriculate pe Kubus.

Date de intrare

Pe prima linie a fișierului `navete.in` se află numărul natural n . Pe următoarele n linii se vor afla codurile de pe plăcuțele de înmatriculare notate de Alf și de Zilla.

Date de ieșire

Fișierul de ieșire `navete.out` conține patru linii, fiecare linie conținând răspunsul la cerințele formulate, în ordinea precizată.

Restricții

- $1 \leq n \leq 300$
- Fiecare cod de înmatriculare va avea lungimea din intervalul $[1, 30]$ și va conține doar litere mari și mici din alfabetul latin, cifre și caractere speciale ('#', '&', '%', '?', '!', '@', '\$')
- Dintre cele n navete observate de către cei doi, cel puțin una este înmatriculată pe Kubus
- Se vor acorda punctaje parțiale astfel: primele două cerințe valorează fiecare câte 20% din punctajul testului, iar ultimele două cerințe valorează fiecare câte 30% din punctajul testului.

Exemplu

navete.in	navete.out	Explicație
7 SMP23ty& TMK02pt& ERG876ut@ TMK02pt& AFT00ra? MOISIL++ FBF00as%	5 F TMK02pt& 25	A treia navetă nu respectă formatul unui cod de înmatriculare deoarece are lungimea de 9 caractere, iar pe planeta Kubus codurile de înmatriculare conțin 8 caractere. A șasea navetă nu respectă formatul codurilor de înmatriculare deoarece numărul de prieteni imaginari ai proprietarului este format din litere și nu din cifre. Literale F, M și T se întâlnesc de cele mai multe ori (de trei ori), dintre acestea alegem F deoarece este mai mică din punct de vedere lexicografic. Naveta TMK02pt& este singura care a trecut mai mult de o dată. $23 + 2 + 0 + 0 = 25$ prieteni imaginari.

Timp maxim de execuție/test: 0.1 secunde

Memorie disponibilă: 16 Mb / 8 Mb pentru stivă

Soluție – Cohal Alexandru

Se citesc cele n coduri. Se verifică care dintre acestea respectă formatul precizat și sunt alcătuite din exact 8 caractere. Numărul codurilor care verifică aceste condiții reprezintă **soluția primei cerințe**.

Pentru a rezolva a doua cerință vom forma un *vector de frecvență* în care vom reține numărul de apariții ale fiecărei litere dintre primele 3 caractere din fiecare cod corespunzător unei navete înmatriculate pe Kubus. Litera care are frecvența cea mai mare (dacă există mai multe astfel de litere o alegem pe cea care este cea mai mică în ordine lexicografică) reprezintă **soluția celei de-a doua cerințe**.

Pentru a rezolva a treia cerință vom proceda similar. Vom reține toate codurile distincte într-un vector de șiruri de caractere și numărul de apariții corespunzător pentru fiecare cod. Atunci când citim un cod nou, verificăm dacă îl avem deja reținut în vector. Dacă da atunci mărim cu o unitate numărul de apariții. Dacă nu, introducem codul în vector și inițializăm numărul de apariții cu valoarea 1. Codul care are frecvența (numărul de apariții) cea mai mare (dacă există mai multe astfel de coduri îl alegem pe cel care este cel mai mic în ordine lexicografică) reprezintă **soluția celei de-a treia cerințe**.

Pentru a rezolva ultima cerință, vom transforma cele două caractere de pe pozițiile 4 și 5 (numerotând cu 1 prima poziție) din fiecare cod al unei navete înmatriculate pe Kubus în cifre și le vom aduna în mod corespunzător la **soluția celei de-a patra cerințe**.

```

#include<fstream>
#include<string.h>

using namespace std;

ifstream fin("navete.in");
ofstream fout("navete.out");

int n; //numarul total de navete
char s[40]; //codul curent citit
int nrInmatriculatK; //numarul navetelor inmatriculate pe Kubus
int frecventaLitera[260]; //vectorul de frecvente pentru literele mari din nume
int nrNaveteDistincte, frecventaNaveteDistincte[310]; //numarul de navete
distincte si vectorul lor de frecventa
char naveteDistincte[310][40]; //navetele distincte
int numarPrietenii; //numarul de prieteni imaginari
char literaFrecventaMax; //litera cu frecventa maxima
int navetaFrecventaMax; //numarul navetei cu frecventa maxima

int litereMari()
{
    if (s[0] >= 'A' && s[0] <= 'Z' && s[1] >= 'A' && s[1] <= 'Z' && s[2] >=
'A' && s[2] <= 'Z')
        return 1;
    return 0;
}

int cifre()
{
    if (s[3] >= '0' && s[3] <= '9' && s[4] >= '0' && s[4] <= '9')
        return 1;
    return 0;
}

int litereMici()
{
    if (s[5] >= 'a' && s[5] <= 'z' && s[6] >= 'a' && s[6] <= 'z')
        return 1;
    return 0;
}

int caracterSpecial()
{
    if (s[7] == '#' || s[7] == '&' || s[7] == '%' || s[7] == '?' || s[7] ==
'!' || s[7] == '@' || s[7] == '$')
        return 1;
    return 0;
}

void citire_rezolvare()
{
    int i, j, gasit;

    fin >> n;
    fin.getline(s, 40);

    for (i=1; i<=n; ++i)
    {
        fin.getline(s, 40);

        //verific daca formatul codului este cel specificat
    }
}

```

```

        if (strlen(s) == 8 && litereMari() && cifre() && litereMici() &&
characterSpecial())
        {
            //cresc numarul navetelor inmatriculate pe Kubus
            nrInmatriculatK++;

            //numar aparitiile celor trei litere din numele dinozaurilor
            frecventaLitera[s[0]]++;
            frecventaLitera[s[1]]++;
            frecventaLitera[s[2]]++;

            //caut daca a mai trecut naveta curenta anterior
            gasit = 0;
            for (j=1; j<=nrNaveteDistincte; ++j)
                if (strcmp(s, naveteDistincte[j]) == 0)
                {
                    frecventaNaveteDistincte[j]++;
                    gasit = 1;
                    break;
                }

            //daca nu a mai trecut anterior, memorez codul navetei
            if (gasit == 0)
            {
                nrNaveteDistincte++;
                strcpy(naveteDistincte[nrNaveteDistincte], s);
                frecventaNaveteDistincte[nrNaveteDistincte] = 1;

                //numar prietenii imaginari
                numarPrietenii += (s[3] - '0') * 10 + (s[4] - '0');
            }
        }
    }
    fin.close();
}

void rezolvare()
{
    int i, frecventaMax;

    //determin litera cu frecventa maxima
    frecventaMax = 0;
    for (i='A'; i<='Z'; ++i)
        if (frecventaLitera[i] > frecventaMax || (frecventaLitera[i] ==
frecventaMax && i < literaFrecventaMax))
        {
            frecventaMax = frecventaLitera[i];
            literaFrecventaMax = i;
        }

    //determin naveta cu frecventa maxima
    frecventaMax = 0;
    for (i=1; i<=nrNaveteDistincte; ++i)
        if (frecventaNaveteDistincte[i] > frecventaMax ||
(frecventaNaveteDistincte[i] == frecventaMax && strcmp(naveteDistincte[i],
naveteDistincte[navetaFrecventaMax]) < 0))
        {
            frecventaMax = frecventaNaveteDistincte[i];
            navetaFrecventaMax = i;
        }
}

```

```

void afisare() {
    fout << nrInmatriculatK << '\n' << literaFrecventaMax << '\n';
    fout << naveteDistincte[navetaFrecventaMax] << '\n';
    fout << numarPrietenii << '\n';
}

int main() {
    citire_rezolvare();
    rezolvare();
    afisare();
    return 0;
}

```

Clasa a IX-a

Seif - Doboş Francisc

100 puncte

În primul război mondial s-a găsit într-un bunker german un seif plin cu documente strict secrete, inscripționat cu N numere. Aliații și-au trimis cei mai buni criptologi să decodeze cifrul, și au aflat că este format după regula următoare: fiecărui număr îi este făcută suma cifrelor, și dacă rezultatul are mai mult de o cifră, procesul se repetă, după exemplul următor:

$1564634 \rightarrow 1 + 5 + 6 + 4 + 6 + 3 + 4 = 29 \rightarrow 2 + 9 = 11 \rightarrow 1 + 1 \rightarrow 2$

Cifrul se obține făcând suma celor N cifre astfel obținute.

Cerință

Deoarece sunt foarte multe numere, criptologilor le-ar lua prea mult timp să îl decodeze, așa că îți cer ție să scrii un program care să-i ajute.

Date de intrare

În fișierul `seif.in`, pe prima linie, se află un număr natural N , iar pe a doua linie N numere naturale, fiecare cu semnificația din enunț.

Date de ieșire

În fișierul `seif.out` pe prima linie se află un număr natural reprezentând suma cerută.

Restricții

$1 \leq N \leq 10000$

$0 \leq a_i \leq 2000000000$

Exemplu

seif.in	seif.out	Explicații
3 113 47 8	15	$1+1+3 \rightarrow 5$ $4+7 \rightarrow 11 \rightarrow 1+1 \rightarrow 2$ $8 \rightarrow 8$ $5+2+8 = 15$
5 9456 288536 1399 1337 6556	24	$9+4+5+6 \rightarrow 24 \rightarrow 2+4 \rightarrow 6$ $2+8+8+5+3+6 \rightarrow 32 \rightarrow 3+2 \rightarrow 5$ $1+3+9+9 \rightarrow 22 \rightarrow 2+2 \rightarrow 4$ $1+3+3+7 \rightarrow 14 \rightarrow 1+4 \rightarrow 5$ $6+5+5+6 \rightarrow 22 \rightarrow 2+2 \rightarrow 4$ $6+5+4+5+4 = 24$

Timp maxim de execuție/test: 0.1 secunde

Memorie disponibilă: 4 MB / 1 MB pentru stivă

Soluție – Doboș Francisc

Sol.1 Citim pe rând numerele. Fiecărui număr îi facem suma cifrelor, apoi suma cifrelor rezultatului, până când se obține o singură cifră. Aceasta se adună la rezultat.

Sol.2 Se observă că encriptarea numerelor $1, 2, \dots, n$ este o valoare din mulțimea $(1, 2, \dots, 9)$ și se repetă din 9 în 9. Astfel se poate utiliza formula $\text{encrypt}(x) = x \% 9$ dacă $x \% 9 \neq 0$ și $\text{encrypt}(x) = 9$ dacă $x \% 9 = 0$. În cazul $x = 0$, $\text{encrypt}(0) = 0$.

```
#include<fstream>
using namespace std;
int n,x,s=0,i;
ifstream fin("seif.in");
ofstream fout("seif.out");
int main() {
    fin>>n;
    for(i=1;i<=n;i++) {
        fin>>x;
        s=s+x%9;
        if(x%9==0&& x>0)
            s=s+9;
    }
    fout<<s;
}
```

Turnuri – Doboș Francisc

100 puncte

În primul război mondial, ca să vadă din timp când sunt atacați, Aliații au hotărât să construiască turnuri de observație. Muncitorii au primit N grămezi de blocuri de piatră de formă cubică, de aceleași dimensiuni. Prima grămadă conține blocuri de culoarea 1, a doua grămadă conține blocuri de culoarea 2 etc. Muncitorii au primit ordin ca turnurile să aibă înălțimi egale și fiecare turn să fie făcut din blocuri de aceeași culoare. Pentru a se putea vedea cât mai bine, turnurile trebuie să aibă înălțimea maximă posibilă.

Cerință

Știind numărul de blocuri din fiecare grămadă, determinați înălțimea maximă a turnurilor.

Date de intrare

Din fișierul de intrare `turnuri.in` se citește de pe prima linie un număr N , reprezentând numărul de grămezi, urmat pe a doua linie de N numere naturale, reprezentând numărul de blocuri din fiecare grămadă.

Date de ieșire

În fișierul de ieșire `turnuri.out`, se va scrie pe prima linie un singur număr reprezentând înălțimea maximă pe care o pot avea turnurile.

Restricții

$1 \leq N \leq 10000$

Muncitorii trebuie să folosească toate blocurile.

Exemplu

turnuri.in	turnuri.out	Explicații
2 12 18	6	Se pot construi blocuri de înălțime maximă 6.
6 39 130 26 130 260 52	13	Se pot construi blocuri de înălțime maximă 13.

Timp maxim de execuție/test: 0.1 secunde

Memorie disponibilă: 2 MB / 1 MB pentru stivă

Soluție - Doboș Francisc

După ce citim toate numerele și le memorăm într-un vector, parcurgem vectorul, și facem cmmdc la două câte două elemente consecutive, ținând minte cmmdc-ul fiecărei perechi într-un alt vector, apoi luăm celălalt vector și facem cmmdc a două câte două numere, ținând minte în primul vector rezultatele. Ținem cont și de cazul în care sunt un număr impar de elemente, în acest caz punem ultimul element în celălalt vector fără a-l modifica. Repetăm acest proces până ajungem la un singur element, acesta fiind rezultatul.

```
#include<fstream>
using namespace std;
int v1[100001],v2[50001],i,n,j,x,y,c,ok;
int main() {
    ifstream fin("turnuri.in");
    ofstream fout("turnuri.out");
    fin>>n;
    for(i=1; i<=n; i++) {
        fin>>v1[i];
    }
    while(ok==0) {
        j=0;
        for(i=0; i<n/2; i++) {
            x=v1[2*i+1];
            y=v1[2*i+2];
            while(x%y!=0) {
                c=x%y;
                x=y;
                y=c;
            }
            v2[++j]=y;
        }
        if(n%2==1)
            v2[++j]=v1[n];
        if(j==1) {
            fout<<v2[1];
            n=1;
            ok=1;
        }
        n=0;
        if(ok==0) {
            for(i=0; i<j/2; i++) {
                x=v2[i];
                y=v2[i+1];
                while(x%y!=0) {
                    c=x%y;
                    x=y;
                    y=c;
                }
                v1[++n]=y;
            }
            if(j%2==1)
                v1[++n]=v2[j];
            if(n==1) {
                fout<<v1[1];
                n=1;
                ok=1;
            }
        }
    }
}
```

Într-o zi, în timpul primului război mondial, cei N soldați ai unui batalion au fost aliniați în linie dreaptă și numerotați de la 1 la N , pentru a-și primi ordinele. Ei primesc ordine sub forma unor perechi de numere, de forma $a \ b$, cu semnificația ca soldații numerotați consecutiv de la a la b primesc misiunea respectivă. Deși unii soldați primesc mai multe misiuni deodată, rămân câțiva soldați fără nicio misiune. Generalul batalionului a hotărât să trimită soldații care au rămas fără misiune să păzească puncte cheie ale frontului, dar nu a putut trimite mai puțin de P soldați la un astfel de punct, deoarece ar fi fost prea periculos. Pentru a avea șanse de reușită cât mai mari, a trimis la fiecare punct cheie un șir de lungime cât mai mare de soldați numerotați consecutiv, care nu au primit anterior nicio misiune.

Cerință

Fiind date N —numărul de soldați, P —numărul minim de soldați ce pot păzi un punct cheie și M —numărul de misiuni, să se afle numărul de puncte ce pot fi păzite de soldați.

Date de intrare

De pe prima linie a fișierului de intrare `batalion.in` se citesc numerele naturale $N \ P \ M$, cu semnificațiile din enunț. Pe linia $i+1$, $1 \leq i \leq N$ se găsesc două numere $a_i \ b_i$ separate printr-un spațiu, reprezentând soldații trimiși în misiunea i .

Date de ieșire

Fișierul de ieșire `batalion.out` va conține pe prima linie un singur număr k reprezentând numărul de puncte cheie ce pot fi păzite.

Restricții

- $2 \leq N \leq 2.000.000.000$
- Pentru 40% dintre teste $2 \leq N \leq 2.000.000$
- Pentru 70% dintre teste $2 \leq N \leq 16.000.000$
- $1 \leq P \leq N$
- $1 \leq M \leq 300.000$

Exemplu

<code>batalion.in</code>	<code>batalion.out</code>	Explicație
20 5 3 1 2 8 10 17 19	2	Soldații rămași fără misiune sunt 3 4 5 6 7 11 12 13 14 15 20. Rămân două șiruri de soldați numerotați consecutiv, cu lungime cel puțin P , care pot să păzească un punct cheie, și anume 3 4 5 6 7 și 11 12 13 14 15 16.

Timpe de execuție / test: 1 secundă

Memorie disponibilă: 3 MB / 1 MB pe stivă

Soluție – Roșca Valentin

Scopul problemei este de a afla șirurile libere de soldați, dintre care numărăm numai pe acelea care au lungimea mai mare sau egală ca P. Problema se reduce la ordonarea soldaților care se afla în misiune și procesarea acestora în funcție de soldații precedenți:

```
#include <fstream>
#include <string.h>
using namespace std;
struct soldati {
    int a, b;
};
soldati v[300001];
int main ( ) {
    ifstream fin ("batalion.in");
    ofstream fout ("batalion.out");

    int n, l, p, st, nr = 0, a, b;

    fin >> l >> p >> n;
    for ( long i = 1; i <= n; i++ ) {
        fin >> a >> b;
        v[i].a = a; v[i].b = b; //memoram grupul de soldati aflatii in misiune
    }
    fin.close ();

    //sortam grupurile de soldati prin metoda bubble-sort
    for (int i = 1; i < n; i++)
        for ( int j = i + 1; j <= n; j++ )
            if ( v[i].a > v[j].a || (v[i].a == v[j].a) && v[i].b > v[j].b ) {
                interval aux = v[i];
                v[i] = v[j];
                v[j] = aux;
            }

    st = 1; // primul soldat liber
    int i = 1;
    while ( i <= n ) {
        if ( st < v[i].a ) {
            //cazul in care exista un cel putin un soldat liber
            if ( v[i].a - st >= p )
                nr++;

            //primul soldat liber se schimba
            st = v[i].b + 1;
        }
        else
            if ( v[i].a <= st && st <= v[i].b )
                //cazul in care se repeta soldatii aflatii in misiune
                st = v[i].b + 1;
        i++;
    }

    if ( st <= l )
        if ( l - st + 1 >= p )
            nr++;

    fout << nr;
    return 0;
}
```

Problemele de concurs 2013

Clasa a V-a

Șoricei – Luca Roxana

100 puncte

Trei pisici au ieșit la vânătoare de șoricei. Ele au vânat n șoricei, i-au etichetat cu câte un număr natural, în ordinea în care au fost prinși. Ca să nu se certe între ele de la împărțirea șoriceilor, au hotărât să-i distribuie după următoarele reguli:

- Prima pisică va lua acei șoricei care au etichete cu numere pare
- A doua pisică va lua dintre șoriceii rămași pe cei pentru care suma cifrelor numărului de pe etichetă este divizibilă cu 13
- A treia pisică va lua toți șoriceii rămași după ce primele două și-au primit partea.

Cerință

Dându-se numărul șoriceilor și etichetele lor, să se determine câți șoricei va mânca fiecare pisică.

Date de intrare

În fișierul de intrare `soricei.in` se va afla pe prima linie numărul natural n , numărul de șoricei, iar pe următoarea linie n numere naturale reprezentând numerele de pe etichetele șoriceilor.

Date de ieșire

În fișierul `soricei.out` se va afișa pe prima linie n_1 , numărul de șoricei pe care îi va mânca prima pisică, pe a doua linie se va afișa n_2 , numărul de șoricei pe care îi va mânca a doua pisică, pe a treia linie se va afișa n_3 , numărul de șoricei pe care îi va mânca a treia pisică.

Restricții și precizări

- $1 \leq n \leq 1000$
- Numerele de pe etichetele șoriceilor vor fi cuprinse între 1 și 10000.
- **În cazul în care nu știți să aflați numărul de șoricei mâncați de o pisică, vă rugăm să afișați 0 pe linia corespunzătoare ei.**
- Se vor acorda punctaje parțiale astfel: pentru primele două rezultate corecte câte 40% din punctajul testului și 20% pentru ultimul rezultat corect.

soricei.in	soricei.out	Explicații
3 58 841 3	1 1 1	Fiecare pisică mănâncă un singur șoricel: • Prima pisici mănâncă șoricelul cu eticheta 58, deoarece este singurul șoricel cu etichetă pară • A doua pisică mănâncă șoricelul cu eticheta 841 deoarece este singurul număr rămas pentru care suma cifrelor etichetei este divizibilă cu 13. • Celei de-a treia pisici îi rămâne șoricelul cu eticheta 3.
7 2 841 3 26 5413 4 7	3 2 2	

Timp maxim de execuție/test: 1 secundă

Memorie disponibilă: 4Mb / 2 Mb pentru stivă

Soluție – Luca Roxana

Pentru fiecare pisică vom avea asociată o variabilă care contorizează numărul de șoricei care îi revin.

Vom parcurge etichetele șoriceilor. Pentru o etichetă x , aflată pe poziția i în fișierul de intrare, vom testa:

- 1) Dacă x este un număr par, numărul de șoricei care îi revin primei pisici este mărit cu unu.
- 2) Dacă **suma cifrelor** lui x este **divizibilă cu 13** și nu îndeplinește condiția 1) atunci numărul de șoricei care îi revin celei de a doua pisici este mărit cu unu.
- 3) Dacă nu îndeplinește nicio condiție de mai sus atunci numărul de șoricei care îi revin ultimei pisici este mărit cu unu.

```
#include <fstream>
```

```
using namespace std;
```

```

ifstream cin("soricei.in");
ofstream cout("soricei.out");

int a=0, b=0, c=0, n, sum, cif, aux, x, i;

int main()
{
    cin>>n;
    for (i=1;i<=n;i++)
    {
        cin>>x; aux=x;

        if (aux%2==0)
            a++;
        else
        {
            sum=0;
            while (aux>0)
            {
                cif=aux%10;
                sum=sum+cif;
                aux=aux/10;
            }
            if (sum%13==0)
                b++;
            else
                c++;
        }
    }

    cout<<a<<' ';

    cout<<'\n'<<b<<' ';

    cout<<'\n'<<c<<' ';

    cin.close();
    cout.close();
    return 0;
}

```

PalindRoz – Andrici Cezar

100 puncte

Marele Porc Rozaliu este foarte leneș. Este atât de leneș încât s-a gândit să angajeze un echipaj care să facă mizerie pentru el (este bine cunoscut faptul că porcilor le place mizeria). Deoarece echipajul care face mizerie cere prea mulți bani, el încheie cu aceștia o înțelegere. Fiind foarte bun la informatică, Porcul Rozaliu a propus ca în schimbul rezolvării unei probleme, să primească o reducere. Spre surpriza lui, a primit următoarea problemă: pentru doua numere furnizate de echipaj, Marele Porc Rozaliu trebuie să se creeze cel mai mare palindrom folosind cifrele celor doua numere. Neștiind să facă problema, vă cere ajutorul pentru a nu se face de râs.

Cerință

Să se găsească cel mai mare palindrom format folosind cifrele a două numere date.

Date de intrare

Fișierul `palindroz.in` conține două numere separate printr-un spațiu, reprezentând valorile furnizate Marelui Porc Rozaliu de către echipajul care face mizerie.

Date de ieșire

Fișierul `palindroz.out` are o singură linie pe care se află numărul pe care trebuie să îl determine Marele Porc Rozaliu.

Restricții și precizări

- Cele două numere sunt din intervalul $[1, 10^8]$.
- Este posibil să nu trebuiască utilizate toate cifrele celor două numere.

Exemple:

<code>palindroz.in</code>	<code>palindroz.out</code>
1234 4321	43211234
78353 5877	875373578
989898 2220	9829289

Timp maxim de execuție/test: 1 secundă

Memorie disponibilă: 4Mb / 2 Mb pentru stivă

Soluție – Andrici Cezar

Se ține vectorul de frecvență **contor** de la 0 la 9 care va număra de câte ori apare fiecare cifră în cele două numere. După care vom lua fiecare cifră în ordine descrescătoare și o vom afișa de **contor[cifra]/2**. După vom afișa cea mai mare cifră care are un număr impar de apariții, apoi vom afișa în ordine crescătoare de data aceasta fiecare cifră de **contor[cifra]/2**.

```
#include <cstdio>
```

```
int x, y, contor[10], i, j, ok;
```

```
int main() {
    freopen("palindroz.in", "r", stdin);
    freopen("-palindroz.ok", "w", stdout);

    // citim cele doua numere
    scanf("%d %d", &x, &y);

    // tratam cazul cu 0
    if (x == 0 && y == 0) {
        printf("0\n");
        return 0;
    }

    // spargem x
    while (x > 0) {
        ++contor[x%10];
        x /= 10;
    }

    // spargem y
    while (y > 0) {
        ++contor[y%10];
        y /= 10;
    }

    // afisam prima jumatate din numar
    ok = false;
    for (i = 9; i >= 1; --i) {
        for (j = 1; j <= contor[i]/2; ++j) {
            ok = true;
            printf("%d", i);
        }
    }
    if (ok) {
```

```

        for (j = 1; j <= contor[0]/2; ++j) {
            printf("0");
        }
    }

    // afisam cifra maxima care apare de un nr impar de ori in centru
    for (i = 9; i >= 0; --i) {
        if (contor[i] % 2 == 1) {
            printf("%d", i);
            break;
        }
    }

    // afisam cealalta jumatate (de data asta in ordine inversa)
    if (ok) {
        for (j = 1; j <= contor[0]/2; ++j) {
            printf("0");
        }
    }

    for (i = 1; i <= 9; ++i) {
        for (j = 1; j <= contor[i]/2; ++j) {
            printf("%d", i);
        }
    }

    return 0;
}

```

Clasa a VI-a

Vestigii - Rosca Valentin

100 puncte

Arheologul Dorel a ajuns în fața ușii unui templu foarte vechi. El a observat că pe ușă erau gravate n numere pe un rând, iar pe următorul rând unul dintre simbolurile „+” sau „*”. Pentru a obține codul de acces cu care poate intra în templu, Dorel trebuie ca, pornind de la șirul de n numere, să construiască alte $n-1$ șiruri, în ordinea descrescătoare a lungimilor, de la șirul de lungime $n-1$ la șirul de lungime 1.

Șirul cu numărul de ordine i : $a_1, a_2, \dots, a_{n-i+1}$ va fi folosit pentru a obține șirul cu numărul de ordine $i+1$ astfel: $a_1 \text{ op } a_2, a_2 \text{ op } a_3, \dots, a_{n-i} \text{ op } a_{n-i+1}$, unde **op** poate fi unul dintre simbolurile „+” sau „*”, acestea păstrându-și semnificația matematică.

Pentru fiecare rezultat intermediar $a \text{ op } b$, valoarea termenului din șir va fi:

- restul împărțirii lui la 45007, dacă $a \text{ op } b$ este mai mare sau egal cu 45007;
- 1, dacă $a \text{ op } b$ este 0;
- $a \text{ op } b$, în rest;

Codul de acces este egal cu numărul de numere prime din toate cele n șiruri.

Cerința

Cunoscând n lungimea șirului inițial, cele n numere ale sale precum și codul **op**, corespunzător unuia dintre simbolurile „+” sau „*”, determinați codul de acces pentru intrarea în templu.

Date de intrare

Fișierul `vestigii.in` conține pe prima linie numărul natural nenul n , reprezentând lungimea șirului inițial, pe cea de a doua linie n numere naturale nenule separate prin câte un spațiu, iar pe a treia linie se află un număr reprezentând codul operației **op** (0 pentru „+”, 1 pentru „*”).

Date de ieșire

Fișierului `vestigii.out` va conține un număr natural reprezentând codul de acces.

Restricții

- $2 \leq N \leq 3\,000$;

- numerele șirului inițial nu depășesc 45007;
- 1 nu este considerat număr prim;

vestigii.in	vestigii.out	Explicații
3 3 5 12 0	3	Șirul 1: 3 5 12 Șirul 2: 8 17 Șirul 3: 25 Codul de acces este 3 pentru că sunt trei numere prime 3, 5, 17.
3 2 9 45006 1	1	Șirul 1: 2 9 45006 Șirul 2: 18 44998 Șirul 3: 44845 (9*45006=405054, 405054%45007=44998) (18*44998=809964, 809964%45007=44845) Există un singur număr prim în cele 3 șiruri (2).

TimP maxim de execuție/test: 1 secundă

Memorie disponibilă: 16Mb / 8 Mb pentru stivă

Soluție – Roșca Valentin

```
#include <fstream>
```

```
using namespace std;
```

```
long ciur[45408],n,i,j,op,v[3001],prim;
```

```
int main()
```

```
{
```

```
    //fisiererele de intrare/iesire
```

```
    ifstream fin("vestigii9.in");
```

```
    ofstream fout("vestigii9.ok");
```

```
    long nr=0; //contorul de numere prime
```

```
    //Ciurul lui Eratostene
```

```
    ciur[1]=1;
```

```
    for(i=2;i<=45007;i++) {
```

```
        if(ciur[i]==0)
```

```
            //marcam multiplii numarului prim
```

```
            for(j=i+i;j<=45007;j+=i)
```

```
                ciur[j]=1;
```

```
    }
```

```
    //citirea lui n, a sirului si a operatiei
```

```
    fin>>n;
```

```
    for(i=1;i<=n;i++)
```

```
        fin>>v[i];
```

```
    fin>>op;
```

```
    if(op==0) { //cazul in care operatie este "+"
```

```
        while(n>1) {
```

```
            v[n+1]=0;
```

```
            //mergem prin fiecare numar din sirul curent si vedem daca este
```

```
prim sau
```

```
            //nu si apoi il adunam cu termenul urmator pentru a afla urmatorul
```

```
sir
```

```
            for(i=1;i<=n;i++) {
```

```
                //adaugam numarul daca este prim
```

```
                if(ciur[v[i]]==0)
```

```
                    nr++;
```

```
            //formam noul numar din urmatorul sir
```

```
            v[i]=(v[i]+v[i+1]) % 45007;
```

```
            if(v[i]==0)
```

```
                v[i]=1;
```

```

    }
    //trecem la urmatorul sir
    n--;
}
}
else { //cazul in care operatie este "*"
    while(n>1) {
        v[n+1]=0;

        //mergem prin fiecare numar din sirul curent si vedem daca este
prim sau
        //nu si apoi il inmultim cu termenul urmator pentru a afla
urmatorul sir
        for(i=1;i<=n;i++) {
            //adaugam numarul daca este prim
            if(ciur[v[i]]==0)
                nr++;

            //formam noul numar din urmatorul sir
            v[i]=(v[i]*v[i+1]) % 45007;
            if(v[i]==0)
                v[i]=1;
        }
        //trecem la urmatorul sir
        n--;
    }
}

//verificam daca ultimul din ultimul sir este prim
if(ciur[v[1]]==0)
    nr++;

//afisarea
fout<<nr;

return 0;
}

```

Bcaptiv - Netedu Andrei

100 puncte

B-Darius, un mare olimpic la informatică, a fost răpit de extraterestrii și este ținut ostatic într-o închisoare. Închisoarea are forma unui carou de dimensiune $n \times m$, fiecare celulă reprezentând o cameră codificată printr-un număr natural distinct față de celelalte camere. **B**-Darius este foarte deștept și realizează că, pentru a evada, trebuie să se deplaseze prin camerele închisorii astfel: din orice cameră poate merge doar într-o cameră vecină diferită de cea din care a venit, al cărei cod are număr maxim de divizori. În cazul în care există mai multe camere cu această proprietate o va alege pe cea cu codul maxim.

Două camere sunt vecine dacă au o latură comună. În momentul în care **B**-Darius ajunge a doua oară într-o cameră pe care a mai vizitat-o, poate accesa un portal care-l va teleporta înapoi pe Terra, dacă rostește parola. Parola reprezintă numărul de camere diferite parcurse de la prima vizitare a camerei în care se află până în momentul în care a ajuns a doua oară acolo.

Cerința

Dându-se dimensiunile închisorii, valorile asociate camerelor și poziția inițială a lui **B**-Darius, să se determine parola.

Date de intrare

Pe prima linie a fișierului de intrare `bcaptiv.in` se găsesc patru numere n m L C , reprezentând dimensiunile închisorii, linia L și coloana C unde se află inițial **B**-Darius. Pe fiecare dintre următoarele n linii se află m valori separate prin câte un spațiu, reprezentând codurile camerelor.

Date de ieșire

Fișierul de ieșire `bcaptiv.out` va conține parola care îl va salva pe **B**-Darius.

Restricții și precizări

- $2 \leq n, m \leq 100$;
- Numerele atribuite camerelor sunt numere naturale nenule mai mici decât 250.000;
- Din închisoare nu se poate ieși decât prin portal;
- Din nicio cameră $\mathfrak{B}$ -Darius nu se poate întoarce imediat în camera din care a venit.

bcaptiv.in	bcaptiv.out	Explicație
3 4 2 2 1 72 15 42 5 3 23 17 7 2 19 18	6	

Timp maxim de execuție/test: 1 secundă

Memorie disponibilă: 16Mb / 8 Mb pentru stivă

Soluție – Filimon Marta

Vom reține 3 matrice cu următoarele semnificații:

- $a[i][j]$ =codul camerei de pe linia i și coloana j
- $nr_div[i][j]$ =numărul de divizori ai codului camerei de pe linia i și coloana j
- $mom[i][j]$ =momentul de timp la care a ajuns prima dată în camera de pe linia i și coloana j

Cand vom ajunge într-o cameră de pe linia L și coloana C a închisorii, făcând numărul de pași, pas , vom afla camera vecină a carui cod are un număr maxim de divizori (în caz că există mai multe camere cu această proprietate o vom alege pe cea care are codul maxim) și nu are momentul de timp la care $\mathfrak{B}$ -Darius a ajuns pentru prima dată la ea egal cu $pas-1$. În cazul în care camera aleasă a mai fost vizitată o data vom afișa valoarea cerută.

```
#include<fstream>
#define NMAX 110
#define VALMAX 250010
```

```
using namespace std;
```

```
ifstream f("bcaptiv.in");
ofstream g("bcaptiv.out");
```

```
int ciur[VALMAX], prime[VALMAX];
int a[NMAX][NMAX], nr_div[NMAX][NMAX], mom[NMAX][NMAX], n, m, L, C;
int di[4]={0, 0, 1, -1};
int dj[4]={-1, 1, 0, 0};
```

```
void Preprop()
```

```
{
    int i, j;

    ciur[1]=1;

    for (i=2; i<VALMAX; ++i)
    {
        if (!ciur[i])
        {
            prime[++prime[0]]=i;
```

```

        for (j=i+i; j<VALMAX; j+=i)
            ciur[j]=1;
    }
}

inline int numara(int v)
{
    int ind=1, nr=1, aux=v, p;

    while (prime[ind]*prime[ind]<=v)
    {
        p=1;
        while (aux%prime[ind]==0)
        {
            aux/=prime[ind];
            ++p;
        }
        nr*=p; ++ind;
    }

    if (aux!=1) nr*=2;

    return nr;
}

void Citeste()
{
    int i, j;

    f>>n>>m>>L>>C;

    for (i=1; i<=n; ++i)
        for (j=1; j<=m; ++j)
        {
            f>>a[i][j];
            nr_div[i][j]=numara(a[i][j]);
        }
}

void Solve()
{
    int i, j, k, gata=0, pas=1, im, jm, mx, nrmax;

    for (i=0; i<=n+1; ++i)
        for (j=0; j<=m+1; ++j)
            mom[i][j]=-1;

    mom[L][C]=1;
    while (!gata)
    {
        mx=-1; nrmax=-1;
        for (k=0; k<4; ++k)
        {
            i=L+di[k];
            j=C+dj[k];
            if (mom[i][j]!=pas-1)
            {
                if (nr_div[i][j]>mx)
                {
                    mx=nr_div[i][j]; nrmax=a[i][j];
                }
            }
        }
    }
}

```

```

        im=i; jm=j;
    }
    else
        if (nr_div[i][j]==mx && a[i][j]>nrmax)
        {
            mx=nr_div[i][j]; nrmax=a[i][j];
            im=i; jm=j;
        }
    }
}
L=im; C=jm;
++pas;
if (mom[im][jm]!=-1)
    gata=pas-mom[im][jm];
mom[im][jm]=pas;
}
g<<gata<<"\n";
}

int main()
{
    Preprop();

    Citeste();

    Solve();

    f.close();
    g.close();
    return 0;
}

```

Clasa a VII-a

Party – Filimon Marta

100 puncte

Ruxandra a hotărât să își sărbătorească ziua de naștere împreună cu prietenii săi. Cum ea este o fată populară, la petrecere vor veni toți prietenii ei de pe Facebook. Aceasta dorește ca fiecare invitat să își asculte cântecul favorit. Ruxandra își numerotează cei 1.000.000 de prieteni de la 1 la 1.000.000 și își formează o listă cu toate cântecele posibile, atribuind fiecăruia câte un număr. Pentru fiecare prieten n , melodia lui favorită este p , unde p se calculează conform formulei:

$$\underbrace{4444\dots4}_{\text{de } 2n \text{ ori}} - \underbrace{8888\dots8}_{\text{de } n \text{ ori}} = p^2$$

Cerință

În ziua petrecerii, cea mai bună prietenă a Ruxandrei, aflată în listă pe poziția n , vrea să asculte cântecul său preferat. Deoarece ea este ocupată cu pregătirile vă roagă pe voi să-l identificați.

Date de intrare

În fișierul de intrare `party.in` pe prima linie se află un singur număr natural n , cu semnificația din enunț.

Date de ieșire

În fișierul de ieșire `party.out` se va găsi un singur număr natural p , cu semnificația din enunț.

Restricții

- $1 \leq n \leq 1.000.000$
- Pentru 20% din teste $n \leq 4$
- Pentru alte 20% din teste $n \leq 9$

Exemplu

party.in	party.out	Explicații
2	66	$4444-88=4.356=66^2$

Timp maxim de execuție/test: 1 secundă

Memorie disponibilă: 4Mb / 2 Mb pentru stivă

Soluție – Filimon Marta

Pentru a ajunge la rezultatul dorit vom efectua următoarele calcule:

$$\begin{aligned}
 & \underbrace{444\dots 4}_{2n \text{ ori}} - \underbrace{888\dots 8}_{n \text{ ori}} = p^2 \\
 & 4 * (\underbrace{111\dots 1}_{2n \text{ ori}}) - 2 * (\underbrace{111\dots 1}_{n \text{ ori}}) = p^2 \\
 & 4 * [10^{2n-1} + 10^{2n-2} + \dots + 1 - 2 * (10^{n-1} + 10^{n-2} + \dots + 1)] = p^2 \\
 & 4 * \left(\frac{10^{2n} - 1}{10 - 1} - 2 * \frac{10^n - 1}{10 - 1} \right) = p^2 \\
 & 4 * \left(\frac{10^{2n} - 1 - 2 * 10^n + 2}{9} \right) = p^2 \\
 & 4 * \left(\frac{10^{2n} - 2 * 10^n + 1}{9} \right) = p^2 \\
 & 2^2 * \frac{(10^n - 1)^2}{3^2} = p^2 \\
 & \left(2 * \frac{10^n - 1}{3} \right)^2 = p^2 \\
 & 2 * \frac{10^n - 1}{3} = p
 \end{aligned}$$

Se observa cu ușurință că $p = \underbrace{66\dots 6}_n$.

Dpiv – Netedu Andrei

100 puncte

Se dau două șiruri de numere naturale nenule a și b cu n , respectiv m elemente. Din aceste două șiruri se creează un nou șir c astfel: se înmulțește primul număr din a , pe rând, cu toate numerele din b ; apoi se înmulțește al doilea număr din a , pe rând, cu toate numerele din b etc. Se obține astfel șirul c : $c_1 = a_1 * b_1$; $c_2 = a_1 * b_2$; ..., $c_m = a_1 * b_m$; $c_{m+1} = a_2 * b_1$; $c_{m+2} = a_2 * b_2$; ..., $c_{n*m} = a_n * b_m$.

Cerința

Dându-se un număr x care apare în șirul c și o poziție p , determinați o aranjare a șirurilor a și b astfel încât prima apariție a numărului x în șirul c să se afle pe poziția p .

Date de intrare

Fișierul de intrare `dpiv.in` va conține pe prima linie patru numere naturale n m x p separate prin câte un spațiu, cu semnificația din enunț. A doua linie va conține elementele șirului a , iar a treia linie va conține elementele șirului b , separate prin câte un spațiu.

Date de ieșire

Fișierul de ieșire `dpiv.out` va conține pe prima linie o posibilă aranjare a șirului a , iar pe a doua linie o posibilă aranjare a șirului b .

Restricții și precizări

- Se garantează că există întotdeauna soluție;
- Elementele șirurilor sunt distincte, însă cele două șiruri pot avea elemente comune;
- $1 \leq n, m \leq 10000, 1 \leq p, x \leq 10^9$;
- Elementele șirurilor nu vor depăși 10^8 .

dpiv.in	dpiv.out	Explicație
4 5 10 3 2 7 5 1 9 10 5 2 1	2 7 5 1 9 2 5 10 1	Șirul creat din soluția posibilă este 2*9, 2*2, 2*5=10 , 2*10, 2*1, 7*9 ...; se observă că prima apariție a numărului 10 este pe poziția 3. Două alte soluții posibile sunt: a=(5, 2, 7, 1), b=(1, 10, 2, 5, 9); a=(1, 5, 2, 7), b=(9, 5, 10, 1, 2);

TimP maxim de execuție/test: 1 secundă

Memorie disponibilă: 16Mb / 8 Mb pentru stivă

Soluție – Filimon Marta

```
#include<fstream>
#include<algorithm>
#define NMAX 10010

using namespace std;

ifstream f("dpiv.in");
ofstream g("dpiv.out");

int a[NMAX], b[NMAX], A[NMAX], n, m, p, ia, ib, x;

void Citeste()
{
    int i;

    f>>n>>m>>x>>p;

    for (i=1; i<=n; ++i) f>>a[i];

    for (i=1; i<=m; ++i) f>>b[i];
}

int caută(int x)
{
    int st=1, dr=m, mij;

    while (st<=dr)
    {
        mij=(st+dr)/2;

        if (b[mij]==x) return mij;
        else if (x<b[mij]) dr=mij-1;
        else st=mij+1;
    }

    return 0;
}

void Scrie()
{
    int i;

    for (i=1; i<=n; ++i) g<<A[i]<<" ";
    g<<"\n";

    for (i=1; i<=m; ++i) g<<b[i]<<" ";
    g<<"\n";
}

void Solve()
{
    int i, poz, pA=1, uA=n;

    sort(b+1, b+m+1);

    if (p%m==0)
    {
        ia=p/m;
        ib=m;
```

```

    }
    else
    {
        ia=p/m+1;
        ib=p%m;
    }

    for (i=1; i<=n; ++i)
        if (x%a[i]==0)
        {
            if (cauta(x/a[i]))
            {
                A[uA]=a[i];
                uA--;
            }
            else
            {
                A[pA]=a[i];
                pA++;
            }
        }
        else A[pA++]=a[i];

    swap(A[n], A[ia]);

    poz=cauta(x/A[ia]);

    swap(b[poz], b[ib]);

    Scrie();
}

int main()
{
    Citeste();

    Solve();

    f.close();
    g.close();
    return 0;
}

```

Clasa a IX-a

Pisici – Luca Roxana

100 puncte

Trei pisici au ieșit la vânătoare de șoricei. Ele au vânat n șoricei, i-au etichetat cu câte un număr natural, în ordinea în care au fost prinși. Ca să nu se certe între ele de la împărțirea șoriceilor, au hotărât să-i distribuie după următoarele reguli:

- Prima pisică va lua acei șoricei care au etichetele numere cu cel puțin două cifre iar ultimile două cifre ale acestora sunt pare
- A doua pisică va lua dintre șoriceii rămași pe cei pentru care suma cifrelor mai mari sau egale cu 5 ale numărului de pe etichetă este divizibilă cu 11
- A treia pisică va lua toți șoriceii rămași după ce primele două și-au primit partea.

Cerință

Dându-se numărul șoriceilor și etichetele lor, să se determine câți șoricei va mânca fiecare pisică.

Date de intrare

În fișierul de intrare `pisici.in` se va afla pe prima linie numărul natural n , numărul de șoricei, iar pe următoarea linie n numere naturale reprezentând numerele de pe etichetele șoriceilor.

Date de ieșire

În fișierul `pisici.out` se va afișa pe prima linie `n1`, numărul de șoricea pe care îi va mânca prima pisică, pe a doua linie se va afișa `n2`, numărul de șoricea pe care îi va mânca a doua pisică, pe a treia linie se va afișa `n3`, numărul de șoricea pe care îi va mânca a treia pisică.

Restricții și precizări

- $1 \leq n \leq 1000$
- Numerele de pe etichetele șoriceilor vor fi cuprinse între 1 și 10000.
- În cazul în care nu știți să aflați numărul de șoricea mâncați de o pisică, vă rugăm să afișați 0 pe linia corespunzătoare ei.
- Se vor acorda punctaje parțiale astfel: pentru primele două rezultate corecte câte 40% din punctajul testului și 20% pentru ultimul rezultat corect.

pisici.in	pisici.out	Explicații
3 58 645 2	0 1 2	Fiecare pisică mănâncă un singur șoricel: • Prima pisică nu va mânca niciun șoricel • A doua pisică mănâncă șoricelul cu eticheta 645 deoarece este singurul număr rămas pentru care suma cifrelor mai mari ca 5 este divizibilă cu 11 ($6+5=11$, $11:11$) • Celei de-a treia pisici îi rămân șoricelul cu eticheta 2 și cel cu eticheta 58.
6 77831 3 26 41 342 7	2 1 3	

Timp maxim de execuție/test: 1 secundă

Memorie disponibilă: 4Mb / 2 Mb pentru stivă

Soluție – Luca Roxana

Pentru fiecare pisică vom avea asociată o variabilă care contorizează numărul de șoricea care îi revin.

Vom parcurge etichetele șoriceilor. Pentru o etichetă `x`, aflată pe poziția `i` în fișierul de intrare, vom testa:

- 1) Dacă `x` are ultimile două cifre pare numărul de șoricea care îi revin primei pisici este mărit cu unu.
- 2) Dacă **suma cifrelor** lui `x` mai mari ca 4 este **divizibilă cu 11** și nu îndeplinește condiția 1) atunci numărul de șoricea care îi revin celei de a doua pisici este mărit cu unu.
- 3) Dacă nu îndeplinește nicio condiție de mai sus atunci numărul de șoricea care îi ultimii pisici este mărit cu unu.

```
#include <fstream>

using namespace std;

ifstream cin("pisici.in");
ofstream cout("pisici.out");

int a=0, b=0, c=0, n, sum, cif, aux, x, i;

int main()
{
    cin>>n;
    for (i=1;i<=n;i++)
    {
        cin>>x; aux=x;

        cif=aux/10;
        if (aux>9 && aux%2==0 && cif%2==0) ++a;
        else
        {
            sum=0;
            while (aux>0)
            {
                cif=aux%10;
                if (cif>4) sum=sum+cif;
            }
        }
    }
}
```

```

        aux=aux/10;
    }
    if (sum!=0 && sum%11==0) b++;
    else c++;
}

cout<<a<<"\n"<<b<<"\n"<<c<<"\n";

cin.close();
cout.close();
return 0;
}

```

Bcaptiv – Netedu Andrei

100 puncte

B-Darius, un mare olimpic la informatică, a fost răpit de extratereștrii și este ținut ostatic într-o închisoare. Închisoarea are forma unui caroi de dimensiune $n \times m$, fiecare celulă reprezentând o cameră codificată printr-un număr natural distinct față de celelalte camere. **B**-Darius este foarte deștept și realizează că, pentru a evada, trebuie să se deplaseze prin camerele închisorii astfel: din orice cameră poate merge doar într-o cameră vecină diferită de cea din care a venit, al cărei **cod oglindit** are număr maxim de divizori. În cazul în care există mai multe camere cu această proprietate o va alege pe cea cu **codul oglindit** maxim. De exemplu, camera care are codul 456 va avea **codul oglindit** 654.

Două camere sunt vecine dacă au o latură comună. În momentul în care **B**-Darius ajunge a doua oară într-o cameră pe care a mai vizitat-o, poate accesa un portal care-l va teleporta înapoi pe Terra, dacă rostește parola. Parola reprezintă numărul de camere diferite parcurse de la prima vizitare a camerei în care se află până în momentul în care a ajuns a doua oară acolo.

Cerința

Dându-se dimensiunile închisorii, valorile asociate camerelor și poziția inițială a lui **B**-Darius, să se determine parola.

Date de intrare

Pe prima linie a fișierului de intrare `bcaptiv.in` se găsesc patru numere n m L C , reprezentând dimensiunile închisorii, linia L și coloana C unde se află inițial **B**-Darius. Pe fiecare dintre următoarele n linii se află m valori separate prin câte un spațiu, reprezentând codurile camerelor.

Date de ieșire

Fișierul de ieșire `bcaptiv.out` va conține parola care îl va salva pe **B**-Darius.

Restricții și precizări

- $2 \leq n, m \leq 100$;
- Numerele atribuite camerelor sunt numere naturale nenule mai mici decât 250.000;
- Din închisoare nu se poate ieși decât prin portal;
- Din nicio cameră **B**-Darius nu se poate întoarce imediat în camera din care a venit.

bcaptiv.in	bcaptiv.out	Explicație												
3422 1275124 533271 729181	6	În tabelul de mai jos am folosit codul oglindit al camerelor. <table><tr><td>1</td><td>72</td><td>15</td><td>42</td></tr><tr><td>5</td><td>3</td><td>2</td><td>17</td></tr><tr><td>7</td><td>2</td><td>19</td><td>18</td></tr></table>	1	72	15	42	5	3	2	17	7	2	19	18
1	72	15	42											
5	3	2	17											
7	2	19	18											

Timp maxim de execuție/test: 1 secundă

Memorie disponibilă: 16Mb / 8 Mb pentru stivă

Soluție – Filimon Marta

Vom reține 3 matrice cu următoarele semnificații:

- $a[i][j]$ = oglinditul codului camerei de pe linia i și coloana j
- $nr_div[i][j]$ = numărul de divizori ai codului camerei de pe linia i și coloana j
- $mom[i][j]$ = momentul de timp la care a ajuns prima dată în camera de pe linia i și coloana j

Când vom ajunge într-o cameră de pe linia L și coloana C a închisorii, făcând numărul de pași, pas , vom afla camera vecină a cui cod are un număr maxim de divizori (în caz că există mai multe camere cu această proprietate o vom alege pe cea care are codul maxim) și nu are momentul de timp la care $\mathfrak{B}$ -Darius a ajuns pentru prima dată la ea egal cu $pas-1$. În cazul în care camera aleasă a mai fost vizitată o dată vom afișa valoarea cerută.

```
#include<fstream>
#define NMAX 110
#define VALMAX 250010

using namespace std;

ifstream f("bcaptiv.in");
ofstream g("bcaptiv.out");

int ciur[VALMAX], prime[VALMAX];
int a[NMAX][NMAX], nr_div[NMAX][NMAX], mom[NMAX][NMAX], n, m, L, C;
int di[4]={0, 0, 1, -1};
int dj[4]={-1, 1, 0, 0};

void Preprop()
{
    int i, j;

    ciur[1]=1;

    for (i=2; i<VALMAX; ++i)
    {
        if (!ciur[i])
        {
            prime[++prime[0]]=i;
            for (j=i+i; j<VALMAX; j+=i)
                ciur[j]=1;
        }
    }
}

inline int numara(int v)
{
    int ind=1, nr=1, aux=v, p;

    while (prime[ind]*prime[ind]<=v)
    {
        p=1;
        while (aux%prime[ind]==0)
        {
            aux/=prime[ind];
            ++p;
        }
        nr*=p; ++ind;
    }

    if (aux!=1) nr*=2;
```

```

    return nr;
}

void Citeste()
{
    int i, j, x;

    f>>n>>m>>L>>C;

    for (i=1; i<=n; ++i)
        for (j=1; j<=m; ++j)
        {
            f>>x;
            while (x)
            {
                a[i][j]=a[i][j]*10+x%10;
                x=x/10;
            }
            nr_div[i][j]=numara(a[i][j]);
        }
}

void Solve()
{
    int i, j, k, gata=0, pas=1, im, jm, mx, nrmax;

    for (i=0; i<=n+1; ++i)
        for (j=0; j<=m+1; ++j)
            mom[i][j]=-1;

    mom[L][C]=1;
    while (!gata)
    {
        mx=-1; nrmax=-1;
        for (k=0; k<4; ++k)
        {
            i=L+di[k];
            j=C+dj[k];
            if (mom[i][j]!=pas-1)
            {
                if (nr_div[i][j]>mx)
                {
                    mx=nr_div[i][j]; nrmax=a[i][j];
                    im=i; jm=j;
                }
                else
                {
                    if (nr_div[i][j]==mx && a[i][j]>nrmax)
                    {
                        mx=nr_div[i][j]; nrmax=a[i][j];
                        im=i; jm=j;
                    }
                }
            }
        }
        L=im; C=jm;
        ++pas;
        if (mom[im][jm]!=-1)
            gata=pas-mom[im][jm];
        mom[im][jm]=pas;
    }
    g<<gata<<"\n";
}

```

```
int main()
{
    Preprop();

    Citeste();

    Solve();

    f.close();
    g.close();
    return 0;
}
```

Problemele de concurs 2012

Clasa a V-a

Automat-Filimon Marta și Valentin Roșca

100 puncte

Marius a primit un premiu în bani deoarece a obținut un rezultat foarte bun la concursul Moisil++. Premiul este format din bancnote de patru lei, de trei lei, de doi lei și de un leu.

Lui Marius îi place foarte mult ciocolata așa că s-a dus la automatul școlii să cumpere ciocolățele pentru a le oferi câtor mai mulți colegi. El știe că o ciocolată costă 4 lei și că automatul acceptă doar suma exactă pentru a o cumpăra.

Cerință

Ajutați-l pe Marius să afle numărul maxim de ciocolățele pe care le poate cumpăra știind câte bancnote de fiecare tip are la dispoziție.

Date de intrare

Din fișierul text `automat.in` se citesc patru numere `x y z w`, separate prin câte un spațiu, numere ce reprezintă câte monezi de patru lei, de trei lei, de doi lei și de un leu, primite ca premiu.

Date de ieșire

În fișierul `automat.out` se va afla un singur număr `C` care este egal cu numărul maxim de ciocolățele pe care le poate cumpăra Marius de la automat.

Restricții și precizări

$0 \leq x, y, z, t \leq 2000$

<code>automat.in</code>	<code>automat.out</code>	Explicații
3 3 5 2	7	Vom putea cumpăra 3 ciocolățele folosind doar bacnote de patru lei. Vom putea cumpăra 2 ciocolățele folosind bacnote de trei, respectiv un leu. Vom putea cumpăra 2 ciocolățele folosind doar bacnote de doi lei.

Timp maxim de execuție/test: 1 secundă

Memorie disponibilă: 2Mb / 1 Mb pentru stivă

Soluție-Filimon Marta

```
#include<fstream>

using namespace std;

ifstream f("automat.in");
ofstream g("automat.out");

int x, y, z, w, numar;

int main()
{
    f>>x>>y>>z>>w;

    /* cu bacnotele de 4 lei pot cumpara deja x ciocolate, unde x reprezinta numarul
    de bacnote de valoare 4 lei*/

    numar=x;

    /*valoare de 4 lei= 3 lei+1 leu => la numarul de ciocolate cumparate pot adauga
    minimul dintre numarul de bacnote de 1 si numarul de bacnote de 3*/

    if (y<w)
    {
        numar=numar+y;
        w=w-y; y=0;
    }
    else
    {
```

```

        numar=numar+w;
        y=y-w; w=0;
    }

    /*valoare de 4 lei= 2 lei+2 lei => la numarul de ciocolate cumparate pot adauga
    jumătate din numarul de bacnote de 2 lei*/

    numar=numar+z/2;

    /*daca avem un numar impar de bacnote de 2 lei atunci ne va ramane o bacnota de 2
    lei cu care mai pot cumpara o ciocolata in cazut in care mai avem ramase cel putin 2
    bacnote de un leu*/

    if (z%2==1 && w>1)
    {
        ++numar;
        w=w-2;
    }

    /*valoare de 4 lei= 1 leu+1 leu+1 leu+1 leu=> la numarul de ciocolate cumparate
    pot adauga un sfert din numarul de bacnote de un leu ramase*/

    numar=numar+w/4;

    g<<numar<<"\n";

    f.close();
    g.close();
    return 0;
}

```

Şir-Roşca Valentin Bogdan

100 puncte

Se dă şirul: 1, 2, 3, 7, 8, 9, 13, 14, 15, 19, ..., aranjat sub forma unei jumătăţi de piramidă (imaginea din dreapta) astfel încât pe linia n se află următoarele n numere din şir. Numerotarea liniilor începe de la 1 iar coloanele sunt numerotate de asemenea începând cu 1, de la stânga la dreapta (de exemplu, valoarea 14 este pe linia 4, coloana 2)

1			
2	3		
7	8	9	
13	14	15	19
.....			

Cerinţă

Dându-se un număr natural x să se verifice dacă x se află în şir şi, dacă da, să se determine poziţia acestuia în cadrul şirului precum şi linia şi coloana pe care se află acesta în piramida construită conform enunţului.

Date de intrare

Din fişierul text `sir.in` se citeşte de pe prima linie numărul natural x .

Date de iesire

Rezultatele se vor scrie în fişierul text `sir.out` astfel:

- pe prima linie se va scrie 1 dacă numărul se află în şir, respectiv 0 dacă numărul nu face parte din şir
- pe a doua linie se va scrie, dacă există, un număr P care reprezintă poziţia lui x în şirul dat
- pe a treia linie se vor scrie două numere L C , unde L este linia iar C coloana pe care se află elementul x în piramida construită conform enunţului

Restricţii şi precizări

- $x < 2.000.000.000$
- pentru prima cerinţă se acordă 20% din punctaj
- pentru a doua cerinţă se acordă 40% din punctaj
- pentru a treia cerinţă se acordă 40% din punctaj

sir.in	sir.out
12	0
14	1 8 4 2

Timp maxim de execuție/test: 0,1 secundă

Memorie disponibilă: 2Mb / 1Mb pentru stivă

Soluție- Roșca Valentin Bogdan

În primul rînd se observa faptul ca șirul este format după regula:

$6*0+1, 6*0+2, 6*0+3, 6*1+1, 6*1+2, 6*1+3, 6*2+1, 6*2+2, 6*2+3, 6*3+1, \dots, 6*k+1, 6*k+2, 6*k+3, \dots$

Prima cerință:

Pentru a testa dacă numărul x se afla în șir se face restul împărțirii lui la 6. În cazul în care restul este 1, 2 sau 3, atunci el se afla în șir.

A doua cerință:

Pentru a afla al câtelea termen este în șir vom genera șirul cu un while pînă cînd vom ajunge la termenul x .

O alta modalitate de a afla poziția lui în șir este sa împărțim x la 6 si sa luam partea intreaga. Așa aflăm cate grupe de $6*k+1, 6*k+2, 6*k+3$ sunt inaintea lui x . Pentru a afla pozitia lui vom înmulți numărul de grupe cu 3 (3 termeni pe grupa) și adunam totul cu poziția lui x in grupa în care se află, adica restul lui x la împărțirea cu 6. Deci formula finală va fi egală cu $(x/6)*3 + x\%6$.

A treia cerință:

Pentru a-i afla poziția lui în piramida vom afla mai întîi linia pe care se află x . Știm de la punctul al doilea poziția lui în șir, așa că vom afla cate linii complete sunt înaintea lui, ținînd cont de următoarea inegalitate dubla:

$n*(n+1)/2 < x \leq (n+1)(n+2)/2$. unde n reprezintă numărul de linii complete care se afla înaintea lui x si care poate fi aflat printr-un while. Deci linia pe care se afla este egală cu $n+1$. Pentru a afla coloana pe care se află, vom scădea din poziția lui x în șir numărul de termeni de pe liniile anterioare, astfel rămânînd doar numărul de termeni de pe linia curentă pînă la x . În concluzie coloana pe care se află x este egală cu $b - n*(n+1)/2$ unde b este rezultatul obținut la punctul al doilea.

Program:

```
#include<stdio.h>
long x, s, ad, poz, ok, r;
int main()
{
    freopen("sir.in", "r", stdin);
    freopen("sir.out", "w", stdout);
    scanf("%ld", &x);
    r=x%6;
    if(1<=r && r<=3)
        ok=1;
    printf("%ld\n", ok);
    if(ok)
    {
        poz=(x/6)*3+x%6;
        printf("%ld\n", poz);
        s=1;ad=2;
        while (s<=poz)
        {
            s=s+ad;
            ad++;
        }
        s=s-ad+1;
        if(s==poz)
        {
            ad--;
            s=1;
        }
        printf("%ld %ld", ad-1, poz-s);
    }
    return 0;
}
```

Ruxandra și-a cumpărat o casă magică în Londra care poate influența pozitiv sau negativ delegația României la Jocurile Olimpice. Casa are n etaje și pe fiecare etaj sunt m camere în care vor sta prietenii Ruxandrei. Pentru fiecare camera sunt cunoscute numărul de obiecte norocoase și numărul de obiecte ghinioniste. Ca să nu influențeze sportivii români, casa Ruxandrei trebuie să fie armonioasă.

O casă este armonioasă dacă fiecare camera este în armonie. O cameră este în armonie în cazul în care este locuită și dacă suma dintre numărul de obiecte ghinioniste din acea cameră și numărul de camere vecine cu aceasta, care au un număr de obiecte norocoase nenul este k , sau dacă este nelocuită. Vecinii unei camere sunt camerele aflate la stânga, dreapta, sus și jos față de aceasta.

Cerință

Să se determine dacă casa Ruxandrei este armonioasă, iar în caz contrar să se determine configurația armonioasă a casei aruncând doar obiectele ghinioniste sau cumpărând obiecte ghinioniste.

Date de intrare

Pe prima linie a fișierului armonie.in se vor afla n , m și k cu semnificațiile din enunț. Apoi pe următoarele n linii se vor afla $2 \cdot m$ numere cu semnificația. Al $2 \cdot j - 1$ lea ($1 \leq j \leq m$) număr reprezintă numărul de obiecte norocoase și al $2 \cdot j$ lea număr reprezintă numărul de obiecte ghinioniste din camera j , reprezentând configurația inițială a casei Ruxandrei.

Date de ieșire

Pe prima linie a fișierului armonie.out se va afla DA, în cazul în care casa Ruxandrei este în armonie, iar NU în caz contrar. În cazul în care casa Ruxandrei nu este armonioasă se va afișa configurația armonioasă a casei.

Restricții și precizări

$1 \leq n$, $m \leq 500$, $5 \leq k \leq 100$

Dacă numărul de obiecte norocoase dintr-o cameră este egal cu 0 atunci și numărul de obiecte ghinioniste va fi egal cu 0.

Dacă o cameră are 0 obiecte norocoase atunci ea este armonioasă.

armonie.in	armonie.out	Explicare
4 5 7 0 0 3 6 0 0 0 0 1 6 2 6 1 3 5 4 1 5 2 5 0 0 4 5 1 4 0 0 0 0 6 7 0 0 1 6 0 0 3 7	DA	Casa este armonioasă.
4 5 7 0 0 3 5 0 0 0 0 1 9 2 6 1 1 5 4 1 5 2 5 0 0 4 5 1 5 0 0 0 0 6 7 0 0 1 9 0 0 3 13	NU 0 0 3 6 0 0 0 0 1 6 2 6 1 3 5 4 1 5 2 5 0 0 4 5 1 4 0 0 0 0 6 7 0 0 1 6 0 0 3 7	Am evidențiat în fișierul armonie.in camerele în care vom modifica numărul de obiecte ghinioniste.

Timp maxim de execuție/test: 1 secundă

Memorie disponibilă: 16Mb / 2 Mb pentru stivă

Soluție–Filimon Marta Diana

Vom reține numărul de obiecte norocoase din a j-a cameră de la etajul i în $x[i][j]$, iar analog vom reține obiectele ghinioniste din a j-a cameră de la etajul i în $y[i][j]$.

Vom parcurge matricea x , iar atunci când găsim $x[i][j] \neq 0$ vom verifica dacă camera este în armonie, în cazul în care camera nu este în armonie atunci vom modifica $y[i][j]$. O cameră este în armonie dacă $y[i][j] + \text{numărul de elemente nenule al mulțimii } \{x[i][j-1], x[i][j+1], x[i+1][j], x[i-1][j]\} = k$. Dacă această sumă (să o notăm cu sum) este diferită de k . Atunci distingem 2 cazuri:

1. $\text{sum} < k$ atunci avem nevoie de mai multe obiecte ghinioniste $\Rightarrow y[i][j] = y[i][j] + k - \text{sum}$;
2. $\text{sum} > k$ atunci avem nevoie să aruncăm obiecte ghinioniste $\Rightarrow y[i][j] = y[i][j] - (\text{sum} - k)$;

```
#include<fstream>
#define NMAX 510
```

```
using namespace std;
```

```
int x[NMAX][NMAX], y[NMAX][NMAX], n, m, k, i, j, nr=0, sum, L;
```

```

int di[4]={0, 0, -1, 1};
int dj[4]={-1, 1, 0, 0};

ifstream f("armonie.in");
ofstream g("armonie.out");

int main()
{
    f>>n>>m>>k;
    for (i=1; i<=n; ++i)
        for (j=1; j<=m; ++j) f>>x[i][j]>>y[i][j];
    for (i=1; i<=n; ++i)
        for (j=1; j<=m; ++j)
            if (x[i][j])
            {
                sum=y[i][j];
                for (L=0; L<4; ++L)
                    if (x[i+di[L]][j+dj[L]]) ++sum;
                if (sum!=k)
                {
                    if (sum>k) y[i][j]-=sum-k;
                    else y[i][j]+=k-sum;
                    ++nr;
                }
            }

    if (!nr) g<<"DA\n";
    else
    {
        g<<"NU\n";
        for (i=1; i<=n; ++i)
        {
            g<<x[i][1]<<" "<<y[i][1];
            for (j=2; j<=m; ++j) g<<" "<<x[i][j]<<" "<<y[i][j];
            g<<"\n";
        }
    }
    f.close();
    g.close();
    return 0;
}

```

Alf și Zilla plănuiesc să se uite anul acesta la televizor la Jocurile Olimpice (J.O.) și să urmărească cu interes toate probele sportive. Cei doi vor să știe la finalul competiției câte medalii a obținut fiecare țară participantă. Alf și Zilla se hotărăsc să calculeze singuri acest clasament, deoarece nu vor să se bazeze pe televizorul lor, care e de pe vremea bunicului Torbjørn și care se poate strica exact în momentul afișării acestui clasament pe ecran.

Pentru a-și ușura munca, Alf și Zilla codifică cu câte un număr s fiecare probă sportivă din cadrul J.O.. Fiecare țară participantă la o probă sportivă este reprezentată numai de un singur sportiv. Astfel, Alf și Zilla codifică fiecare sportiv cu câte un număr t , semnificând țara pe care o reprezintă. Cei doi nu uită aceste numere asociate, și le folosesc pe aceleași pe tot parcursul competiției.

Pe toată durata J.O., pentru fiecare evoluție a unui concurent, Alf și Zilla notează într-un fișier câte o secvență de forma $s \ t \ p_i \ p_z$, unde s reprezintă codul probei sportive, t reprezintă codul țării participantului, iar p_i și p_z formează punctajul obținut, p_i fiind partea întreagă iar p_z partea zecimală. Este cunoscut faptul că un concurent poate evolua de mai multe ori la o probă, punctajul său final fiind cel maxim.

La sfârșitul unei probe, sportivul ce obține punctaj maxim primește *medalia de aur*, sportivul ce obține al doilea punctaj valoric primește *medalia de argint*, iar sportivul ce obține al treilea punctaj valoric primește *medalia de bronz*. Pentru că un sportiv este identificat prin codul țării de proveniență, spunem că țara este premiată cu una din medalii de *aur*, *argint* sau *bronz*.

Cerință

Să se determine numărul de probe sportive distincte și numărul de țări participante din competiție precum și câte medalii de fiecare tip a obținut fiecare țară participantă.

Date de intrare

Fișierul de intrare `jo.in` conține pe prima linie numărul natural n reprezentând numărul total de evoluții care au avut loc la Jocurile Olimpice din acest an. Pe următoarele n linii se află câte patru numere naturale, separate prin câte un spațiu, $s \ t \ p_i \ p_z$ cu semnificația din enunț.

Date de ieșire

Fișierul de ieșire `jo.out` va conține pe prima linie două numere naturale NrS și NrT separate printr-un spațiu, reprezentând numărul de probe sportive distincte din competiție, respectiv numărul de țări distincte participante la Jocurile Olimpice. Următoarele NrT linii vor conține câte patru numere naturale, separate prin câte un spațiu, $t \ a \ g \ b \ r$, unde a , g și $b \ r$ reprezintă numărul de medalii de aur, argint respectiv bronz obținute de țara cu codul t , aceste linii fiind ordonate crescător în funcție de codul țării, t .

Restricții și precizări

$3 \leq n \leq 300$; $1 \leq s, t \leq 500$; $0 \leq p_i \leq 200$; $0 \leq p_z \leq 9$

Pentru fiecare probă sportivă vor fi cel puțin 3 participanți.

Prin *parte întreagă* se înțelege numărul din fața virgulei unui număr real, iar prin *parte zecimală* se înțelege numărul de după virgulă.

Pentru fiecare probă sportivă vor fi acordate exact trei medalii. Nu vor exista sportivi cu același punctaj pe primele trei poziții.

Codurile probelor sportive respectiv codurile țărilor participante nu sunt neapărat numere consecutive.

Se acordă 30% din punctaj pentru afișarea corectă a numărului de probe sportive distincte din competiție și a numărului de țări distincte participante la Jocurile Olimpice.

jo.in	jo.out	Explicație
8	2 5	La competiție au loc 2 probe sportive (având codurile 1 și 3) și participă 5 țări (având codurile 2, 4, 5, 7 și 10). - Țara 2 are o singură medalie, de argint, la proba 1 (cu punctajul 4.1) (sportivul evoluează de două ori, obținând punctajele 1.5 și 4.1, punctajul final pentru el fiind 4.1). - Țara 4 are o singură medalie, de bronz, la proba 3 (cu punctajul 5.5). - Țara 5 are o singură medalie, de bronz, la proba 1 (cu punctajul 2.5). - Țara 7 are două medalii de aur, una la proba 1 (cu punctajul 10.5), iar cealaltă la proba 3 (cu punctajul 6.2). - Țara 10 are o singură medalie, de argint, la proba 3 (cu punctajul 6.1).
1 2 1 5	2 0 1 0	
3 4 5 5	4 0 0 1	
1 5 2 5	5 0 0 1	
1 2 4 1	7 2 0 0	
3 7 6 2	10 0 1 0	
1 7 10 5		
3 10 6 1		
1 10 0 5		

TimP maxim de execuție/test: 1 secunde

Memorie totală disponibilă: 8Mb/2Mb pentru stivă

Soluție- Cohal Alexandru

Soluția 1.1 – 100 puncte

Vom reține cele mai bune trei punctaje de la fiecare probă sportivă în trei matrici: **tara[i][j]**, **intreg[i][j]** și **zecimal[i][j]**, **i** fiind codul unei probe sportive, $1 \leq i \leq 500$ (500 fiind numărul maxim de probe sportive), iar **j** fiind indicele pentru poziția pe podium, $1 \leq j \leq 3$.

- ☐ În matricea **tara** vom reține codul țării care a ocupat poziția **j** la proba sportivă **i**;
- ☐ În matricea **intreg** vom reține partea întreagă a punctajului sportivului din țara **tara[i][j]** care a ocupat poziția **j** la proba sportivă **i**;
- ☐ În matricea **zecimal** vom reține partea zecimală a punctajului sportivului din țara **tara[i][j]** care a ocupat poziția **j** la proba sportivă **i**.

La fiecare citire a unei secvențe, se actualizează cele trei matrici, avându-se în vedere următoarele cazuri:

- ☐ Dacă sportivul din secvența citită la momentul curent se află deja printre primii trei la proba sportivă la care participă, se actualizează punctajul său dacă acum a obținut unul mai mare și urcă în clasament dacă este cazul;
- ☐ Dacă sportivul din secvența citită la momentul curent **nu** se află deja printre primii trei la proba sportivă la care participă, se compară punctajul său cu punctajele primilor trei și se actualizează clasamentul dacă este cazul.

Totodată, la citirea unei secvențe se marchează în vectorul **okT** cu valoarea **1** țara cu codul din secvență ca fiind participantă la Jocurile Olimpice, și se contorizează în funcție de acest vector numărul de țări participante, **NrT**. La fel se face și pentru probele sportive.

După crearea completă a clasamentului, se parcurg e matricea **tara** si se actualizeaza vectorii **aur[i]**, **argint[i]** și **bronz[i]** care rețin câte medalii de aur, câte de argint, respectiv câte de bronz a obținut țara cu codul **i** la toate probele sportive.

La sfârșit se afișează valorile **NrT** și **NrS** calculate anterior precum și pentru fiecare țară care are componenta din vectorul **okT** egală cu **1** codul acestei țări urmat de componentele corespondente din vectorii aur, argint și bronz.

Soluția 1.2 – 100 puncte

Vom reține cele mai bune trei punctaje de la fiecare probă într-o matrice de structuri având componentele **tara**, **intreg** și **zecimal**.

Soluția în continuare este la fel ca cea prezentată anterior.

Soluția 2.1 – 100 puncte

Vom reține punctajul (partea întreagă și partea zecimală) ca un număr real. Vom reține cele mai bune trei punctaje de la fiecare probă sportivă în două matrici: **tara[i][j]** și **punctaj[i][j]**, **i** fiind codul unei probe sportive, $1 \leq i \leq 500$ (500 fiind numărul maxim de probe sportive), iar **j** fiind indicele pentru poziția pe podium, $1 \leq j \leq 3$.

- ☐ În matricea **tara** vom reține codul țării care a ocupat poziția **j** la proba sportivă **i**;
- ☐ În matricea **punctaj** vom reține punctajul (ca număr real) sportivului din țara **tara[i][j]** care a ocupat poziția **j** la proba sportivă **i**.

Soluția în continuare este la fel ca *Soluția 1.1*.

Soluția 2.2 – 100 puncte

Vom reține cele mai bune trei punctaje de la fiecare probă într-o matrice de structuri având componentele **tara** si **punctaj**, **punctaj** fiind punctajul reținut ca număr real.

Soluția în continuare este la fel ca *Soluția 1.2*.

```
/*Solutie 1.1
Autor: Alexandru Cohal*/
#include<fstream>
using namespace std;
#define SMAX 510
#define TMAX 510

int n;
int tara[SMAX][4],intreg[SMAX][4],zecimal[SMAX][4];
bool okT[TMAX],okS[SMAX];
int nrT,nrS;
int taraMax,probaMax;
int aur[TMAX],argint[TMAX],bronz[TMAX];
```

```

void updateTara(int x)
{
    taraMax = max(taraMax, x);

    if (okT[x] == 0)
    {
        okT[x] = 1;
        nrT ++;
    }
}

void updateProbaSport(int x)
{
    probaMax = max(probaMax, x);

    if (okS[x] == 0)
    {
        okS[x] = 1;
        nrS ++;
    }
}

void interschimbare(int lin, int col1, int col2)
{
    swap(tara[lin][col1], tara[lin][col2]);
    swap(intreg[lin][col1], intreg[lin][col2]);
    swap(zecimal[lin][col1], zecimal[lin][col2]);
}

void citire_actualizare()
{
    int i;
    int s,t,pi,pz;

    FILE *fin;
    fin = fopen("jo.in", "r");

    fscanf(fin, "%d", &n);
    for (i=1; i<=n; ++i)
    {
        fscanf(fin, "%d %d %d %d", &s,&t,&pi,&pz);

        updateTara(t);
        updateProbaSport(s);

        //daca sportivul din tara t se afla deja in clasament
        if (tara[s][1] == t) //daca ocupa pozitia 1
        {
            if (pi > intreg[s][1] || (pi == intreg[s][1] && pz > zecimal[s][1]))
            {
                intreg[s][1] = pi;
                zecimal[s][1] = pz;
            }
        }
        else
            if (tara[s][2] == t) //daca ocupa pozitia 2
            {
                if (pi > intreg[s][2] || (pi == intreg[s][2] && pz > zecimal[s][2]))

```

```

        {
            intreg[s][2] = pi;
            zecimal[s][2] = pz;
            if (intreg[s][2] > intreg[s][1] || (intreg[s][2] >=
intreg[s][1] && zecimal[s][2] > zecimal[s][1]))
                interschimbare(s,1,2);
        }
    }
    else
        if (tara[s][3] == t) //daca ocupa pozitia 3
        {
            if (pi > intreg[s][3] || (pi == intreg[s][3] && pz >
zecimal[s][3]))
            {
                intreg[s][3] = pi;
                zecimal[s][3] = pz;
                if (intreg[s][3] > intreg[s][2] || (intreg[s][3] >=
intreg[s][2] && zecimal[s][3] > zecimal[s][2]))
                {
                    interschimbare(s,2,3);
                    if (intreg[s][2] > intreg[s][1] || (intreg[s][2]
>= intreg[s][1] && zecimal[s][2] > zecimal[s][1]))
                        interschimbare(s,1,2);
                }
            }
        }
    else
        //daca sportivul din tara t nu se afla deja in clasament
        {
            if (pi > intreg[s][3] || (pi >= intreg[s][3] && pz >
zecimal[s][3]))
                //daca are un punctaj mai bun decat cel de pe pozitia 3
                {
                    intreg[s][3] = pi;
                    zecimal[s][3] = pz;
                    tara[s][3] = t;
                    if (intreg[s][3] > intreg[s][2] || (intreg[s][3] >=
intreg[s][2] && zecimal[s][3] > zecimal[s][2]))
                        //daca are un punctaj mai bun decat cel de pe pozitia 2
                        {
                            interschimbare(s,2,3);
                            if (intreg[s][2] > intreg[s][1] || (intreg[s][2]
>= intreg[s][1] && zecimal[s][2] > zecimal[s][1]))
                                //daca are un punctaj mai bun decat cel de pe
pozitia 1
                                interschimbare(s,1,2);
                        }
                }
        }
    }

    fclose(fin);
}

void medalii()
{
    int i;

```

```

//numar cate medalii de fiecare tip are fiecare tara
for (i=1; i<=probaMax; ++i)
    if (okS[i] == 1)
    {
        aur[tara[i][1]]++;
        argint[tara[i][2]]++;
        bronz[tara[i][3]]++;
    }
}

void afisare()
{
    int i;

    FILE *fout;
    fout = fopen("jo.out", "w");

    fprintf(fout, "%d %d\n", nrS, nrT);
    for (i=1; i<=taraMax; ++i)
        if (okT[i] == 1)
            fprintf(fout, "%d %d %d %d\n", i, aur[i], argint[i], bronz[i]);

    fclose(fout);
}

int main()
{
    citire_actualizare();
    medalii();
    afisare();

    return 0;
}

```

Clasa a VII-a

KPuteri-Netedu Mircea Andrei

100 puncte

Benvolio este elev in clasa a VII-a la Liceul de informatica „Grigore Moisil”. El a învățat recent la informatică ce este un pătrat perfect și să numere de câte ori apare un factor prim în descompunerea produsului primelor N numere naturale, dar cum nu a fost foarte atent la oră, profesorul i-a dat o temă specială. El a primit un număr M și un șir A cu N numere naturale prime. Profesorul i-a cerut să numere, pentru fiecare număr K din șirul A , de câte ori apare în descompunerea în factori primi a produsului primelor M pătrate perfecte.

Benvolio nu știe să rezolve o problemă atât de complexă, dar nu vrea nici să-ți dezamăgească profesorul. El vă promite că, dacă îl veți ajuta, vă va răsplăti cu 100 de puncte.

Cerință

Pentru un număr M și un șir A de N numere naturale prime, se cere să se numere, pentru fiecare număr K din șirul A de câte ori apare el în descompunerea în factori primi a produsului primelor M pătrate perfecte.

Date de intrare

Pe prima linie a fișierului `kputeri.in` se vor afla numerele naturale M și N printr-un spațiu. Pe a doua linie se va afla un șir A cu N numere naturale prime separate print-un spațiu.

Date de ieșire

Fișierul de ieșire `kputeri.out` conține o singura linie, pe care se va afla un șir de M numere, fiecare reprezentând răspunsul la cerința, pentru numărul prim corespunzător din șirul inițial M .

Restricții si Precizări

Numarul din sirul A nu sunt neaparat distincte.

$0 < n, m < 200000$, $0 < k < 5000$

kputeri.in	kputeri.out	Explicații
5 3 2 3 5	6 2 2	Primele 5 pătrate perfecte sunt: 1, 4, 9, 16, 25. Descompunerea lor in factori prim este: 2^2 , 3^2 , 2^4 , 5^2 . $1*4*9*16*25=2^6*3^2*5^2$ Șirul M conține 3 elemente: 2, 3, 5. 2 apare ca factor prim în descompunerea primelor 5 pătrate perfect de 6 ori. 3 apare ca factor prim în descompunerea primelor 5 pătrate perfect de 2 ori. 5 apare ca factor prim în descompunerea primelor 5 pătrate perfect de 2 ori.

Timp maxim de execuție/test: 1 secundă

Memorie disponibilă: 16Mb / 2 Mb pentru stivă

Soluție- Netedu Mircea Andrei

$$E=1^2 * 2^2 * 3^2 * 4^2 * \dots * m^2 = (1*2*3*4*\dots*m)^2$$

Notam cu P puterea maxima la care apare k in descompunerea produsului primelor m numere.

$P = (m/k) + (m/k^2) + \dots + (m/k^y)$, unde $y \in \mathbb{N}^*$ cu proprietatea ca $k^y \leq m$ si $k^{y+1} > m$.

$$E = (k^{P*x})^2 = k^{2*P} * x^2, x \in \mathbb{N}^*$$

Cum $(x,k)=1 \Rightarrow (x^2,k)=1 \Rightarrow$

$\Rightarrow$ Puterea la care apare K in descompunerea produsului primelor m patrate perfecte este $2*P$.

```
#include<stdio.h>
```

```
long n,m,nr,i,k,a[6000];
```

```
int main()
```

```
{
```

```
    freopen("kputeri.in", "r", stdin);
```

```
    freopen("kputeri.out", "w", stdout);
```

```
    scanf("%ld %ld", &n, &m);
```

```
    for(i=1; i<=m; i++)
```

```
    {
```

```
        scanf("%ld", &k);
```

```
        if(a[k]==0)
```

```
        {
```

```
            nr=k;
```

```
            while(n/nr>0)
```

```
            {
```

```
                a[k]+=n/nr;
```

```
                nr+=nr;
```

```
            }
```

```
        }
```

```
        printf("%ld ", a[k]*2);
```

```
    }
```

```
    return 0;
```

```
}
```

Clasa a VII-a

Problema Pachete-Andrici Cezar Constantin

100 puncte

Când își face bagajul pentru ONI, Porro își amintește că a promis colegilor că va aduce mai multe pachete de cărți. Fratele lui fiind mai mic, a amestecat toate pachetele pe care le avea prin casă, chiar pierzând câteva cărți.

Cerință

Fiind grăbit, vă cere ajutorul să-i spuneți câte pachete complete are și câte cărți îi mai trebuie pentru a completa pachetele incomplete.

Date de intrare

Fișierul de intrare pachete.in va conține două linii. Pe prima linie va fi numărul de cărți pe care le-a găsit. Pe a doua linie vor fi scrise, separate de câte un spațiu, cărțile găsite. Pentru fiecare carte va fi dată prin două caractere alăturate, primul reprezentând valoarea, iar al doilea culoarea cărții respective.

Date de ieșire

Fișierul de ieșire pachete.out va conține, pe prima linie, numărul de cărți care-i lipsesc pentru a nu lăsa nici un pachet incomplet. Pe a doua linie va fi numărul de pachete complete pe care le poate obține.

Restricții și precizări

- Un pachet complet conține toate combinațiile posibile dintre {2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, Z, J, Q, K, A} și {I, R, F, T}, Z codifică valoarea 10.
- Un pachet incomplet este un pachet căruia îi lipsesc câteva cărți.
- $1 \leq \text{numărul de cărți} \leq 10^6$

pachete.in	pachete.out	Explicații
53 2I 2I 2F 2R 2T 3I 3F 3R 3T 4I 4F 4R 4T 5I 5F 5R 5T 6I 6F 6R 6T 7I 7F 7R 7T 8I 8F 8R 8T 9I 9F 9R 9T ZI ZF ZR ZT JI JF JR JT QI QF QR QT KI KF KR KT AI AF AR AT	51 1	Porro poate completa un pachet complet, și rămâne cu o singură carte, deci mai trebuie 51 de cărți. În acest tabel, datorită spațiului insuficient, cărțile nu apar scrise pe o singură linie, ca în fișierele de intrare/ieșire.

Timp maxim de execuție/test: 0,7 secunde

Memorie disponibilă: 2Mb / 1Mb pentru stivă

Soluție-Andrici Cezar Constantin

Facem o matrice de frecvență cu 5 linii și 15 coloane. $a[i][j]$ = numărul de exemplare a cărții care are culoarea i și valoarea j (ji). Pentru valorile I, R, F, T vom folosi valorile 1, 2, 3, 4, iar pentru Z, J, Q, K, A vom folosi indicii 10, 11, 12, 13, 14. Se observă că numărul de pachete pe care le poate face e minimul din matrice. Numărul de cărți care îi mai trebuie este = $52 * \text{valoarea maximă din matrice} - \text{numărul de cărți care se dau}$.

```
#include <stdio>
```

```
int min, max, j, s, a[5][15], x, i, N;  
char nr, cul;
```

```
int trsf(char c) {  
    switch (c) {  
        case 'J':  
            return 11;  
        break;  
        case 'Q':  
            return 12;  
        break;  
        case 'K':  
            return 13;  
        break;  
        case 'A':  
            return 14;  
        break;  
        case 'I':  
            return 1;  
        break;  
        case 'R':  
            return 2;  
        break;  
        case 'F':  
            return 3;  
        break;  
        case 'T':  
            return 4;  
    }
```

```

        break;
    }

    return c - '0';
}

int main() {
    freopen("pachet.in", "r", stdin);
    freopen("pachet.out", "w", stdout);

    scanf("%d\n", &N);

    for (i = 1; i <= N; ++i) {
        scanf("%c%c ", &nr, &cul);
        x = ++a[trsf(cul)][trsf(nr)];
        max = (max < x)?x:max;
    }

    for (i = 1; i <= 4; ++i) {
        for (j = 1; j <= 14; ++j) {
            min = (min > a[i][j])?a[i][j]:min;
        }
    }

    printf("%d\n%d\n", max*52-N, min);

    return 0;
}

```

Clasa a VIII-a

Char-virus-Negruș Ștefan

100 puncte

Char-virus este un virus care transformă șirurile de litere mici, făcând înlocuiri impuse de un alfabet virusat. Un **alfabet virusat** are n litere distincte $v_1v_2 \dots v_n$, ordonate astfel încât un caracter v_i are puterea de substituție mai mare decât caracterele $v_1v_2 \dots v_{i-1}$. Pe un șir de litere din același alfabet, Char-virus acționează astfel: într-o secundă, parcurge șirul de la stânga la dreapta și crează un nou șir temporar în care fiecare caracter este egal cu cel din șirul original, dacă vecinii săi au putere de substituție mai mică sau egală decât a lui, în caz contrar este egal cu caracterul vecin cu puterea de substituție cea mai mare. Șirul original este înlocuit de cel temporar și va fi transformat în continuare. După un număr de secunde în care Char-virus acționează repetat, șirul va deveni **uni-virusat**, adică va fi format din caractere identice.

Cerința

Să se determine pentru fiecare dintre cele m șiruri virusate date, numărul minim de secunde după care acesta devine **uni-virusat**.

Date de intrare

Pe prima linie a fișierului `virus.in` se află două numere naturale nenule n și m cu semnificațiile din enunț. Pe următoarea linie sunt date cele n caractere $v_1v_2v_3 \dots v_n$ ale alfabetului virusat în ordinea crescătoare a puterii lor de substituție.

Fiecare dintre următoarele m linii are forma:

$K \ c_1c_2 \dots c_K$

unde K =lungimea șirului virusat iar $c_1c_2 \dots c_K$ literele din care este format. Șirurile sunt formate doar din litere mici, nu neapărat distincte, ale alfabetului virusat.

Date de ieșire

Fișierul de ieșire `virus.out` va conține m linii, pe fiecare linie fiind scris numărul minim de secunde necesare transformării șirului corespunzător într-un șir **uni-virusat**.

Restricții

$1 \leq n \leq 26$; $1 \leq m \leq 40$; $1 \leq K \leq 25000$

Pentru 50% din teste $1 \leq K \leq 128$.

virus.in	virus.out	Explicații
6 4 bcaqxt 9 abbbbaaba 7 cbqtbbsc 4 qtcq 6 bbbbbb	2 3 2 0	Șirul abbbbaaba se modifică astfel: Secunda 1: aabaaaaaa, pentru ca a are puterea de substituție mai mare decât b (se află după b în alfabetul virusat); Secunda 2: aaaaaaaaa, șirul devenind uni-virusat. Șirul cbqtbbsc se modifică astfel: Secunda 1: cqttttcc Secunda 2: qttttttc Secunda 3: tttttttt Șirul qtcq se modifică astfel: Secunda 1: tttq Secunda 2: tttt Șirul bbbbbb este deja uni-virusat.

Timp maxim de execuție/test: 0,1 secundă

Memorie disponibilă: 4Mb / 1Mb pentru stivă

Soluție-Negrus Ștefan

Soluție 50 puncte **O (N * K²)**

Pentru fiecare șir de caractere se crează un șir nou în care se modifică fiecare caracter în funcție de caracterele vecine în șirul inițial, conform regulii descrise în enunț. Iar în urma modificărilor șirul vechi este înlocuit de șirul nou. O mică optimizare se poate face prin crearea soluției în felul următor :

Fie A[] șirul inițial, fie B[] șirul nou format, în această etapă ar fi necesară copierea caracterelor din șirului B în șirul A, însă situația următoare se poate construi direct din șirul B în șirul A. Etapele fiind:

A → B

B → A

A → B

.

.

cât timp se produc modificări

Soluție 100 puncte **O (N * K)**

Se poate observa ca în fiecare șir va exista un caracter care are cea mai mare putere de substituție astfel că acesta va fi unicul caracter din șirul uni-virusat determinat de șirul inițial. Datorită acestui lucru putem să ținem cont doar de pozițiile acelui caracter și să verificăm doar distanțele dintre aparițiile acestui caracter.

Considerăm șirurile indexate de la 0 și fie 'Z' caracterul cu puterea de substituție cea mai mare și avem exemplul (caracterul '.' înlocuiește celelalte caractere, în sensul ca nu ținem cont de acestea):

```
|.....Z.....ZZ.....Z.....ZZZZZZ.....Z.....|
|...Ds...Z.....Di...ZZ.....Di..Z.....Di.....ZZZZZZ.....Di...Z.....Df.....|
```

Ds = distanța de la început până la primul caracter = poziția primului caracter

Df = distanța de la ultima apariție a caracterului 'Z' până la sfârșitul șirului

Di (i = 1..t) = distanța între două apariții ale caracterului 'Z', însă vom considera această distanță/2 deoarece la fiecare pas această diferență scade cu 2, ambele caractere substituie caracterele alăturate în același timp.

În concluzie valoarea căutată pentru fiecare șir = max (Ds , Df , Di) , cu i = 1..t , unde t = numărul de distanțe.

```
/* Negrus Ștefan - virus - 100 */
#include<fstream>
```

```
#define INfile "virus.in"
#define OUTfile "virus.out"
```

```
#define NMAX 25009
```

```
using namespace std ;
```

```

ifstream F ( INfile ) ;
ofstream G ( OUTfile ) ;

int N , M ;

char V [ 27 ] ;
char S [ NMAX ] ;
int val [ 27 ] ;

void read () ;
void solve () ;

int main ()
{
    int i ;
    read () ;
    for ( i = 1 ; i <= M ; ++ i )
        solve () ;
    G.close () ;
    F.close () ;
    return 0 ;
}

void read ()
{
    int i ;
    F >> N >> M ;
    F.get () ;
    F.getline ( V , 30 ) ;
    for ( i = 0 ; i < N ; ++ i )
        val [ V [ i ] - 'a' ] = i ;
}

void solve ()
{
    int K ;
    int pozl , pozf , i , lmax , Z , pozi , dist ;
    F >> K >> S ;
    Z = -1 ;
    lmax = -1 ;
    pozl = 0 ;
    for ( i = 0 ; i < K ; ++i )
    {
        if ( val [ S [ i ] - 'a' ] > Z )
        {
            lmax = i ;
            pozl = i ;
            Z = val [ S [ i ] - 'a' ] ;
        }
        else if ( val [ S [ i ] - 'a' ] == Z )
        {
            dist = ( i - pozl ) >>1 ;
            if ( dist > lmax )
                lmax = dist ;
            pozl = i ;
        }
    }
    dist = K - pozl - 1 ;
    if ( dist > lmax )
        lmax = dist ;
    G << lmax << '\n' ;
}

```

Materii-Filimon Marta Diana și Cohal Alexandru

100 puncte

Ruxandra a mers să se înscrie la facultate împreună cu frații ei mai mici Alf și Zilla. Aceștia au remarcat că vor fi nevoiți să aștepte o vreme, așa că au inventat un joc inspirat de foaia matricolă a surorii lor.

Foaia matricolă a Ruxandrei conține un tabel cu n linii și m coloane completat cu punctajele obținute de ea în timpul liceului, în ordine cronologică, fiecare linie reprezentând câte o materie.

Jocul inventat are *definiții* și urmează doi *pași*.

Definiții:

- 1) O materie are **proprietatea 1** dacă scriind punctajele unul lângă altul obținem un număr palindrom.
- 2) O materie are **proprietatea 2** dacă suma punctajelor obținute într-o perioadă de timp este divizibilă cu k , dat.
- 3) O materie are **proprietatea 3** dacă are **proprietățile 1 și 2**.

Pași jocului:

- 1) Se elimină toate materiile ce au **proprietatea 3**.
- 2) Oricare două materii consecutive, în care prima materie are **proprietatea 1** și a doua materie are **proprietatea 2**, se elimină.

Cerință

Ajutați-i pe Alf și Zilla să determine:

- a) numărul de materii care au doar **proprietatea 1**
- b) numărul de materii care au doar **proprietatea 2**
- c) numărul de materii care au **proprietatea 3**
- d) numărul de materii care **nu sunt eliminate**.

Date de intrare

Pe prima linie a fișierului `materii.in` se vor afla două numere întregi separate printr-un singur spațiu, n și m reprezentând numărul de materii, respectiv numărul de punctaje pe care le-a obținut Ruxandra la fiecare materie. Pe a doua linie a fișierului se va afla numărul natural k , cu semnificația din enunț, iar pe următoarele n linii se vor afla câte m numere naturale separate prin câte un spațiu, reprezentând punctajele din foaia matricolă a Ruxandrei.

Date de ieșire

Fișierul `materii.out` va conține patru numere separate prin câte un spațiu, reprezentând răspunsurile la cele patru cerințe în ordinea: cerința **a**, **b**, **c**, **d**.

Restricții și precizări

$4 \leq n, m, k \leq 2000$

Pentru 50% din teste $m \leq 100$.

Pentru alte 20% din teste $k \leq m$.

Punctajele sunt numere întregi cuprinse în intervalul $[1, 10000]$.

Dacă o materie este **eliminată** atunci linia corespunzătoare ei dispare din foaia matricolă adică toate punctajele materiilor care sunt după aceasta, urcă cu o linie mai sus.

Un număr este **palindrom** dacă citit de la dreapta la stânga este egal cu numărul citit de la stânga la dreapta.

Se va acorda 10% din punctaj pentru cerința **a**, 20% din punctaj pentru cerința **b**, 10% din punctaj pentru cerința **c**, iar restul de 60% se va acorda pentru rezolvarea tuturor celor patru cerințe.

Exemplu

<code>materii.in</code>	<code>materii.out</code>	explicații
5 5 10 7 9 11 9 7 3 3 3 3 3 7 21 5 4 19 5 9 3 8 6 5 53 8 8 355	2 2 1 2	Materia 1 are proprietatea 3 (791197 este palindrom și $(1+9):10=2\text{rest}0$). Materia 2 are proprietatea 1 (33333 este palindrom). Materia 3 are proprietatea 2 ($(21+5+9):10=3\text{rest}0$). Materia 4 are proprietatea 2 ($(9+3+8):10=2\text{rest}0$). Materia 5 are proprietatea 1 (55388355 este palindrom).

Timp maxim de execuție/test: 3 secunde

Memorie disponibilă: 16Mb / 2 Mb pentru stivă

Soluție-Cohal Alexandru și Filimon Marta

Pentru a verifica dacă o materie are **proprietatea 1** concatenăm pe rând toate punctajele de la fiecare materie într-un șir de caractere, iar apoi verificăm dacă acest șir de caractere este palindrom.

Pentru a verifica dacă o materie are **proprietatea 2** aplică *principiul lui Dirichlet* astfel: Întâi calculăm pentru fiecare punctaj de la o materie suma tuturor punctajelor până la punctajul curent, inclusiv punctajul curent. Dacă una dintre aceste sume este divizibilă cu numărul k , atunci materia are **proprietatea 2**. Dacă nu avem nicio astfel de sumă, căutăm dacă există două dintre aceste sume care sa aibă același rest la împărțirea la numărul k . Dacă am găsit două astfel de sume, atunci materia are **proprietatea 2**.

Dacă o materie are atât **proprietatea 1** cât și **proprietatea 2**, atunci ea are **proprietatea 3**.

Actualizăm numărul de materii care au **proprietatea 1**, **proprietatea 2** sau **proprietatea 3**.

Dacă o materie are **proprietatea 1**, **proprietatea 2** sau nicio proprietate, adăugăm numărul proprietății (1, 2 sau 0 (pentru materia cu nicio proprietate)) într-o stivă. Atunci când avem în stivă o secvență formată dintr-un 1 și un 2 în această ordine, eliminăm aceste două elemente și continuăm verificarea. Numărul de elemente care rămân în stivă reprezintă numărul de materii care nu sunt eliminate.

```
#include<fstream>
#include<cstdlib>
#include<cstring>
#define NMAX 2012

using namespace std;

ifstream f("materii.in");
ofstream g("materii.out");

int a[NMAX], fr[NMAX], st[NMAX], nst=0, nr1, nr2, nr3, n,
m, k;
char c[4*NMAX], nr[10];

int tip2()
{
    int i, ok=0;

    for (i=1; i<k; ++i)
    {
        if (fr[i]>1) ok=1;
        fr[i]=0;
    }

    if (fr[0]>0) {ok=1; fr[0]=0;}

    return ok;
}

int tip1()
{
    int p=0, u=strlen(c)-1, ok=1;

    while (p<u)
    {
        if (c[p]!=c[u]) {ok=0; break;}
        ++p;
        --u;
    }

    return ok;
}
```

```

void Solve()
{
    int i, j, s=0, tip;

    f>>n>>m>>k;

    for (i=1; i<=n; ++i)
    {
        for (j=1; j<=m; ++j)
        {
            f>>a[j];
            s=(s+a[j])%k; ++fr[s];
            itoa(a[j], nr, 10);
            strcat(c, nr);
        }
        tip=0;

        if (tip1()) ++tip;
        if (tip2()) tip+=2;

        if (tip==1)
        {
            ++nr1;
            st[++nst]=1;
        }
        if (tip==2)
        {
            ++nr2;
            if (st[nst]==1) st[nst--]=0;
            else st[++nst]=2;
        }
        if (tip==0) st[++nst]=0;
        if (tip==3) ++nr3;

        s=0; c[0]='\0';
    }
    g<<nr1<<" "<<nr2<<" "<<nr3<<" "<<nst<<"\n";
}

int main()
{
    Solve();

    f.close();
    g.close();
    return 0;
}

```

Clasa a IX-a

Spirala-Stoian Vlad

100 puncte

Raţuşca Ducky este o raţuşcă ametiţă. Ei îi place foarte mult să se învârtă în spirală şi să mănânce ouă din ciocolată. Într-o zi s-a gândit ca la ora mesei să îşi pună în spirală, începând din mijloc şi apoi în sensul acelor de ceasornic (în imaginea alăturată este exemplificată o spirală 5×5), la fiecare pas, atâtea ouă câţi paşi îi va lua să ajungă până acolo. Fiind ametiţă, ea îşi aminteşte să mănânce ouăle doar când ajunge pe una dintre cele 2 diagonale.

Cerinţă

Având ca intrare lungimea N a laturii spiralei, Ducky vă roagă să-i spuneţi câte ouă de ciocolată îşi va aminti să mănânce dacă trece prin toată spirala.

<u>21</u>	22	23	24	<u>25</u>
20	<u>7</u>	8	<u>9</u>	10
19	<u>6</u>	<u>1</u>	<u>2</u>	11
18	<u>5</u>	4	<u>3</u>	12
<u>17</u>	16	15	14	<u>13</u>

Date de intrare

Din fișierul de intrare `spirala.in` se citește numărul natural N impar.

Date de ieșire

În fișierul `spirala.out` se va scrie numărul total T de ouă pe care le-a mâncat rățușca (modulo 2 223 333 667).

Restricții

$1 < N < 1\,000\,000$, N este număr impar

<code>spirala.in</code>	<code>spirala.out</code>
5	101
3	25

Soluție- Stoian Vlad

Se observa ca numerele cautate se gasesc dupa urmatorul model: incepem cu 1 dupa care adaugam 2 de 4 ori, apoi 4 de 4 ori, 6 de 4 ori, 8 de 4 ori, 2k de 4 ori. (1, 3, 5, 7, 9, 13, 17, 21, 25, 31, 37, 43...)

Pentru retinerea sumei trebuie folosita o variabila de tip unsigned int (sau long long). In caz ca e unsigned, trebuie atentie la depasiri. In caz ca suma depaseste unsigned int, trebuie scazuta mai intai valoarea modulo-ului.

```
#include <stdio.h>
```

```
/*
 * PROBLEMA: Spirala
 *
 * AUTOR: Vlad Stoian
 */

unsigned int mod_value = 2223333667;

unsigned int get_diag_sum(unsigned int n)
{
    unsigned int sum = 1;
    unsigned int count = 1;
    for (unsigned int i = 1; i <= (n>>1); i++)
    {
        for (unsigned int j = 0; j < 4; j++)
        {
            count = (count + (i*2)) % mod_value;
            if ( (sum + count) < sum)
            {
                sum -= mod_value;
            }
            sum = (sum + count) % mod_value;
        }
    }

    return sum;
}

int main()
{
    FILE *fin, *fout;

    fin = fopen("spirala.in", "rt");
    int n;
    fscanf(fin, "%d", &n);
    fclose(fin);
```

```
fout = fopen("spirala.out", "wt");
unsigned int sum = get_diag_sum(n);
fprintf(fout, "%u\n", sum);
fclose(fout);

return 0;
}
```

Problemele de concurs 2011

Clasa a V-a

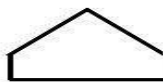
Zid – Onuțu Codrin

100 puncte

Căpitanul din garda Regelui Arthur este responsabil de protejarea cetății. El are un număr de **N** oameni pentru a-i pune în poziții în spatele zidului. Știind înălțimea zidului în poziții, dar și aspectul lui (aspect de **vale** sau de **munte**) și faptul că **zidul este simetric față de mijloc**, să se determine un mod de a aranja soldații pentru a apăra cetatea astfel încât ei să aibă vizibilitate. Un soldat are vizibilitate dacă este cu cel puțin 20 de centimetri mai înalt decât zidul din fața sa.



aspect de vale



aspect de munte

Cerință

Determinați un mod de a aranja corect toți soldații.

Date de intrare

Pe prima linie se vor afla numerele **N** de poziții și un număr întreg **x** cu valoarea 1 dacă zidul are aspect de vale sau 2 dacă zidul are aspect de munte. Pe următoarea linie se găsesc **N** valori reprezentând înălțimile soldaților, iar pe a treia linie vor fi **N** valori reprezentând înălțimea zidului în pozițiile în care căpitanul vrea să-și pună soldații.

Date de ieșire

Pe prima linie se va afișa amplasarea soldaților de-a lungul zidului. Se va afișa -1 dacă nu există un mod corect de a aranja soldații. Este acceptată orice soluție ce îndeplinește condițiile de mai sus.

Restricții

- $3 \leq N \leq 100$.
- $120 \leq \text{înălțimile pozițiilor} \leq 200$
- $150 \leq \text{înălțimile soldaților} \leq 220$

zid.in	zid.out	Explicații
5 2 200 176 189 173 190 150 160 180 160 150	173 189 200 190 176	Zidul are aspect de munte. În fiecare poziție diferența dintre înălțimea soldatului și înălțimea zidului este mai mare sau egal decât 20. (173-150=23, 189-160=29, 200-180=20, 190-160=30, 176-150=26)
6 1 200 180 180 175 199 173 170 160 150 150 160 170	200 180 175 173 180 199	Zidul are aspect de vale. În fiecare poziție diferența dintre înălțimea soldatului și înălțimea zidului este mai mare sau egal decât 20. (200-170=30, 180-160=20, 175-150=25, 173-150=23, 180-160=20, 199-170=29)

Timp maxim de execuție/test: 1 secundă.

Soluție - Onuțu Codrin

```
#include <fstream>
using namespace std;
ifstream in("zid.in");
ofstream out("zid.out");
int n, a[100], j, aux, b[100], c[100], i, aspect, posi, posf, k;
int main()
{
    in>>n>>aspect;
```

```

k=0;
for(i=0;i<n;i++)
    in>>a[i];
for(j=0;j<n;j++)
    in>>b[j];
if(aspect==1)
{
    for(i=0;i<n;i++)
        for(j=i+1;j<n;j++)
            if(a[i]<a[j]) {aux=a[i];a[i]=a[j];a[j]=aux;}
    posi=0;
    posf=n-1;
    for(i=0;i<n;i++)
    {
        if(i%2==0) {c[posi]=a[i];posi++;}
        if(i%2==1) {c[posf]=a[i];posf--;}
    }
    for(i=0;i<n;i++)
        if(!(c[i]-20>=b[i])) {k=1;break;}
}
else
{
    for(i=0;i<n&& k==0;i++)
        for(j=i+1;j<n;j++)
            if(a[i]>a[j]) {aux=a[i];a[i]=a[j];a[j]=aux;}
    posi=0;
    posf=n-1;
    for(i=0;i<n;i++)
    {
        if(i%2==0) {c[posi]=a[i];posi++;}
        if(i%2==1) {c[posf]=a[i];posf--;}
    }
    for(i=0;i<n;i++)
        if(!(c[i]-20>=b[i])) {k=1;break;}
}
if(k==0)
    for(i=0;i<n;i++)
        out<<c[i]<<' ';
else out<<"-1";
out<<'\\n';
in.close();
out.close();
return 0;
}

```

Soluție - Filimon Marta

```

program p1;
type vect=array[1..100] of integer;
var f, g:text;
    a, b:vect;
    i, n, op, ok, u:integer;

procedure ordoneaza(var a:vect);
var i, j, aux:integer;
begin
    for i:=1 to n-1 do
        for j:=i+1 to n do
            if (a[i]>a[j]) then begin aux:=a[i]; a[i]:=a[j]; a[j]:=aux;end;
end;

```

```

begin
  assign(f, 'zid.in'); reset(f);
  assign(g, 'zid.out'); rewrite(g);

  read(f, n, op);
  for i:=1 to n do read(f, a[i]);
  for i:=1 to n do read(f, b[i]);

  ordoneaza(a);
  ordoneaza(b);

  ok:=1;
  for i:=1 to n do
    if (a[i]-b[i]<20) then begin ok:=0; break; end;

  if (ok=0) then writeln(g, '-1')
  else
  if (op=1) then
  begin
    u:=n;
    while (u>0) do
    begin
      write(g, a[u], ' ');
      u:=u-2;
    end;
    if (n mod 2=1) then u:=2
    else u:=1;
    while (u<=n) do
    begin
      write(g, a[u], ' ');
      u:=u+2;
    end;
  end
  else
  begin
    u:=1;
    while (u<=n) do
    begin
      write(g, a[u], ' ');
      u:=u+2;
    end;
    if (n mod 2=1) then u:=n-1
    else u:=n;
    while (u>0) do
    begin
      write(g, a[u], ' ');
      u:=u-2;
    end;
  end;
  close(f);
  close(g);
end.

```

Clasele a V-a și a VII-a

Bombo - Țucăr Liana

100 puncte

De ziua ei, Măgduța are invitați N copii pe care îi servește cu bomboane de N tipuri. Își așează invitații în cerc, în ordine, de la copilul 1 la copilul N și le împarte bomboane după următoarea regulă:

- Primul copil primește o bomboană de tipul 1
- Al doilea copil primește două bomboane de tipul 2
- Al treilea copil primește trei bomboane de tipul 3

-
- Al N -lea copil primește N bomboane de tipul N
- Primul copil primește o bomboană de tipul 1
-și așa mai departe până când ajunge la un copil căruia nu îi mai poate da bomboane.

Cerință

Ajutați-o pe Măgduța să afle copilul care a primit cele mai multe bomboane și numărul bomboanelor primite de acesta. Dacă sunt mai mulți copii cu același număr maxim de bomboane, Măgduța vrea să-l afle pe cel cu numărul de ordine minim.

Date de intrare

Pe prima linie a fișierului `bombo.in` se găsește numărul de copii, N . Pe următoarea linie se găsesc N numere naturale, $a_1 a_2 a_3 \dots a_N$, separate prin câte un spațiu, fiecare a_i reprezentând numărul de bomboane de tipul i pe care le are inițial Măgduța.

Date de ieșire

Pe prima linie a fișierului `bombo.out` se găsesc două numere a b , unde a este copilul care a primit cele mai multe bomboane iar b , numărul bomboanelor primite de acesta.

Restricții și precizări

- $2 \leq N \leq 50$
- $N \leq a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_N \leq 500\,000$
- Există cel puțin câte o bomboană din fiecare tip.

bombo.in	bombo.out	Explicație	
3 6 5 7	3 6	Copil	Nr. Bomboane primite la fiecare pas
		1	1
		2	2
		3	3
		1	1
		2	2
		3	3
		1	1
		Nu se mai pot împărți deoarece nu a mai rămas decât o bomboană de tipul 2.	
		În total primul copil a primit 3 bomboane, al doilea a primit 4, iar al treilea 6.	

Timp maxim de execuție/test: 1 secundă.

Soluție - Țucăr Liana

```
#include <stdio.h>
#define nmax 1000
long b, n, i, x, nt, poz, v[nmax], nb, crezmax, rezmax;
bool ok;
int main()
{
    freopen("bombo.in", "r", stdin);
    freopen("bombo.out", "w", stdout);
    scanf("%ld %ld", &b, &n);
    for (i=1; i<=n; i++)
        scanf("%ld", &v[i]);
    nt=b;
    for (i=1; i<=n; i++)
        if (v[i]/i<nt)
            nt=v[i]/i;
    poz=1;    ok=1;
    while (ok)
    {
        nb=poz*nt;
        if (v[poz]-nb>=poz)
        {
            nb+=poz;

```

```

        rezmax=nb; crezmax=poz;
    }
    else
        break;
    poz++;
}
if (n*nt>rezmax)
{
    rezmax=n*nt;    crezmax=n; }
printf("%ld %ld", crezmax, rezmax);
return 0;
}

```

Soluție – Banu Denis

```

program Bomboane;
var v,v2:array [1..50] of longint;
    n,i,nrmax,max,ok:longint;
    f,g:text;
begin
    assign(f,'bombo.in');
    reset(f);
    assign(g,'bombo.out');
    rewrite(g);
    read(f,n);
    for i:=1 to n do
        read(f,v[i]);
    i:=1;
    while (v[i]+i>i) and (ok=0) do
        begin
            v[i]:=v[i]-i;
            if v[i]+i>=i then
                v2[i]:=v2[i]+i;
            if v[i]+i<i then ok:=1;
            if i=n then i:=0;
            i:=i+1;
        end;
    max:=v2[1];nrmax:=1;
    for i:=2 to n do
        begin
            if max<v2[i] then
                begin
                    max:=v2[i];
                    nrmax:=i;
                end;
        end;
    write(g,nrmax,' ',max);
    close(f);
    close(g);
end.

```

Clasele a VI-a și a VII-a

Robot – Filimon Marta

100 puncte

Fratele Ruxandrei este foarte priceput la electronică. El construiește k roboți și îi așează pe un caroiaj care are maxim 10^9 linii și 10^9 coloane, în care numerotarea liniilor și coloanelor începe de la 1. Ruxandra crează pentru fiecare robot câte o succesiune de nr comenzi. Există 4 tipuri de comenzi: comanda de tipul 1 pentru care robotul se deplasează la nord, comanda de tipul 2 pentru care robotul se deplasează la est, comanda de tipul 3 pentru care robotul se deplasează la sud și comanda de tipul 4 pentru care robotul se deplasează la vest. Ruxandra nu știe însă că, atunci când 2 sau mai mulți roboți se întâlnesc simultan în același pătrățel, aceștia dispar de pe caroiaj ca prin magie.

Cerință

Să se determine numărul de roboți ce se vor afla pe caroiaj la finalul executării tuturor comenzilor.

Date de intrare

Pe prima linie a fișierului robot.in se află numerele k și nr, cu semnificațiile din enunț. Pe următoarele k linii se află, pentru fiecare robot: poziția lui de start sub forma unei perechi **linie coloană** apoi nr numere reprezentând mișcările sale.

Date de ieșire

Se va afișa în fișierul robot.out un singur număr reprezentând numărul de roboți care rămân pe caroiaj.

Restricții și precizări

- ~~2 ≤ k ≤ 100~~
- Un robot nu va părăsi caroiajul după succesiunea de mișcări dată.

robot.in	robot.out	Explicații																															
4 5 2 3 2 3 2 3 4 3 1 3 2 2 2 2 1 4 3 2 2 2 2 4 1 3 3 3 3 3	2	<table><tr><td></td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td></tr><tr><td>1</td><td></td><td></td><td></td><td>R3</td></tr><tr><td>2</td><td></td><td></td><td>R1</td><td></td></tr><tr><td>3</td><td>R2</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>4</td><td>R4</td><td></td><td></td><td></td></tr></table> Fiecare din cei 4 roboți execută 5 comenzi. Roboții 1 și 3 se ciocnesc în pătrățelul de pe linia 2, coloana 4 și dispar. Ceilalți doi roboți își continuă drumul.		1	2	3	4	1				R3	2			R1		3	R2				4	R4				Robot/ moment	1	2	3	4	5
	1	2	3	4																													
1				R3																													
2			R1																														
3	R2																																
4	R4																																
	1	2, 4	-	-	-	-																											
	2	4, 1	4, 2	4, 3	4, 4	4, 5																											
	3	2, 4	-	-	-	-																											
	4	4, 1	5, 1	6, 1	7, 1	8, 1																											

Timp maxim de execuție/test: 1 secundă.

Soluție-Filimon Marta

```
program p1;
```

```
type robot=record
    i,j:longint;
    vz:shortint;
    d:array[1..100] of shortint;
end;
```

```
var f,g:text;
    a:array[1..100] of robot;
    di:array[1..4] of integer;
    dj:array[1..4] of integer;
    n,m,k,nr:integer;
```

```
procedure Directii;
begin
    {nord}di[1]:=-1; dj[1]:=0;
    {est}di[2]:=0; dj[2]:=1;
    {sud}di[3]:=1; dj[3]:=0;
    {vest}di[4]:=0; dj[4]:=-1;
end;
```

```
procedure Citeste;
var i,j:integer;
begin
    read(f,k,nr);
    for i:=1 to k do
    begin
        read(f, a[i].i, a[i].j);
        for j:=1 to nr do read(f, a[i].d[j]);
    end;
end;
```

```
procedure Verifica(p:integer);
var i,ok:integer;
```

```

begin
    ok:=0;
    for i:=p+1 to k do
        if (a[p].i=a[i].i) and (a[p].j=a[i].j) and (a[i].vz=0) then
            begin
                ok:=1;
                a[i].vz:=1;
            end;
        a[p].vz:=ok;
    end;

procedure Modifica(t:integer);
var i:integer;
begin
    for i:=1 to k do
        begin
            a[i].i:=a[i].i+di[a[i].d[t]];
            a[i].j:=a[i].j+dj[a[i].d[t]];
        end;
    end;

procedure Simuleaza;
var i,t:integer;
begin
    for t:=1 to nr do
        begin
            Modifica(t);
            for i:=1 to k do
                if a[i].vz=0 then Verifica(i);
            end;
        end;

procedure Scribe;
var nr, i:integer;
begin
    nr:=0;
    for i:=1 to k do
        if (a[i].vz=0) then nr:=nr+1;
    writeln(g, nr);
end;

begin
    assign(f,'robot.in');reset(f);
    assign(g,'robot.out');rewrite(g);

    Directii;

    Citeste;

    Simuleaza;

    Scribe;

    close(f);
    close(g);
end.

```

O navă extraterestră de pe planeta ILIS s-a prăbușit pe Terra. Cercetând aparatura navei, s-a descoperit un calculator de buzunar mai ciudat. El face operațiile noastre matematice numai că pe tastatură, în locul cifrelor, apar literele mici ale alfabetului englez. Astfel oamenii de știință și-au dat seama din calcule că extraterestrii lucrează în baza 26, iar fiecare literă reprezintă o cifră în această bază, astfel: a=0, b=1 ... z=25.

Folosind acest calculator oamenii de știință au efectuat următoarele calcule:

$\begin{array}{r} c \\ y+ \\ \hline ba \end{array}$	$\begin{array}{r} bbc \\ zzz+ \\ \hline bbbb \end{array}$	$\begin{array}{r} baa \\ bac \\ \hline bb+ \\ \hline cbd \end{array}$
---	---	---

Cerință

Voi sunteți angajați să scrieți un program care să facă adunările precum calculatorul original.

Date de intrare

În fișierul de intrare pe prima linie va fi N, numărul de șiruri ce trebuie adunate, apoi N linii, pe linia i+1 va fi al i-lea șir. Fiecare linie se va termina cu un caracter enter (sfârșit de linie).

Date de ieșire

Pe singura linie din fișierul de ieșire va fi rezultatul adunării celor N șiruri, urmat de caracterul **enter** (sfârșit de linie).

Restricții și precizări

- $1 < N \leq 10$
- $0 < \text{lungimea șirurilor} \leq 20\ 000$
- Șirurile nu vor începe cu un caracter 'a' (0)

ilis.in	ilis.out	Explicații
3 dwa yac bb	Bbx d	Șirurile din fișierul de intrare sunt echivalente cu următoarea adunare în baza 26: $\begin{array}{r} 3 \quad 22 \quad 0 \\ 24 \quad 0 \quad 2 \\ \hline 1 \quad 1 \quad 23 \quad 3 \\ b \quad b \quad x \quad d \end{array}$

Timp maxim de execuție/test: 1 secundă.

Soluție – Negruș Ștefan

```
#include<fstream.h>
#include<string.h>

ifstream f("ilis.in");
ofstream g("ilis.out");

int N,lgmax;
char x,a[20001],SI[20001];

void mirror (char *a);
void read();
void solve1();
void write();
void add(char *A, char *B);

int main()
{
    read();
    solve1();
}
```

```

    write();

    f.close();
    g.close();
    return 0;
}

void read()
{
    f>>N;
    f.get();
}

void solve1()
{
    int i;
    f.getline(SI,20000);
    mirror(SI);
    for (i=2;i<=N;++i)
    {
        f.getline(a,20001);
        mirror(a);
        add(SI,a);
    }
    mirror(SI);
}

void add(char *A, char *B)
{
    int i, t = 0,lg1=strlen(A),lg2=strlen(B),x;
    int minn=(lg1>lg2?lg2:lg1);
    for (i=0;i<minn;++i)
    {
        x=(A[i]-'a')+t+(B[i]-'a');
        //A[i]='a'+(A[i]-'a')+t+(B[i]-'a');
        t=x/26;
        A[i]='a'+x%26;
    }

    if (lg1<lg2)
        for (i=lg1;i<lg2;++i)
        {
            x=t+(B[i]-'a');
            //A[i]=t+B[i];
            t=x/26;
            A[i]='a'+x%26;
        }

    while (t)
    {
        if (i>=lg1)
            A[i]='a'+t;
        else A[i]+=t;
        t=(A[i]-'a')/26;
        //A[i]='a'+(A[i]-'a')%26;
        ++i;
    }

    if (i>lg1) A[i]='\0';
}

```

```

void mirror (char *a)
{
    int i=0,lg=strlen(a)-1;
    char aux;
    while (i<lg)
    {
        aux=a[i];
        a[i]=a[lg];
        a[lg]=aux;
        ++i;
        --lg;
    }
}

void write()
{
    g<<SI<<'\n';
}

```

Soluție – Filimon Marta

```

program p1;
var f,g:text;
    s, a: array[0..20100] of integer;
    ns, na, i, n:longint;

procedure Citeste;
var c:char;
    p, u, aux:integer;
begin
    na:=0;
    while not eoln(f) do
    begin
        read(f,c);
        na:=na+1;
        a[na]:=ord(c)-ord('a');
    end;
    p:=1; u:=na; a[0]:=na;
    while (p<u) do
    begin
        aux:=a[p]; a[p]:=a[u]; a[u]:=aux;
        p:=p+1; u:=u-1;
    end;
    readln(f);
end;

procedure Suma;
var i, r, m:integer;
begin
    ns:=s[0]; na:=a[0];

    if (na>ns) then m:=na else m:=ns;
    r:=0;
    for i:=1 to m do
    begin
        s[i]:=s[i]+a[i]+r;
        r:=s[i] div 26;
        s[i]:=s[i] mod 26;
        a[i]:=0;
    end;
    ns:=m;

```

```

while (r>0) do
begin
    ns:=ns+1;
    s[ns]:=r mod 26;
    r:=r div 26;
end;
s[0]:=ns;
end;

procedure Scrie;
var i:integer;
begin
    for i:=ns downto 1 do write(g, chr(ord('a')+s[i]));
    writeln(g);
end;

begin
    assign(f, 'ilis.in'); reset(f);
    assign(g, 'ilis.out'); rewrite(g);
    readln(f, n);
    Citeste;
    for i:=0 to a[0] do begin s[i]:=a[i]; a[i]:=0;end;
    for i:=2 to n do
    begin
        Citeste;
        Suma;
    end;
    Scrie;
    close(f);
    close(g);
end.

```

Clasa a VIII-a

Serial – Filimon Marta

100 puncte

Ruxandra dorește ca în următoarea lună să revadă la întâmplare m dintre cele n episoade ale serialului ei preferat.

Episoadele sunt numerotate de la 1 la n , în ordinea în care au fost filmate.

Ruxandrei îi plac în mod egal toate episoadele serialului, iar ea nu dorește să le vadă în ordine crescătoare a apariției acestora. Spre exemplu dacă $n=5$ și $m=3$ nu va viziona episoadele în următoarele variante: (1, 2, 3) (1, 2, 4) (1, 2, 5) (1, 3, 4) (1, 3, 5) (1, 4, 5) (2, 3, 4) (2, 3, 5) (2, 4, 5) (3, 4, 5).

Cerință

Să se determine în câte moduri se poate uita Ruxandra la cele m episoade.

Date de intrare

Pe prima linie a fișierului serial.in se vor afla m și n cu semnificațiile din enunț.

Date de ieșire

În fișierul de ieșire se va afla un singur număr reprezentând numărul de posibilități modulo 39971.

Restricții și precizări

$$2 \leq m \leq n \leq 100$$

Pentru 20% din punctaj $n \leq 10$.

serial.in	serial.out	Explicații
5 2	10	{2, 1} {3, 1} {4, 1} {5, 1} {3, 2} {4, 2} {5, 2} {4, 3} {5, 3} {5, 4}
5 3	50	

Timp maxim de execuție/test: 1 secundă.

Soluție – Filimon Marta

/* Pentru 20 de puncte: Se vor genera toate posibilitățile și ale numara pe cele care îndeplinesc condiția
Pentru 100 de puncte: Vom privi cele n seriale ca fiind o mulțime cu n elemente.

- 1) Numărul total de submulțimi cu m elemente, ținând cont de ordinea elementelor din submulțime, dintr-o mulțime cu n este A_n^m (aranjamente de n luate câte m).
 - 2) Dacă nu ținem cont de ordinea elementelor dintr-o submulțime, înseamnă ca le putem ordona cum dorim. Avantajos pentru noi ar fi să ordonăm crescător elementele din submulțime. Numărul de submulțimi neordonate cu m numere natural reprezintă C_n^m (combinări de n luate câte m).
- 1) + 2) => Numărul de modalități în care se poate uita Ruxandra la episoadele serialului său favorit este:
 $A_n^m - C_n^m$

```
*/
program p1;
var f,g:text;
    a:array[1..100, 0..100] of longint;
    n,m,arang,comb:longint;

procedure Numar_aranjamente;
var i:integer;
begin
    arang:=1;
    for i:=n-m+1 to n do arang:=(arang*i) mod 93089;
end;

procedure Numar_combinari;
var i,j:integer;
begin
    for i:=1 to n do a[i][0]:=1;
    a[1][1]:=1;
    for i:=2 to n do
        for j:=1 to i do a[i][j]:=(a[i-1][j-1]+a[i-1][j]) mod 93089;
    comb:=a[n][m];
end;

procedure Scribe;
var rez:longint;
begin
    rez:=(arang-comb+93089) mod 93089;
    writeln(g,rez);
end;

begin
    assign(f,'serial.in');reset(f);
    assign(g,'serial.out');rewrite(g);

    read(f, n, m);

    Numar_aranjamente;

    Numar_combinari;

    Scribe;

    close(f);
    close(g);
end.
```

Pe o tablă de dimensiune 150 000 * 150 000 ce simulează un sistem de coordonate XOY cu originea în partea de stânga jos a tablei, sunt așezate nrb becuri și nrg generatoare. Generatoarele măresc cu t intensitățile tuturor becurilor din raza lor de acțiune.

Fiecare generator își exercită acțiunea asupra tuturor becurilor aflate în raza lui de acțiune.

Cerință

Să se determine numărul de becuri ce au intensitatea maximă precum și coordonatele lor.

Date de intrare

Pe prima linie a fișierului `electro.in` se găsesc 2 numere naturale nrb și nrg . Pe următoarele nrb linii sunt 2 numere ce reprezintă coordonatele becului. Pe următoarele nrg linii se află 4 numere x , y , p și t reprezentând poziția generatorului, raza pe care acționează, respectiv intensitatea pe care o dă becurilor.

Date de ieșire

În fișierul `electro.out` se vor afla 2 numere reprezentând intensitatea maximă, respectiv numărul de becuri cu intensitate maximă.

Restricții și precizări

- $3 \leq nrg, nrb \leq 500$
- $1 \leq t, p \leq 100$
- Inițial becurile au intensitatea 0.

electro.in	electro.out	Explicație
7 3 3 4 5 6 11 3 12 9 8 5 5 3 11 7 4 5 2 2 3 3 3 1 10 5 3 3	3 4	Sunt 7 becuri și 3 generatoare. În urma acțiunii generatoarelor asupra becurilor rezultă 4 becuri care au intensitatea maximă (1,3,5,7). Valoarea maximă a intensității finale pentru becurile date este 3.

Timp maxim de execuție/test: 1 secundă.

Soluție – Filimon Marta

```

program p1;
type bec=record x,y,o:longint end;
    generator=record x,y:longint; p,o:shortint; end;
var f,g:text;
    b:array[1..1000] of bec;
    a:array[1..1000] of generator;
    nrg,nrb,nr,max:longint;

procedure RRead;
var i:integer;
begin
    read(f,nrb,nrg);
    for i:=1 to nrb do read(f, b[i].x, b[i].y);
    for i:=1 to nrg do read(f, a[i].x, a[i].y, a[i].p, a[i].o);
end;

procedure Ver(i:integer);
var j:integer;
    d, t1, t2:real;
```

```

begin
  for j:=1 to nrb do
    begin
      t1:=(a[i].x-b[j].x);
      t1:=t1*t1;
      t2:=(a[i].y-b[j].y);
      t2:=t2*t2;
      d:=sqrt(t1+t2);;
      if (d<=a[i].p) then b[j].o:=b[j].o+a[i].o;
    end;
  end;

procedure Solve;
var i,j:integer;
begin
  for i:=1 to nrg do {pentru fiecare generator in parte voi afla becurile
din raza sa de actiune}
    Ver(i);
    max:=-1; nr:=0;
    for i:=1 to nrb do
      if (b[i].o>max) then begin max:=b[i].o; nr:=1; end
      else if (b[i].o=max) then nr:=nr+1;
    end;

procedure WWrite;
var i:integer;
begin
  writeln(g,max,' ',nr);
end;

begin
  assign(f,'electro.in');reset(f);
  assign(g,'electro.out');rewrite(g);

  RRead;

  Solve;

  WWrite;

  close(f);
  close(g);
end.

```

Problemele de concurs 2010

Clasa a V-a

Margele - Mircea Pricop

100 puncte

În fiecare zi, la fabrica de lantisoare din Eltnen sunt premiate cele mai interesante lantisoare. Un lantisor e format din margele de 2 tipuri : rosii si albastre. În functie de configuratia margelelor, fiecare lantisor primeste puncte astfel:

- Dacă sunt de doua ori mai multe margele rosii ca albastre, 16 puncte.
- Dacă e de forma: X albastre, apoi X rosii, apoi X albastre, din nou, X puncte.
- Dacă incepe si se termina cu aceeasi culoare, 4 puncte
- Dacă se termina cu doua albastre, 2 puncte
- Dacă are doar culori alternante (e de forma "RARA..."), 1 punct.
- Dacă are doar margele de o singura culoare, -10 puncte

Cerinta

Având dat un lantisor, vi se cere sa spuneti cate puncte ar lua la premiere.

Date de intrare

Pe prima linie a fisierului de intrare `margele.in` se va afla un numar natural N , care reprezinta numarul de margele. Pe fiecare din urmatoarele N linii se va afla fie caracterul "R", fie "A", reprezentand o margea rosie, respectiv albastra.

Date de iesire

Pe prima linie a fisierului de iesire `margele.out` se va afla scorul adunat de lantisorul dat.

Restrictii si precizari

- $2 \leq N \leq 100000$

margele.in	margele.out	explicatii
6 A A R R A A	8	(2 - 2 albastre, 2 rosii, 2 albastre 4 - incepe si se termina cu A 2 - se termina cu 2 A)

Timp maxim de executie/test: 1 secunda

Solutie - Marta Filimon

```
program p1;
var f,g:text;
    n,i,j,ok,lg,x,nra,nrr,p:longint;
    c,pc,first:char;
begin
    assign(f,'margele.in');reset(f);
    assign(g,'margele.out');rewrite(g);
    readln(f,n);
    readln(f,pc);
    i:=1;first:=pc;
    repeat
        i:=i+1;
        readln(f,c);
    until (pc<>c) or (i=n);
    x:=i-1;{x=nr. de margele de aceeasi culoare de la inceput secventei}

    if i=n then
    begin
        if c='A' then nra:=i else nrr:=i;
        ok:=0;{ok=1 daca este alternat si 0 in caz contrar}
    end
    else
    begin
        if pc='A' then begin nra:=i-1;nrr:=1;end
```

```

else begin nrr:=i-1;nra:=1;end;

ok:=1;
j:=i;
pc:=c;
lg:=1;
for i:=j+1 to n do
begin
    readln(f,c);
    if c=pc then lg:=lg+1
    else
        begin
            if lg<>x then ok:=0;
            lg:=1;
        end;
    if c='A' then nra:=nra+1
    else nrr:=nrr+1;
    if i<>n then pc:=c;
end;
if lg<>x then ok:=0;
p:=0;
end;
{se determina punctajul final}
if (pc=c)and(c='A') then p:=2;
if c=first then p:=p+4;
if nrr=nra*2 then p:=p+16;
if (nrr=0)or(nra=0) then p:=p-10;
if (x>1)and(first='R') then ok:=0;
if (x=1)and(ok=1) then ok:=2;
p:=p+x*ok;
writeln(g,p);
close(f);
close(g);
end.

```

Clasele a V-a și a VI-a

Marmota - Robert Petrov

100 puncte

O marmota are o gramada mare de alune de greutate diferite si trebuie sa o imparta pentru doua ciocolate. Ea se gandeste sa puna in cele doua ciocolate o cantitate cat mai apropiata de alune. Marmota gandeste astfel : ea pune alune cat mai mari posibile in prima ciocolata astfel incat sa nu depaseasca greutatea celei de-a doua ciocolate. De asemenea, daca la pasul curent aceasta ar adauga o aluna astfel incat sa depaseasca greutatea celei de-a doua ciocolate din greseala, ea se va opri din adauga alune.

Cerinta

Gandind precum marmota, aflati care este diferenta minima dintre greutatile celor doua ciocolate (intotdeauna ≥ 0) pe care o poate afla marmota.

Date de intrare

Fisierul `marmota.in` contine pe primul rand numarul total de alune n si pe al doilea rand, masele alunelor, separate prin spatiu, sortate descrescator.

Date de iesire

Fisierul `marmota.out` trebuie sa contina un numar reprezentand diferenta minima dintre cele doua gramezi.

Restricții și precizări

- $2 \leq n \leq 10000$
- Alunele au gramajele strict pozitive, dar mai mici decat 30000

marmota.in	marmota.out	explicatii
5 8 4 3 2 1	0	Marmota pune in prima ciocolata alune cat mai grele : 8. In acest moment, daca ar gresi si ar pune aluna de greutate 4, diferenta dintre cele doua ar fi $12-6=6$ si marmota s-ar opri. Daca adauga aluna de greutate 3, am avea $11-7=4$. Daca ar gresi adaugand aluna de greutate 2, am avea $10-8=2$. Daca ar adauga aluna de greutate 1, nu ar gresi si am avea $9-9=0$. In schimb, s-ar opri deoarece nu ar mai avea alune de adaugat.
13 26 25 24 23 22 22 15 15 14 13 13 12 10	6	Marmota pune in prima ciocolata alune cat mai grele : 26 25 24 23. In momentul acesta, daca ar pune o aluna de greutate 22, ea ar depasi greutatea celei de-a doua ciocolati cu 6 si s-ar opri, diferenta dintre ele fiind 6. Orice alta greseala ar duce spre o diferenta mai mare. Daca ar adauga in mod corect alune 26 25 24 23 15, ar ajunge la $121-113=8$, care este mai mare decat 6.

Timp maxim de executie/test: 1 secunda

Solutie –Marta Filimon

```

program p1;
var f,g:text;
    a:array[1..10000] of integer;
    i,j,n,s,c1,c2,max:longint;
begin
    assign(f,'marmota.in');reset(f);
    assign(g,'marmota.out');rewrite(g);
    read(f,n);
    s:=0;
    for i:=1 to n do
    begin
        read(f,a[i]);
        s:=s+a[i];
    end;
    for i:=1 to n do
        if c1+a[i]<=s div 2 then c1:=c1+a[i]
        else break;
    c2:=s-c1;
    max:=abs(c1-c2);
    j:=i;
    for i:=j to n do
    begin
        c1:=c1+a[i];
        c2:=s-c1;
        if abs(c2-c1)<max then max:=abs(c2-c1);
        c1:=c1-a[i];
    end;
    writeln(g,max);
    close(f);
    close(g);
end.

```

Solutia autorului

```

#include <stdio.h>
#define nmax 10000

```

```

FILE *f;
int a[nmax];

int main()
{
    long i,n,s=0,p1,p2,j,x,difmin;
    f=fopen("marmota.in","rt");
    fscanf(f,"%ld\n",&n);
    for (i=1;i<=n;i++)
    {
        fscanf(f,"%d",&a[i]);
        s+=a[i];
    }
    fclose(f);
    //luam ca p1>=p2 ... deocamdata
    p1=s;
    p2=0;
    x=s;
    j=0;difmin=x;
    for (i=1;i<=n&&(p2<=s/2);i++)
    {
        if (p2+a[i]<=s/2)//daca adunam, sa nu depaseasca juma'
        {
            p2+=a[i];
            p1-=a[i];
            j=0;//daca s-o inserat ceva, nu mai avem nevoie de adaosul
precedent
            x=s;
        }
        else
        //daca se intampla ca p1-p2=diferenta curenta > p2-p1+2*a[i]=diferenta noua
        //daca transfer a[i]
        //identific cu 2*p1-2*p2>2*a[i], adica p1-p2>a[i]
        if (p1-p2>a[i])
        {
            if (p2-p1+2*a[i]<x)
            {
                x=p2-p1+2*a[i];
                j=i;
                if (difmin>x)
                    difmin=x;
            }
            //depaseste jumatatea;
        }
    }
    if (j)
    {
        p1-=a[j];
        p2+=a[j];
    }
    p1-=p2;
    if (p1<0)
        p1*=-1;
    if (p1>difmin)
        p1=difmin;
    f=fopen("marmota.out","wt");
    fprintf(f,"%ld",p1);
    fclose(f);
    return 0;
}

```

George s-a trezit de dimineata pregatit sa cumpere cadouri pentru 1 Iunie. Acesta, se urca in masina si merge pe strada de unde cumpara de obicei cadouri pentru copii. El parcheaza pe strada, undeva intre primul si ultimul magazin si pentru a lua cadouri cat mai frumoase el decide ce trebuie sa viziteze toate magazinele si apoi sa se intoarca la masina. Pentru ca George este un om ocupat si se grabeste el viziteaza fiecare magazin o singura data. Strada pe care George cauta cadouri este de fapt o linie iar fiecare magazine este identificat printr-un numar natural ce reprezinta pozitia magazinului pe strada.

Cerinta

Ajutati-l pe George realizand un program care ca citi care sa determine distanta minima pe care trebuie o parcurge de la masina, pe la toate magazinele de pe strada si apoi inapoi la masina.

Date de intrare

Fisierul de intrare `magazine.in` contine pe prima linia un numar N reprezentand numarul de magazine de pe strada. A doua linie contine N reprezentand pozitiile magazinelor pe strada. Aceste numere nu sunt neaparat in ordine crescatoare.

Date de iesire

Fisierul de iesire `magazine.out` contine pe prima linie valoare cautata – distant minima parcursa de George.

Restrictii si precizari

- $1 < N < 65000$
- Pozitia fiecarui magazine pe strada este cuprinsa intre 0 si 65000.

<code>magazine.in</code>	<code>magazine.out</code>
2 2 4	4
4 3 1 5 12	22
3 7 1 3	12

Timp maxim de executie/test: 1 secunda

Solutie – Roxana Luca

```

program magazine;
var f,g:text;
    max,min,a:longint;
    s:longint;
    i,n:word;
begin
    assign(f,'magazine.in');
    assign(g,'magazine.out');
    reset(f);
    rewrite(g);
    read(f,n);
    s:=0; min:=65000; max:=0;
    for i:=1 to n do begin
        read(f,a);
        if min>a then min:=a;
        if max<a then max:=a;
    end;
    s:=(max-min)*2;
    write(g,s);
    close(f);
    close(g);
end.
```

V-o prezint pe Natasha, cea mai temuta vanatoare de recompense din galaxia Katana. Aceasta galaxie are forma dreptunghiulara de dimensiuni m si n , iar in fiecare punct de coordonate intregi $A_{i,j}$ ($0 < i \leq m$, $0 < j \leq n$) se afla o planeta, care ascunde un fugitiv. Natasha isi face planul, care este in felul urmator: ea vrea sa traverseze galaxia pe cele 2 diagonale, si sa recupereze fugitivii din toate planetele care ii ajung in cale, pentru a-i preda si a primi recompensa pusa de pe capul lor.

Cerinta

Stiind valoarea recompensei pusa pe capul fiecarui fugitiv din galaxie, dar si dimensiunile galaxiei, Natasha va roaga sa ii calculati cati bani va aduna, daca toate merg conform planului.

Date de intrare

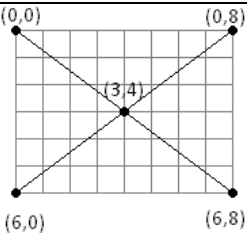
Fisierul de intrare `galaxy.in` contine pe prima linie numarele n si m reprezentand dimensiunile galaxiei, iar pe urmatoarele n linii, m valori pe fiecare, reprezentand recompensa pusa pe capul fugitivilor.

Date de iesire

Fisierul de iesire `galaxy.out` trebuie sa contina pe prima linie valoarea cautata.

Restricții si precizari

- $1 \leq n, m \leq 100$
- $0 \leq A_{i,j} \leq 10.000$
- Natasha porneste din punctul $(0, 0)$
- Nu se gaseste nici o planeta in punctele de coordonate $(0, x)$ si $(x, 0)$

galaxy.in	galaxy.out	
<pre> 6 8 8 3 4 2 5 6 3 4 9 8 5 6 2 3 4 5 0 9 8 3 2 3 4 1 5 7 3 8 6 5 4 6 1 2 3 0 7 8 4 6 3 4 5 6 3 1 3 2 </pre>	5	 Pe prima diagonala porneste din $(0, 0)$, primul punct pe care il intalneste este $(3, 4)$, culege de fugitivul pe care va primi 3 zloti iar apoi ajunge in $(6, 8)$ si il culege pe urmatorul. Pe a doua diagonala, porneste din $(0, 8)$, unde nu este nici o planeta, ajunge in $(3, 4)$, unde nu mai este nimeni si apoi in $(6, 0)$.

Timp maxim de executie/test: 1 secunda

Solutia 1 – Andrei Netedu

```

var f,g:text;
    n,m,i,j,tr1,tr2,x,x1,x2,x3,y1,y2,y3,bn:longint;
begin
assign(f,'galaxy.in');reset(f);
assign(g,'galaxy.out');rewrite(g);
readln(f,n,m);
for i:=1 to n do
    for j:=1 to m do
        begin
            read(f,x);
            x1:=0;
            y1:=0;
            x2:=j;
            y2:=i;
            x3:=m;
            y3:=n;
            tr1:=(x3+x1)*(y3-y1)+(x2+x3)*(y2-y3)-(x2+x1)*(y2-y1);

            x1:=m;
            y1:=0;
            x2:=j;
            y2:=i;
            x3:=0;
            y3:=n;
            tr2:=(x3+x1)*(y3-y1)+(x2+x3)*(y2-y3)-(x2+x1)*(y2-y1);

```

```

        if (tr1=0) or (tr2=0) then bn:=bn+x;
    end;
writeln(g,bn);
close(g);
end.

```

Solutia 2 – Marta Filimon

```

program p1;
var f,g:text;
    a:array[0..100,0..100] of integer;
    i,n,m,j,s,d,x1,y1,x,y:longint;

function cmmdc(x,y:longint):longint;
var r:longint;
begin
    r:=x mod y;
    while r>0 do
    begin
        x:=y;
        y:=r;
        r:=x mod y;
    end;
    cmmdc:=y;
end;

begin
    assign(f,'galaxy.in');reset(f);
    assign(g,'galaxy.out');rewrite(g);
    read(f,n,m);
    for i:=1 to n do
        for j:=1 to m do read(f,a[i,j]);
    d:=cmmdc(n,m);
    s:=0;
    x:=n div d;
    y:=m div d;
    x1:=n-n div d;
    y1:=m div d;
    while x<=n do
    begin
        s:=s+a[x,y];
        a[x,y]:=0;
        s:=s+a[x1,y1];
        a[x1,y1]:=0;
        x:=x+n div d;
        y:=y+m div d;
        x1:=x1-n div d;
        y1:=y1+m div d;
    end;
    writeln(g,s);
    close(f);
    close(g);
end.

```

Clasele a VII-a și a VIII-a

Cifru - Alexandru Paicu

100 puncte

Link a reusit sa patrunda in castelul maleficului Ganondorf si incearca sa o elibereze pe Zelda. Pentru asta are nevoie sa descifreze cifrul lacatului pus la usa printesei Zelda. Acesta este alcatuit doar din literele mari ale alfabetului englez (ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ).

Pentru a reusi, el a primit ca ajutor de la Midna un sir de litere (mari ale alfabetului englez) care poate fi folosit pentru a obtine cifrul adunand la fiecare din litere un numar, acelasi numar pentru fiecare litera din sir. A aduna un numar la o litera inseamna a inlocui acea litera cu litera care se afla dupa atatea pozitii dupa ea in alfabet (ex: A+5=F, M+1=N, F+2=H). De asemenea, daca se ajunge la sfarsitul alfabetului, numararea pozitiiilor continua de la inceputul lui (ex: Z+2=B, Y+4=C).

In plus el a primit mai multe subsiruri de litere despre care stie sigur ca fac parte din cifrul final.

Cerinta

Stiind sirul dat de Midna si subsirurile care fac parte sigur din cifrul final sa se afiseze toate sirurile care ar putea fi cifrul cautat in ordine lexicografica.

Date de intrare

Pe prima linie a fisierului de intrare `cifru.in` se gaseste sirul furnizat de Midna. Pe a doua linie se gaseste un numar natural K . Pe ultimele K linii se gasesc subsirurile despre care se stie sigur ca fac parte din cifru, cate unul pe linie.

Date de iesire

In fisierul de iesire `cifru.out` se vor gasi toate sirurile posibile care pot fi cifrul cautat.

Restricatii si precizari

- Fiecare din sirurile din fisierul de intrare are maxim 100 de litere.
- $1 \leq K \leq 20$

cifru.in	cifru.out	Explicatii
ABCD 1 FG	DEFG EFGH FGHI	Explicatii: in exemplul 1 putem sa adunam ABCD cu 3, 4 sau 5 si obtinem singurele 3 siruri in care se regaseste subsirul FG. In exemplu 2 singura posibilitate este sa adunam sirul initial cu 5 pentru a obtine un sir in care sa se regaseasca toate subsirurile date.
BMAIROS 4 GR RFN WT GRFN	GRFNWTX	

Timp maxim de executie/test: 1 secunda

Solutia autorului

```
// cifru.cpp : Defines the entry point for the console application.
```

```
#include <stdio.h>
#include <string.h>
FILE *fin,*fout;

char s[102];
char sub[20][102];
int ka;

void AddNumber(char *s,int nr)
{int i;
 i=0;
 while (s[i])
 {s[i]=s[i]+nr;
  if (s[i]>'Z') s[i]-=26;
  i++;
 }
}

int main()
{fin=fopen("cifru.in","r");
 fout=fopen("cifru.out","w");
 fscanf(fin,"%s",s);
 int i,j;
 fscanf(fin,"%d",&ka);
 for (i=0;i<ka;++i) fscanf(fin,"%s",sub[i]);
 fclose(fin);
 AddNumber(s,'Z'-s[0]);
 int sw;
 for (j=0;j<26;j++)
 {AddNumber(s,1);
  sw=1;
  for (i=0;i<ka;i++)
```

```

        if (!strstr(s,sub[i]))
            {sw=0;
             break;
            }
    if (sw==1)
        {fprintf(fout,"%s\n",s);
         }
    }
fclose(fout);
return 0;
}

```

Solutia 2 – Marta Filimon

```

program p1;
var f,g:text;
    a:array[1..26] of string[100];
    b:array[1..20] of string[100];
    s,y:string[100];
    i,n,ok,lg,j,m,max,x:longint;
begin
    assign(f,'cifru.in');reset(f);
    assign(g,'cifru.out');rewrite(g);
    readln(f,s);
    readln(f,n);
    for i:=1 to n do readln(f,b[i]);
    lg:=length(s);
    m:=0;max:=ord('Z');
    for i:=0 to 25 do
        begin
            y:='';
            for j:=1 to lg do
                begin
                    x:=ord(s[j])+1;
                    if x<=max then y:=y+chr(x)
                    else y:=y+'A';
                end;
            ok:=1;
            for j:=1 to n do
                if pos(b[j],y)=0 then begin ok:=0;break;end;
                if ok=1 then begin m:=m+1;a[m]:=y;end;
            s:=y;
        end;
    for i:=1 to m-1 do
        for j:=i+1 to m do
            if a[i]>a[j] then
                begin
                    y:=a[i];
                    a[i]:=a[j];
                    a[j]:=y;
                end;
    for i:=1 to m do
        writeln(g,a[i]);
    close(f);
    close(g);
end.

```

Ionica, geologul de serviciu, vrea sa traseze drumul in care se scurge apa prin vaile muntilor ILACEB din China. El numeste drumul in care apa se scurge – **bazin de drenaj**.

El are la dispozitie o matrice patratica de $N \times M$ in care fiecare locatie reprezinta inaltimea unui pisc din muntii ILACEB.

Cerinta

El trebuie sa noteze fiecare bazin de drenaj cu litere de la a la z in urmatorul fel:

- Din fiecare locatie a matricii apa curge doar intr-una dintre cele 4 locatii vecine – cea cu valoarea cea mai mica
- Daca o locatie are toti cei 4 vecini mai mari ca ea atunci acea locatie se numeste **lac** si in acest caz apa nu se scurge nicaieri.
- In cazul in care sunt mai multe locatii cu aceeasi valoare minima, se considera locatiile in urmatoarea ordine: Nord, Vest, Est, Sud.

Fiecare locatie din care apa curge direct sau indirect in acelasi lac face parte din acelasi bazin de drenaj. Fiecare bazin are ca nume o litera mica astfel incat daca se **concateneaza** matricea numelor de sus in jos si de la stanga la dreapta, sa se obtina un sir minim din punct de vedere lexicografic.

Date de intrare

Pe prima linie a fisierului de intrare `bazine.in` se gasesc 2 numere N si M reprezentand numarul de linii respective numarul de coloane ale matricii in cauza. Pe urmatoarele N linii se gasesc cate M numere care reprezinta locatiile din matrice – despartite prin spatii.

Date de iesire

In fisierul `bazine.out` trebuie sa se gaseasca o matrice $N \times M$ – unde fiecare locatie este marcata conform enuntului.

Restricții si precizari

- $1 < N, M < 100$
- $0 < \text{altitudini} < 10000$
- vor exista cel mult 26 de bazine

<code>bazine.in</code>	<code>bazine.out</code>
3 3 9 6 3 5 9 6 3 5 9	a b b a a b a a a
2 13 8	a b c d e f g h i j k l m n o p q r s t u v w x y z

Timp maxim de executie/test: 1 secunda

Solutia 1 – Marta Filimon

```

program p1;
type index=record i,j:shortint;end;
    vect=array[1..4] of shortint;
const di:vect=(-1,0,0,1);
      dj:vect=(0,-1,1,0);
var f,g:text;
    a:array[0..101,0..101] of integer;
    b,d:array[0..100,1..100] of shortint;
    c:array[1..5000] of index;
    fr:array[1..26] of char;
    i,n,m,j,p,u,cod:integer;
    cc:char;

```

```

function directie(i,j:integer):integer;
var k,min,pz:integer;

```

```

begin
  min:=a[i,j];pz:=0;
  for k:=1 to 4 do
    if min>a[i+di[k],j+dj[k]] then
      begin
        min:=a[i+di[k],j+dj[k]];
        pz:=k;
      end;
  end;
  directie:=pz;
end;

procedure adauga(ii,jj:integer);
begin
  u:=u+1;
  c[u].i:=ii;
  c[u].j:=jj;
  d[ii,jj]:=cod;
end;

procedure cauta(x,y:integer);
var k,ii,jj,i1,j1:integer;
begin
  for k:=1 to 4 do
    begin
      ii:=x-di[k];
      jj:=y-dj[k];
      i1:=ii+di[b[ii,jj]];
      j1:=jj+dj[b[ii,jj]];
      if (i1=x) and (j1=y) and (d[ii,jj]=0) and (a[ii,jj]<10001)
        and (b[ii,jj]>0) then adauga(ii,jj);
    end;
  end;

procedure bf(i,j:integer);
begin
  p:=1;u:=1;c[p].i:=i;c[p].j:=j;d[c[p].i,c[p].j]:=cod;
  while p<=u do
    begin
      cauta(c[p].i,c[p].j);
      p:=p+1;
    end;
  end;

begin
  assign(f,'bazine.in');reset(f);
  assign(g,'bazine.out');rewrite(g);
  read(f,n,m);
  for i:=1 to n do
    for j:=1 to m do
      read(f,a[i,j]);

  for i:=0 to n+1 do
    begin
      a[i,0]:=10001;
      a[i,m+1]:=10001;
    end;
  for j:=1 to m do
    begin
      a[0,j]:=10001;
      a[n+1,j]:=10001;
    end;
end;

```

```

for i:=1 to n do
for j:=1 to m do
    b[i,j]:=directie(i,j);

for i:=1 to n do
for j:=1 to m do
if b[i,j]=0 then begin cod:=cod+1;bf(i,j);end;

cc:='a';
for i:=1 to n do
for j:=1 to m do
if fr[d[i,j]] in ['a'..'z'] then fr[d[i,j]]:=fr[d[i,j]]
else
    begin
        fr[d[i,j]]:=cc;
        cc:=chr(ord(cc)+1);
    end;
for i:=1 to n do
begin
    write(g,fr[d[i,1]]);
    for j:=2 to m do
        write(g,' ',fr[d[i,j]]);
    writeln(g);
end;
close(f);
close(g);
end.

```

Solutia 2 – solutia autorului

```

/*
    BAZINE - Problema 2 Clasa a8-a
    Moisil++ 2010

    Sursa oficiala - Bogdan Gaza
    Problema inspirata dupa problema "Water Sheds" Google Code Jam 2009
    Qualification Round
*/

```

```

#include <stdio.h>
#define FIND_MIN 0
#define FIND_MAX 1

int N,M;

int A[100][100];
char flag[100][100];

int offset[4][2] = { {-1,0},{0,-1},{0,1},{1,0} };

// gaseste celula cu valoare MINIMA/MAXIMA din jurul celului date
// problema necesita doar valoare de minim
void applyOffset(int type,int x,int y, int *whereX, int *whereY){
    int i;
    int bestX = x, bestY = y;

    for(i=0;i<4;i++){
        if(x+offset[i][0] >= 0 && x+offset[i][0] < N &&
            y+offset[i][1] >= 0 && y+offset[i][1] < N){
            if(type == FIND_MIN){

```

```

        if (A[bestX][bestY] > A[x+offset[i][0]][y+offset[i][1]]){

            bestX = x+offset[i][0];
            bestY = y+offset[i][1];
        }
    }else{
        if (A[bestX][bestY] < A[x+offset[i][0]][offset[i][1]]){
            bestX = x+offset[i][0];
            bestY = y+offset[i][1];
        }
    }

}

}
*whereX = bestX;
*whereY = bestY;
}

void markPath(int x,int y,char letter);

/* Cauta vecinii celulei curente ce au ca minim vecin celula curanta */
void applyMark(int x,int y,char letter){
    int i;

    int bestX,bestY;

    for(i=0;i<4;i++){
        if(x+offset[i][0] >= 0 && x+offset[i][0] < N &&
            y+offset[i][1] >= 0 && y+offset[i][1] < N){

            applyOffset(FIND_MIN,x+offset[i][0],y+offset[i][1],&bestX,&bestY);
            if(x==bestX && y==bestY){
                markPath(x+offset[i][0],y+offset[i][1],letter);
            }
        }
    }
}

/* Aceasta functie daca este aplicata unei celule ce nu a fost marcata deja
   marcheaza recursiv toate celulele care fac parte din acelasi bazin de drenaj.
   Pentru locatia curenta - in primul rand vede daca apa se scurge intr-o alta
   locatie.
   Apoi vede daca pentru locatia curenta daca apa mai curge in ea din alte
   locatii.
   Aplicatia acest algoritm pentru fiecare celula nemarcata gasita.
   */
void markPath(int x,int y,char letter){
    int bestX,bestY;
    if(flag[x][y] == 0){
        flag[x][y] = letter;
        applyOffset(FIND_MIN,x,y,&bestX,&bestY);
        applyMark(x,y,letter);
        markPath(bestX,bestY,letter);
    }
}

int main () {
    int i,j;

```

```

freopen("bazine.in", "r", stdin);
freopen("bazine.out", "w", stdout);

scanf("%d %d", &N, &M);

for(i=0; i<N; i++) {
    for(j=0; j<N; j++) {
        scanf("%d", &A[i][j]);
    }
}

char startLetter = 'a';
for(i=0; i<N; i++) {
    for(j=0; j<N; j++) {
        if(flag[i][j] == 0) {
            markPath(i, j, startLetter);
            startLetter++;
        }
    }
}
for(i=0; i<N; i++) {
    for(j=0; j<M; j++) {
        printf("%c ", flag[i][j]);
    }
    printf("\n");
}
return 0;
}

```

Problemele de concurs

Clasa a V-a

Nano – Vlad Stoian

100 puncte

Nano a descoperit ca deține o cutie magică care are 3 butoane de comandă: E, U și M. După mai multe cercetări, și-a dat seama cum funcționează. Dacă bagă o singură bilă în cutie și apasă butonul M, după un timp în cutie vor fi P bile (el numește acest proces Multiplicare). Dacă bagă P bile în cutie și apasă pe U, după un timp va fi una singură (Unire). Dacă în schimb apasă pe butonul E, cutia distruge bilele introduse (acest proces numindu-se Eliminare). Nano execută o serie de procese și își notează pe o foaie exact ce a făcut. De exemplu: dacă a executat o multiplicare a unui element în P elemente de mai multe ori (X ori) el va scrie: "M X P" (X și P fiind numere), dacă a executat o unire va scrie "U X P", iar dacă a executat o eliminare, "E P" (a eliminat P elemente).

Cerință

Nano știe că avea N bile la început și ca a executat K operații pe ele, precum și ce operații. Ajutați-l să afle cu câte bile a ramas după cele K operații.

Date de intrare

Fișierul de intrare nano.in conține pe prima linie numerele N și K, N fiind numărul de bile, iar K fiind numărul de operații. Pe următoarele K linii se afla câte o litera (M, E sau U, inițiala fiecărei operații), urmată în funcție de operație, de una sau doua cifre, reprezentand P, sau X și P, cu semnificațiile din enunț.

Date de ieșire

Pe prima linie a fișierului de ieșire nano.out se va afișa numărul cerut de Nano.

Restricții și precizări

- $1 \leq N \leq 22.000$ $1 \leq K \leq 44.000$
- Operațiile vor putea fi întotdeauna executate.

nano.in	nano.out	Explicații
30 4 M 2 5 E 20 U 2 6 E 3	5	În prima fază se execută operația M 2 5 . Se iau 2 bile din cele 30 și fiecare din ele va fi multiplicată în 5 (deci $28 + 10 = 38$). După executarea eliminării mai rămân $38 - 20 = 18$ bile. Apoi se execută unirea U 2 6 ceea ce înseamnă că se introduc 6 bile în cutie, acestea transformându-se în 1, acest proces repetându-se de 2 ori ($6 + 2 = 8$). După ce se efectuează și ultima eliminare, rămân 5 bile.

Timpe de executie/test: 1 sec.

Soluție

Suma finală va fi reținută într-o variabilă S, iar problema se rezumă la efectuarea a 3 operații : la o operație de Multiplicare se va aduna $X*(P-1)$, la operația de eliminare se va scădea P, iar la operația de Unire se va scădea $X*(P-1)$.

```
#include <fstream.h>
long n,m,p,x;
char c;

int main()
{long i;

    ifstream f("nano.in");
    ofstream g("nano.out");

    f>>n>>m;

    for (i=1;i<=m;i++)
    {
        f>>c;
        if (c == 'M')
        {
            f>>x>>p;
            n+= x * (p-1);
        }
        else if (c == 'E')
```

```

        {
            f>>x;
            n-=x;
        }
        else
        {
            f>>x>>p;
            n-= x * (p-1);
        }
    }
    g<<n<<"\n";

    return 0;
}

```

Clasele V-VI

Zoo – Mircea Pricop

100 puncte

Odata cu deschiderea noii gradini zoologice din Moscova, a fost nevoie de cineva care sa puna focile in custile corespunzatoare. Cel mai potrivit pentru aceasta datorie este Iosif, un tanar cu abilitati remarcabile de lucru cu foci. Gradina dispune de N custi, care la inceput sunt goale. Iosif primeste instructiuni in urmatorul mod : I se dau doua numere naturale X si Y , iar el trebuie sa puna, incepand cu cusca cu numarul X si pana la cea cu numarul Y (inclusiv) , cate o foca in fiecare cusca.

Totusi, abilitatile lui de lucru cu animalele nu i-au permis sa se dezvolte si in domeniul stiintelor exacte, de aceea Iosif are nevoie de ajutorul tau pentru a realiza un raport in care sa spuna exact cate foci sunt in fiecare cusca dupa executarea tuturor instructiunilor. Pentru acest favor el iti ofera 100 de puncte*.

Date de intrare

Pe prima linie a fisierului `zoo.in` se va afla numarele naturale N si K . Pe urmatoarele K linii se va afla cate o pereche de numere naturale X si Y , cu semnificatia din enunt.

Date de iesire

Pe prima linie a fisierului `zoo.out` se vor afla N numere naturale, reprezentand numarul de foci din fiecare cusca dupa introducerea tuturor focilor.

Restrictii si precizari

$1 \leq N \leq 29\ 000$; $1 \leq K \leq 29\ 000$; $1 \leq X \leq Y \leq N$

zoo.in	zoo.out	Explicatii
5 4 2 4 1 5 5 5 4 5	1 2 2 3 3	Dupa prima instructiune: 0 1 1 1 0 Dupa a doua: 1 2 2 2 1 Dupa a treia: 1 2 2 2 2 Dupa a patra: 1 2 2 3 3

Timp de executie/test: 1 sec.

* Punctele vor fi acordate in viitor, in urma unei evaluari a codului sursa prezentat de o comisie de specialitate special pregatita.

Solutie

Solutia naiva ar fi sa retinem numerele intr-un vector iar la fiecare pas sa parcurgem elementele intre X si Y si sa le incrementam:

```

#include <fstream.h>
int s,n,k,i,x,y,a[29002],j;
int main()
{
    ifstream fin("zoo.in");
    ofstream fout("zoo.out");
    fin>>n>>k;
    for (i=1;i<=k;i++)
        { fin>>x>>y;

```

```

        for (j=x; j<=y; j++)
            a[j]++;
    }
    for (i=1; i<=n; i++)
    {
        fout<<a[i]<<" ";
    }
    fout<<endl;
    return 0;
}

```

O solutie mai eficienta ar fi sa folosim un vector de incrementare. Parcurgem vectorul retinand o variabila s, care va reprezenta valoarea curenta. Cand citim un interval, incrementam valoarea de pe pozitia X si decrementam cea de pe pozitia Y. Cand parcurgem vectorul, adunam la fiecare pas in s valoarea de pe pozitia curenta din vectorul de incrementare. Astfel, la inceputul unui interval, s va fi incrementat, toate valorile din interior fiind “marite”, iar la sfarsit se va modifica la loc.

```

#include <fstream.h>
int s,n,k,i,x,y,a[29002];
int main()
{
    ifstream fin("zoo.in");
    ofstream fout("zoo.out");
    fin>>n>>k;
    for (i=1; i<=k; i++)
    {
        fin>>x>>y;
        a[x]++;
        a[y+1]--;
    }
    s=0;
    for (i=1; i<=n; i++)
    {
        s+=a[i];
        fout<<s<<" ";
    }
    fout<<endl;
    return 0; }

```

Clasele VI-VII-VIII

Math – Robert Petrov

100 puncte

Leshrac are o obsesie pentru numerele prime. El doreste sa obtina un numar prim mai mic sau egal cu 60000 din orice numar, folosind de cate ori este nevoie, doua operatii: daca numarul este par, el il imparte la 2, daca este impar il inmulteste cu 3 si aduna 1. Ajutati-l pe Leshrac sa afle numarul minim de operatii pe care trebuie sa le execute pe N numere, pentru a le face prime.

Cerinta

Dandu-se N numere, se cere sa se afle, pentru fiecare din ele, numarul minim de operatii necesare pentru a obtine un numar prim.

Date de intrare

Pe prima linie a fisierului de intrare `math.in` se afla numarul natural N, iar pe a doua linie N numere naturale separate prin cate un spatiu.

Date de iesire

Pe prima si singura linie a fisierului de iesire `math.out` se vor afla N numere separate prin cate un spatiu reprezentand numarul cerut pentru fiecare din cele N numere, in ordinea lor din fisierul de intrare.

Restrictii si precizari

- $1 \leq N \leq 700.000$
- Cele N numere sunt mai mici de 60.000 si strict mai mari decat 0.

math.in	math.out	explicatie
4 2 102 27 33	0 7 2 6	2 este numar prim. 102->51->154->77->232->116->58->29 este numar prim 27->82->41 este numar prim. 33->100->50->25->76->38->19 este numar prim.

Timp de executie/test: 1 sec.

Soluție

Avem functia $f(x) = x/2$, daca x este par, si $x*3+1$, daca x este impar.

O solutie ar fi sa luam fiecare numar si sa aplicam functia f pe el, pana ce obtinem un numar prim. Putem verifica daca un numar este prim prin mai multe metode, metode ce vor influenta punctajul final. Cea mai naiva metoda este de a parcurge numerele mai mici ca $X/2$ pana gasim un divizor. O astfel de abordare ia 20 de puncte. Putem parcurge numerele si pana la radical din X , solutie ce ia 40 de puncte. O solutie de 70 de puncte consta in preprocesarea tuturor numerelor prime pana la 60000, pentru ca apoi verificarea primalitatii unui numar sa o efectuam in timp constant. Astfel vom cauta divizori numai in vectorul de numere prime. Pentru 100 de puncte, trebuie sa optimizam solutia de 70, respectiv modul in care determinam daca un numar este prim. Vom afla in timp constant memorand intr-un vector primalitatea fiecarui numar. Vom construi acest vector folosind ciurul lui Erathostenes.

```
#include <stdio.h>
#define NM 60001
int n;
char v[NM];
int main()
{freopen("math.in", "r", stdin);
freopen("math.out", "w", stdout);
int i, j, x;
v[i]=1;
for (i=2; i<NM; i++)
    if (!v[i])
        {for (j=i+i; j<NM; j+=i)
            {v[j]=1;
            }
        }
scanf("%d", &n);
int nr;
for (i=1; i<=n; i++)
    {scanf("%d", &x);
    nr=0;
    while (x>=NM || v[x]==1)
        {nr++;
        if (x%2==0)
            x/=2;
        else
            x=x*3+1;
        }
    printf("%d ", nr);
    }
return 0;
}
```

Clasele VII-VII

Omulet – Alexandru Paicu

100 puncte

Un omulet este prins intr-un joc pe calculator. In acel joc el trebuie sa ajunga la una dintre iesiri, pentru a avansa la nivelul urmator. Miscarile pe care le poate face sunt la stanga si la dreapta, deplasandu-se in casute libere din stanga sau dreapta lui. In plus, daca nu sta pe o platforma (daca se afla in aer) atunci el “cade” si nu poate sa se miste nici in stanga, nici in dreapta pana ce nu ajunge pe o suprafata solida.

Pentru a-l ajuta sa ajunga la iesire, creatorul jocului a decis sa amplaseze portale in anumite casute. Portalele sunt formate din doua capete legate intre ele. In cazul in care omulețul ajunge la un capat al unui portal, el poate decide sa se teleporteze prin el, si sa ajunga instant la celalt capat al acelui portal. Desigur, nu este obligat sa se teleporteze prin

el daca nu vrea. Intentia lui este sa treaca prin cat mai putine portale. Astfel, el va da o matrice care reprezinta nivelul la care a ajuns si va roaga sa-l ajutati.

Cerinta:

Dandu-se un nivel al jocului, sa se determine numarul minim de portale prin care trebuie sa treaca omulețul pentru a ajunge la o iesire.

Date de intrare:

Pe prima linie a fisierului **omulet.in** se gasesc N si M , numarul de linii respectiv de coloane ale matricii. Pe urmatoarele N linii se gasesc cate M caractere avand urmatoarea semnificatie:

“T” – pozitia de start a omulețului;

“X” – una dintre iesiri din nivelul curent;

“P” – platforma (pe care omulețul poate sta), el nu poate trece prin casute care sunt ocupate de platforme;

O cifra (intre 0 si 9) – capatul unui portal (fiecare cifra arata din ce portal face parte, astfel spre exemplu cifrele de 1 sunt capetele portalului cu numarul 1);

“S” – spatiu liber.

Date de iesire:

Pe prima linie a fisierului **omulet.out** se gaseste un numar care reprezinta numarul minim de portale prin care trebuie sa treaca omulețul. In cazul in care nu exista o modalitate pentru ca el sa ajunga la o iesire, se va afisa -1.

Restricții si precizari:

$1 \leq N, M \leq 25$

Orice cifra care va aparea in matrice va aparea exact de 2 ori

Vor exista maxim 10 portale

Ultima linie din matrice va fi alcatuita doar din “P”

Va exista un singur “T”

Omulețul nu are voie sa iasa din matrice.

omulet.in	omulet.out	Explicatii
2 5 STPXX PPPPP	-1	Nu exista nici o posibilitate ca omulețul sa ajunga la nici una dintre iesiri.
4 8 TPSX SX21 1PSPSPPS SPPPPPP2S PPPPPPPP	2	Cade o patratica dupa care se teleporteaza prin portalul 1 ajungand la capatul din dreapta-sus. De acolo cade doua patratele, face o miscare spre stanga si se teleporteaza prin portalul 2 ajungand la capatul de deasupra. Mai face o miscare la stanga si ajunge la iesire.

Timp de executie/test: 1 sec.

Soluție

Se foloseste o varianta modificata a algoritmului lui Lee.

```
#include <stdio.h>
#define NM 26
#define INF 12
int n,m;
char a[NM][NM];
int b[NM][NM];
struct punct{int x,y;
};
struct portal{punct A,B;
} port[11];

int st,dr;
punct c[NM*NM*10];//!!!! fara '*10' doar 90 pct

void bf(int,int);

void add(punct,int);
```

```

inline int egale(punct A,punct B)
{if (A.x!=B.x) return 0;
 if (A.y!=B.y) return 0;
 return 1;
}

inline int inport(punct D)
{int i;
 for (i=0;i<=9;i++)
   if (port[i].A.x!=0)
     {if (egale(port[i].A,D)||egale(port[i].B,D))
       {return i;
        }
    }
 return -1;
}

int main()
{freopen("omulet.in","r",stdin);
 freopen("omulet.out","w",stdout);
 scanf("%d %d\n",&n,&m);
 int i,j;
 for (i=1;i<=n;i++) scanf("%s\n",a[i]+1);

 for (i=1;i<=n;i++)
   for (j=1;j<=m;j++)
     b[i][j]=INF;

 for (i=1;i<=n;i++)//constructing the portal vector
   for (j=1;j<=m;j++)
     if (a[i][j]>='0'&&a[i][j]<='9')//if it's the first end
       {if (port[a[i][j]-'0'].A.x==0)
         {port[a[i][j]-'0'].A.x=i;
          port[a[i][j]-'0'].A.y=j;
         }
        else//if it's the second end
          {port[a[i][j]-'0'].B.x=i;
           port[a[i][j]-'0'].B.y=j;
          }
       }
 for (i=1;i<=n;i++)
   for (j=1;j<=m;j++)
     if (a[i][j]=='T')
       {bf(i,j);
        }

 int min=INF;
 for (i=1;i<=n;i++)
   for (j=1;j<=m;j++)
     if (a[i][j]=='X'&&b[i][j]<min) min=b[i][j];//checking all the exits

 if (min==INF) printf("-1");
   else printf("%d",min);
 return 0;
}

void bf(int xx,int yy)
{punct E,F;
 st=1,dr=1;
 b[xx][yy]=0;
 c[1].x=xx;

```

```

c[1].y=yy;
int p;
while (st<=dr)
{E=c[st++];
  if (a[E.x][E.y]=='X') continue;//if it's an exit, useless to expand
  p=inport(E);
  if (p!=-1)//portal
  {punct R,S;
    R=port[p].A;
    S=port[p].B;
    if(egale(E,R))add(S,b[E.x][E.y]+1);
    else add(R,b[E.x][E.y]+1);
  }

  if (a[E.x+1][E.y]=='P')//st si dr
  {F=E;
    F.y++; //dreapta
    if (F.y<=m&&a[F.x][F.y]!='P')
      {add(F,b[E.x][E.y]);
      }
    F.y-=2; //stanga
    if (F.y>=1&&a[F.x][F.y]!='P')
      {add(F,b[E.x][E.y]);
      }
  }
  else//cadere
  {F=E;
    F.x++;
    add(F,b[E.x][E.y]);
  }
}
}
void add(punct A,int v)
{if (b[A.x][A.y]>v)
  {dr++;
    b[A.x][A.y]=v;
    c[dr]=A;
  }
}
}

```

Problemele de concurs 2008

Clasa a V-a

Lumini – Stoian Vlad

100 puncte

Papucel este angajatul unei firme de constructii formata din N zone. El lucreaza la un panou de control cu multe butoane ce poate modifica starea becurilor din cele N zone. In pauza dintre schimburi, seful lui ii trimite scris pe o foaie de hartie cate butoane sa actioneze precum si numarul de camere si camerele in care butonul schimba starea luminii.

Cerinta

Fiind dat numarul N , starea initiala a celor N camere, cat si numarul de butoane si informatiile despre fiecare buton, sa se afle numarul de camere care au lumina aprinsa dupa actionarea celor M butoane si indicele acestora.

Date de intrare

Fisierul de intrare `lumini.in` contine pe prima linie numarul N reprezentand numarul de camere, pe a doua linie starea fiecărei camere (1, dacă lumina este aprinsa, 0, dacă lumina este stinsa), pe a treia linie numarul M reprezentand cate butoane trebuie apasate, iar pe urmatoarele M linii informatiile despre butoane de forma $NR \ X_1 \ X_2 \ \dots \ X_{NR}$. NR reprezinta numarul de camere asupra carora actioneaza butonul, iar $X_1 \dots X_{NR}$ indicele camerelor asupra carora actioneaza.

Date de iesire

Fisierul de iesire `lumini.out` trebuie sa contina pe prima linie un numar natural S reprezentand numarul de camere cu lumina aprinsa, iar pe a doua linie se vor afla indicele camerelor care au lumina aprinsa ordine crescatoare.

Restricții și precizări

- $3 \leq N \leq 3.000$; $1 < M < N$
- Schimbarea starii de lumina se face astfel: dacă într-o camera este lumina (are valoarea 1), va deveni întuneric (va lua valoarea 0) și invers.

lumini.in	lumini.out
10 1 1 0 1 0 0 0 0 1 1 1 2 4 9	3 1 2 10

Timp executie pe test: 1 secunda

Solutie

```
program lumini;
var x:array[1..3000] of integer;
    n,m,i,j,nr,u:integer;
    f,g:text;
begin
  assign(f,'lumini.in');reset(f);
  assign(g,'lumini.out');rewrite(g);
  readln(f,n);
  for i:=1 to n do
    read(f,x[i]);
  readln(f,m);
  for i:=1 to m do
    begin
      read(f,nr);
      for j:=1 to nr do begin
        read(f,u);
        x[u]:=1-x[u];
      end;
    end;
  readln(f);
  end; nr:=0;
  for i:=1 to n do
    nr:=nr+x[i];
  writeln(g,nr);
  for i:=1 to n do
    if x[i]=1 then write(g,i,' ');
  close(f);
  close(g);
end.
```

Pe planeta Marte, fostul conducator a murit si a venit timpul pentru alegerea unui alt lider. Aici populatia este impartita in N grupuri cu $a[1], a[2] \dots a[N]$ martieni. Un martian candidat poate deveni lider doar daca este votat de jumatate plus unu din grupe. De asemenea, un candidat este votat de un grup doar daca este votat de jumatate plus unu din totalitatea martienilor din acel grup. Candidatul Base vrea sa castige alegerile, iar pentru acest lucru, el trebuie sa afle care este numarul minim de martieni care trebuie sa-l voteze pentru a putea ajunge noul conducator al planetei Marte.

Cerinta

Ajutati-l pe candidatul Base sa afle numarul minim de martieni ce trebuie sa-l voteze pentru a putea deveni noul lider.

Date de intrare

Fisierul de intrare `alegeri.in` contine pe prima linie numarul natural N reprezentand numarul de grupuri. Urmatoarea linie contine N numere naturale reprezentand cati alegatori sunt in fiecare dintre grupe.

Date de iesire

Fisierul de iesire `alegeri.out` trebuie sa contina pe prima linie un numar natural S reprezentand cati alegatori trebuie sa convinga Base sa-l voteze pentru a castiga alegerile. Pe cea de-a doua linie se vor afisa indicii grupurilor, in ordine crescatoare, din care fac parte cei S alegatori.

Restrictii si precizari

- $3 \leq N \leq 10.000$
- Pentru orice $i=1..N$, $0 < a[i] < 1000$

<code>alegeri.in</code>	<code>alegeri.out</code>
3 5 7 5	6 1 3
4 3 8 9 8	12 1 2 4

Timp executie pe test: 1 secunda

Solutie

```

program alegeri;
var a,b,c:array[1..10000] of integer;
    n,i,j,aux,x:integer;
    aux1:byte;
    s,sv:longint;
    f,g:text;
begin
    assign(f,'alegeri.in');reset(f);
    assign(g,'alegeri.out');rewrite(g);
    readln(f,n);
    for i:=1 to n do
        begin
            read(f,x);
            a[i]:=x div 2+1;
            b[i]:=i;
        end;

    for i:=1 to n-1 do
        for j:=i+1 to n do
            if a[i]>a[j] then begin
                aux:=a[i];
                a[i]:=a[j];
                a[j]:=aux;
                aux:=b[i];
                b[i]:=b[j];
                b[j]:=aux;
            end;

    s:=0;
```

```

for i:=1 to n div 2+1 do
  begin
    s:=s+a[i];
    c[b[i]]:=1;
  end;

writeln(g,s);
for i:=1 to n do
  if c[i]=1 then begin
    write(g,i,' ');
  end;

close(f);
close(g);
end.

```

Clasele VI-VIII

Cersetor–Paicu Alexandru

100 puncte

Intr-un oras utopic exista o piata dreptunghiulara de dimensiuni N si M . Aceasta piata este impartita in $N \times M$ sectoare patrate de dimensiuni 1×1 . Un cersetor observa ca in unele patrate se afla domni generosi care i-ar da o suma de bani daca ar ajunge in patratul lor, iar in altele se afla niste vamesi care il obliga sa plateasca o suma de bani pentru a intra in patratul lor. Din cauza ca cersetorul nostru are niste principii mai stranii, el doreste sa porneasca dintr-un patratel al pietei (nu neaparat de pe margine) si sa mearga de fiecare data in patratelul care se afla in Sud-Est (dreapta-jos) fata de cel in care se afla. Deasemenea el poate sa se opreasca cand vrea si sa ramana in acel patrat pana se face seara si pleaca toti vamesii si domnii generosi.

O ultima dorinta a cersetorului ar fi ca suma pe care o strange sa fie maxima.

Cerinta

Fiind date sumele de bani din fiecare patrat al pietii (pozitive cand cersetorul primeste bani si negative cand el trebuie sa dea bani), sa se calculeze suma maxima pe care o poate obtine cersetorul respectandu-si principiile.

Date de intrare

Pe prima linie a fisierului **cersector.in** se gasesc doua numere N si M . Pe fiecare din urmatoarele N linii se gasesc M numere reprezentand banii pe care ii primeste cersetorul daca trece prin acel patratel (daca este un numar negativ inseamna ca trebuie sa plateasca bani).

Date de iesire

Pe prima linie a fisierului **cersector.out** se va gasi suma maxim obtinuta.

Restricții si precizari

$1 \leq N, M \leq 100$

Este obligatoriu ca cersetorul sa parcurga cel puțin un patrat.

Se considera un drum valid si un drum in care cersetorul se opreste chiar in casuta din care incepe.

Elementele din matrice sunt in intervalul $[-100, 100]$

cersector.in	cersector.out	explicatii
3 5 1 -1 3 -1 0 2 3 2 2 1 1 4 -5 5 -1	7	porneste din (2,3) si se opreste in (3,4) $2+5=7$
3 4 1 0 2 3 0 1 2 3 5 2 4 3	6	porneste din (1,1) si se opreste in (3,3) $1+1+4=6$

Timp maxim de executie/test: 1 secunda

Solutie

```

program cersetor;
var a:array[1..100,1..100] of integer;
    n,m,i,j,k:integer;
    max,s:longint;
    f,g:text;

```

```

begin
assign(f, 'cersetor.in'); reset(f);
assign(g, 'cersetor.out'); rewrite(g);
readln(f, n, m);
for i:=1 to n do
begin
for j:=1 to m do
read(f, a[i, j]);
readln(f);
end;
max:=a[1, 1];
for i:=1 to n do
for j:=1 to m do
begin
s:=0;
k:=0;
while (i+k<=n) and (j+k<=m) do
begin
s:=s+a[i+k, j+k];
if s>max then max:=s;
k:=k+1;
end;
end;
writeln(g, max);
close(f);
close(g);
end.

```

Clasele VII-VIII

Portocale–Stoian Vlad

100 puncte

La conventia anuala a mancatorilor de fructe se intalnesc n persoane. Organizatorii au la dispozitie N cutii de portocale. Dorind ca toate persoanele sa primeasca acelasi numar de portocale, seful conventiei vine cu ideea sa se deschida anumite cutii astfel incat intregul lor continut sa se distribuie in mod egal tuturor persoanelor, deci sa nu ramana portocale in cutiile deschise.

Cerinta

Fiind dat numarul N de persoane cat si numarul de portocale din fiecare din cele n cutii, sa se afle una dintre variantele posibile in care pot fi alese cutiile ce vor fi deschise, pentru a veni in sprijinul conventiei.

Date de intrare

Fisierul de intrare `porto.in` contine pe prima linie numarul N reprezentand numarul de persoane participante la conventie, iar pe a doua linie N numere $x_1, x_2 \dots x_N$, reprezentand numarul de portocale din cele N cutii.

Date de iesire

Fisierul de iesire `porto.out` trebuie sa contina pe prima linie un numar natural NR , reprezentand numarul de cutii ce se vor desface, iar pe a doua linie, NR numere separate prin cate un spatiu, reprezentand numerele de ordine ale cutiilor ce vor fi deschise.

Restricții si precizari

- $3 \leq N \leq 3000$
- $1 \leq x \leq 5000$
- Solutia nu este neaparat unica.

porto.in	porto.out	Explicatii
5 2 7 6 10 4	3 3 4 5	S-au desfacut cutiile persoanelor 3, 4 si 5, s-au obtinut astfel $6+10+4=20$ portocale care se pot distribui in mod egal celor 5 persoane (fiecareia revenindu-i 4 portocale).

Timp executie pe test: 1 secunda

Solutie

```
program portocale;
var a,r:array[1..10000] of integer;
    n,i,j,m,ok,k:integer;
    f,g:text;
begin
    assign(f,'porto.in');reset(f);
    assign(g,'porto.out');rewrite(g);
    readln(f,n);
    for i:=1 to n do read(f,a[i]);
    r[1]:=a[1] mod n;
    for i:=2 to n do r[i]:=(r[i-1]+a[i]) mod n;
    ok:=0;
    for i:=1 to n do
        if r[i]=0 then begin
            ok:=1;
            m:=i;
            writeln(g,m);
            for j:=1 to i do write(g,j,' ');
            break;
        end;

    if ok=0 then
        begin
            for i:=1 to n-1 do
                if ok=0 then for j:=i+1 to n do
                    if r[i]=r[j] then
                        begin
                            ok:=1;
                            m:=j-i;
                            writeln(g,m);
                            for k:=i+1 to j do write(g,k,' ');
                            break;
                        end;

            end;
            close(f);
            close(g);
        end.
end.
```

Problemele de concurs 2007

Clasa a V-a

Balta magică- Robert Petrov

În vremea antică exista o baltă în care evoluția speciilor era accelerată. Inițial, în baltă nu se afla nici o ființă. Într-o zi veni un bătrân lângă baltă și grăi: ”De acum încolo, câte zile voi mai trăi, voi aduce câte un pește în fiecare zi”. Această baltă avea proprietăți magice. Zilnic fiecare pește își făcea o clonă, iar apoi peștii existenți din baltă se reproduceau rezultând tot atâția peștișori (pui) câți erau cu două zile în urmă, de fiecare dată când bătrânul arunca un pește în apă, dar înainte ca acesta să ajungă în baltă. Puii deveneau maturi în dimineața zilei următoare.

Cerință

Aflați câți pești sunt în baltă în cea de-a n -a zi, după vizita bătrânului, știind că el și-a ținut promisiunea.

Date de intrare

Se citește de la tastatură un număr natural n .

Date de ieșire

Se va afișa pe ecran numărul de pești care se găsesc în baltă în a n -a zi, după plecarea bătrânului.

Restricții și precizări

$1 \leq n \leq 100$

Peștii sunt nemuritori.

Intrare	Ieșire
1	1
2	3
3	8

Timp maxim de execuție/test: 1 secundă

Soluție

Notăm cu $a[i]$ numărul de pești care se găsesc în baltă în a i -a zi. Din enunț deducem că $a[1]=1$ și $a[i]=2*a[i-1]+a[i-2]+1$.

```
program balta;  
var a:array[0..100] of longint;  
    n,i:integer;  
    f,g:text;  
begin  
    assign(f,'balta.in'); reset(f);  
    assign(g,'balta.out'); rewrite(g);  
    readln(f,n);  
    close(f);  
    a[0]:=0;  
    a[1]:=1;  
    for i:=2 to n do a[i]:=2*a[i-1]+a[i-2]+1;  
    writeln(g,a[n]);  
    close(g);  
end.
```

Templu-Mircea Pricop

100 puncte

La templul Wu-Tang s-au adunat n candidați care vor să urmeze cursurile de arte marțiale. Din păcate printre candidați s-au amestecat câțiva spioni Shaolin. Maestrul i-a aliniat pe toți și a reușit să își dea seama pentru fiecare din ei dacă sunt spioni sau candidați buni. Deoarece are o mentalitate pașnică, el va încerca să își aleagă studenții fără a alarma pe nimeni, astfel: va alege cea mai lungă secvență de candidați onești și îi va lua în clan, apoi dintre cei rămași va mai alege încă o dată cea mai lungă secvență de candidați onești și îi va lua și pe ei.

Date de intrare

De la tastatură se citește N , numărul de candidați, apoi N numere de 0 și 1, reprezentând: 0, dacă candidatul este un spion, respectiv 1 dacă este candidat onest.

Date de ieșire

Pe ecran se va afișa un singur număr, reprezentând numărul de candidați onești aleși după regula maestrului.

Restricții

- $1 \leq N \leq 100$

6 1 1 0 1 1 1	5
13 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 0	7

Timp maxim de execuție/test: 1 secundă

Soluție

Se folosesc 3 variabile: *sc*, *smax* și *smax1*, reprezentând lungimea secvenței, curente de elemente egale cu 1, lungime secvenței maxime de elemente egale cu 1 și a celei de-a doua secvențe ca lungime. Când începe o nouă secvență de elemente egale cu 1 (adică *a[i]* este 1), se determină lungimea acesteia, pentru parcurgerea ei folosindu-se indicii *j*. Când secvența s-a terminat, se modifică, dacă este cazul, valorile *smax* și/sau *smax1*.

```
var n,i,x,j,sc,smax,smax1:byte;
a:array[1..100] of integer;
f,g:text;
begin
  assign(f,'templu.in'); reset(f);
  assign(g,'templu.out'); rewrite(g);
  readln(f,n);
  for i:=1 to n do read(f,a[i]);
  smax:=0; smax1:=0;
  i:=1;
  while i<=n do
    if a[i]=1 then begin
      sc:=0;
      j:=i;
      while (j<=n) and (a[j]=1) do
        begin
          sc:=sc+1;
          j:=j+1;
        end;
      if sc>=smax then begin
        smax1:=smax;
        smax:=sc;
      end
      else if sc>smax1 then smax1:=sc;
      i:=j+1;
    end
    else i:=i+1;
  writeln(g,smax+smax1);
  close(f);
  close(g);
end.
```

Clasa a VI-a

Mere-Stoian Vlad

100 puncte

Fermierul Petrică are o livadă în formă de pătrat cu latura *n*, împărțită în $n \times n$ zone de latură 1. În fiecare zonă se află o cantitate de mere. A venit timpul recoltei iar fermierul, știind ce drum trebuie să urmeze pentru a avea recoltă bogată și anul viitor, vrea să știe câte mere va strânge, ca să își ia destule coșuri cu el.

Cerința

Fiind date cantitățile de mere din fiecare zonă, cât și mărimea livezii, pentru o zonă de plecare și un drum dat, aflați câte mere va strânge Petrică.

Date de intrare

Pe prima linie din fișierul *mere.in* se va afla numărul natural *n* reprezentând latura livezii și numărul natural *m* reprezentând numărul de instrucțiuni, pe a doua linie se vor afla numerele *S_i* și *S_j*, reprezentând linia și coloana punctului de plecare. Pe următoarele *n* linii se vor afla câte *n* numere separate prin spații, reprezentând numărul de mere din fiecare zonă iar pe ultimele *m* linii se vor afla instrucțiunile de forma: una din literele *N, S, E, V* reprezentând direcția (sus, jos, dreapta, stânga) urmată de un număr reprezentând numărul de pași în acea direcție.

Date de ieşire

Pe prima linie din fişierul `mere.out` se va afla o valoare reprezentând numărul de mere culese.

Restricţii şi precizări

- $1 \leq N, M, S_j, S_j \leq 75$
- Numărul de mere din fiecare zonă este între 0 şi 100
- Instrucţiunile nu îl vor trimite pe Petrică în afara livezii.
- Odată culese merele dintr-o zonă, nu vor mai putea fi culese a doua oară.

Mere.in	mere.out	Explicaţii
5 4 1 2 5 6 7 3 4 2 9 4 0 1 5 7 9 3 6 10 3 4 1 16 4 5 2 7 21 S 4 V 1 N 3 E 2	55	5 6 7 3 4 Petrică va porni din zona a doua 2 9 4 0 1 de pe primul rând (cu valoarea 6) 5 7 9 3 6 şi va merge: 4 zone în jos 10 3 4 1 16 (9+7+3+5), una în stânga (4), 3 în 4 5 2 7 21 sus (10+5+2) iar în final, 2 zone la dreapta, dar de data aceasta, în căsuţa (2,2) nu va mai găsi nici un măr (0+4). În total vor fi 55 de mere culese.

Timp maxim de execuţie/test: 1 secundă

Soluţie

În variabila `s` se calculează numărul total de mere. Se simulează drumul pe care Petrică trebuie să îl parcurgă conform instrucţiunilor. Când se ajunge într-o poziţie a traseului, se culeg toate merele găsite acolo şi se lasă în urmă valoarea 0.

```
program mere;
var a:array[1..75,1..75] of integer;
    n,m,i,j,k,si,sj,nr:integer;
    s:longint;
    dir:char; {directia de deplasare}
    f,g:text;
begin
assign(f,'mere.in');reset(f);
assign(g,'mere.out');rewrite(g);
readln(f,n,m);
readln(f,si,sj);

for i:=1 to n do
begin
for j:=1 to m do read(f,a[i,j]);
readln(f);
end;
s:=a[si,sj];
a[si,sj]:=0;
for k:=1 to m do
begin
readln(f,dir,nr);
for j:=1 to nr do
begin
if dir='N' then si:=si-1
else if dir='S' then si:=si+1
else if dir='E' then sj:=sj+1
else sj:=sj-1;
s:=s+a[si,sj];
a[si,sj]:=0;
end;
end;
writeln(g,s);
close(g);
close(f);
end.
```

Relațiile de sânge dintre marțieni sunt foarte confuze. Un marțian poate avea un părinte dar și zece. Nimeni nu va fi surprins dacă cineva are o sută de copii. În consiliul planetar dacă cineva confundă arborele genealogic el se face de rușine. În acest consiliu se întâlnesc cei mai de seamă marțieni și deci pentru a nu ofensa pe cineva, primii care vor ține discursuri vor fi marțienii cei mai bătrâni. Un marțian își știe doar părinții lui, dar nu și bunicii.

Cerință

Să se afișeze ordinea în care ar trebui să țină discursul marțienii pentru a nu ofensa pe nimeni.

Date de intrare

Pe prima linie a fișierului de intrare `mar.te.in` se află numărul natural n de marțieni. Pe liniile $i=2..n+1$ ale fișierului se vor afla copiii marțianului i , fiecare rând terminându-se cu 0.

Date de ieșire

Pe prima și singura linie a fișierului de ieșire `mar.te.out` se va afla ordinea în care vor ține marțienii discursurile.

Restricții și precizări

$N \leq 100$

Soluția nu este neapărat unică.

<code>mar.te.in</code>	<code>mar.te.out</code>
5	2 4 5 3 1
0	
4 5 1 0	
1 0	
5 3 0	
3 0	

Timp maxim de execuție/test: 1 secundă

Soluție

Codificăm relațiile tată-fiu într-o matrice pătratică cu n linii și n coloane, astfel: $a[i, j]$ va fi 1 dacă și numai dacă marțianul i este tatăl marțianului j . Determinăm pentru fiecare marțian j , numărul $s[j]$ de părinți ai săi. Cel mai bătrân marțian, adică cel care vorbește primul, este acela care nu are nici un părinte în viață, adică cel pentru care $s[j]$ este 0. Il scriem în fișier și apoi, pentru fiecare copil al său, micșorăm cu 1 numărul de părinți deoarece părintele j a fost deja pus în lista vorbitorilor și de el nu trebuie să mai ținem cont în continuare. Punem -1 în $s[j]$ pentru o eventuală depanare (ar fi suficient să punem o valoare diferită de 0).

```

program mar.te;
var n,i,j,k:integer;
    a:array[1..100,1..100] of integer;
    f,g:text;
    s:array[1..100] of integer;
begin
assign(f,'date.in'); reset(f);
assign(g,'date.out'); rewrite(g);
readln(f,n);

for i:=1 to n do
    repeat
        read(f,j);
        if j>0 then a[i,j]:=1;
    until j=0;
close(f);
for j:=1 to n do
    begin
        s[j]:=0;
        for i:=1 to n do
            s[j]:=s[j]+a[i,j];
        end;
for i:=1 to n do
    begin
        j:=1;
```

```
while s[j]<>0 do  j:=j+1;
write(g,j,' ');
s[j]:=-1;
for k:=1 to n do
    if a[j,k]=1 then s[k]:=s[k]-1;
end;
close(g);
end.
```